


I'm not robot  reCAPTCHA

**I am not robot!**

Cours:-----Télécharger PDF 1: Cours Téléinformatique : ICI-----Télécharger PDF 2: Cours Téléinformatique : ICI-----Télécharger PDF 3: Cours Téléinformatique : ICI-----Télécharger PDF 4: Cours Téléinformatique : ICI-----  
Téléinformatique : ICI-----  
Télécharger PDF 1: Cours Téléinformatique : ICI-----  
Télécharger PDF 2: Cours Téléinformatique : ICI-----  
Télécharger PDF 3: Cours Téléinformatique : ICI-----  
Télécharger PDF 4: Cours Téléinformatique : ICI-----  
Télécharger PDF 1: Cours Téléinformatique : ICI-----  
Télécharger PDF 2: Cours Téléinformatique : ICI-----  
Télécharger PDF 3: Cours Téléinformatique : ICI-----  
Télécharger PDF 4: Cours Téléinformatique : ICI-----

Université de Montpellier - Montpellier III - Bâtiment	
La Faculté des Sciences et de la Technologie	
Matière : Informatique 1	
Exercice 3 (3,5 pts)	
Programme en C	
1. Lire	0,5 pt
2. A, B : entier	0,5 pt
3. Afficher	0,5 pt
4. Calculer	0,5 pt
5. Afficher	0,5 pt
6. Lire	0,5 pt
7. Calculer	0,5 pt
8. Afficher	0,5 pt
9. Lire	0,5 pt
10. Calculer	0,5 pt
11. Afficher	0,5 pt
12. Lire	0,5 pt
13. Calculer	0,5 pt
14. Afficher	0,5 pt
15. Lire	0,5 pt
16. Calculer	0,5 pt
17. Afficher	0,5 pt
18. Lire	0,5 pt
19. Calculer	0,5 pt
20. Afficher	0,5 pt
21. Lire	0,5 pt
22. Calculer	0,5 pt
23. Afficher	0,5 pt
24. Lire	0,5 pt
25. Calculer	0,5 pt
26. Afficher	0,5 pt
27. Lire	0,5 pt
28. Calculer	0,5 pt
29. Afficher	0,5 pt
30. Lire	0,5 pt
31. Calculer	0,5 pt
32. Afficher	0,5 pt
33. Lire	0,5 pt
34. Calculer	0,5 pt
35. Afficher	0,5 pt
36. Lire	0,5 pt
37. Calculer	0,5 pt
38. Afficher	0,5 pt
39. Lire	0,5 pt
40. Calculer	0,5 pt
41. Afficher	0,5 pt
42. Lire	0,5 pt
43. Calculer	0,5 pt
44. Afficher	0,5 pt
45. Lire	0,5 pt
46. Calculer	0,5 pt
47. Afficher	0,5 pt
48. Lire	0,5 pt
49. Calculer	0,5 pt
50. Afficher	0,5 pt
51. Lire	0,5 pt
52. Calculer	0,5 pt
53. Afficher	0,5 pt
54. Lire	0,5 pt
55. Calculer	0,5 pt
56. Afficher	0,5 pt
57. Lire	0,5 pt
58. Calculer	0,5 pt
59. Afficher	0,5 pt
60. Lire	0,5 pt
61. Calculer	0,5 pt
62. Afficher	0,5 pt
63. Lire	0,5 pt
64. Calculer	0,5 pt
65. Afficher	0,5 pt
66. Lire	0,5 pt
67. Calculer	0,5 pt
68. Afficher	0,5 pt
69. Lire	0,5 pt
70. Calculer	0,5 pt
71. Afficher	0,5 pt
72. Lire	0,5 pt
73. Calculer	0,5 pt
74. Afficher	0,5 pt
75. Lire	0,5 pt
76. Calculer	0,5 pt
77. Afficher	0,5 pt
78. Lire	0,5 pt
79. Calculer	0,5 pt
80. Afficher	0,5 pt
81. Lire	0,5 pt
82. Calculer	0,5 pt
83. Afficher	0,5 pt
84. Lire	0,5 pt
85. Calculer	0,5 pt
86. Afficher	0,5 pt
87. Lire	0,5 pt
88. Calculer	0,5 pt
89. Afficher	0,5 pt
90. Lire	0,5 pt
91. Calculer	0,5 pt
92. Afficher	0,5 pt
93. Lire	0,5 pt
94. Calculer	0,5 pt
95. Afficher	0,5 pt
96. Lire	0,5 pt
97. Calculer	0,5 pt
98. Afficher	0,5 pt
99. Lire	0,5 pt
100. Calculer	0,5 pt
101. Afficher	0,5 pt
102. Lire	0,5 pt
103. Calculer	0,5 pt
104. Afficher	0,5 pt
105. Lire	0,5 pt
106. Calculer	0,5 pt
107. Afficher	0,5 pt
108. Lire	0,5 pt
109. Calculer	0,5 pt
110. Afficher	0,5 pt
111. Lire	0,5 pt
112. Calculer	0,5 pt
113. Afficher	0,5 pt
114. Lire	0,5 pt
115. Calculer	0,5 pt
116. Afficher	0,5 pt
117. Lire	0,5 pt
118. Calculer	0,5 pt
119. Afficher	0,5 pt
120. Lire	0,5 pt
121. Calculer	0,5 pt
122. Afficher	0,5 pt
123. Lire	0,5 pt
124. Calculer	0,5 pt
125. Afficher	0,5 pt
126. Lire	0,5 pt
127. Calculer	0,5 pt
128. Afficher	0,5 pt
129. Lire	0,5 pt
130. Calculer	0,5 pt
131. Afficher	0,5 pt
132. Lire	0,5 pt
133. Calculer	0,5 pt
134. Afficher	0,5 pt
135. Lire	0,5 pt
136. Calculer	0,5 pt
137. Afficher	0,5 pt
138. Lire	0,5 pt
139. Calculer	0,5 pt
140. Afficher	0,5 pt
141. Lire	0,5 pt
142. Calculer	0,5 pt
143. Afficher	0,5 pt
144. Lire	0,5 pt
145. Calculer	0,5 pt
146. Afficher	0,5 pt
147. Lire	0,5 pt
148. Calculer	0,5 pt
149. Afficher	0,5 pt
150. Lire	0,5 pt
151. Calculer	0,5 pt
152. Afficher	0,5 pt
153. Lire	0,5 pt
154. Calculer	0,5 pt
155. Afficher	0,5 pt
156. Lire	0,5 pt
157. Calculer	0,5 pt
158. Afficher	0,5 pt
159. Lire	0,5 pt
160. Calculer	0,5 pt
161. Afficher	0,5 pt
162. Lire	0,5 pt
163. Calculer	0,5 pt
164. Afficher	0,5 pt
165. Lire	0,5 pt
166. Calculer	0,5 pt
167. Afficher	0,5 pt
168. Lire	0,5 pt
169. Calculer	0,5 pt
170. Afficher	0,5 pt
171. Lire	0,5 pt
172. Calculer	0,5 pt
173. Afficher	0,5 pt
174. Lire	0,5 pt
175. Calculer	0,5 pt
176. Afficher	0,5 pt
177. Lire	0,5 pt
178. Calculer	0,5 pt
179. Afficher	0,5 pt
180. Lire	0,5 pt
181. Calculer	0,5 pt
182. Afficher	0,5 pt
183. Lire	0,5 pt
184. Calculer	0,5 pt
185. Afficher	0,5 pt
186. Lire	0,5 pt
187. Calculer	0,5 pt
188. Afficher	0,5 pt
189. Lire	0,5 pt
190. Calculer	0,5 pt
191. Afficher	0,5 pt
192. Lire	0,5 pt
193. Calculer	0,5 pt
194. Afficher	0,5 pt
195. Lire	0,5 pt
196. Calculer	0,5 pt
197. Afficher	0,5 pt
198. Lire	0,5 pt
199. Calculer	0,5 pt
200. Afficher	0,5 pt

La matrice  $(A^2)$  est-elle aussi un élément de  $(E)$ ? Quelques indications pour cet exercice : Ne pas oublier qu'il y a deux méthodes pour montrer qu'un ensemble est un sous-espace vectoriel, et qu'on peut répondre en même temps aux deux sous-questions posées ici avec la méthode adaptée! Remarque ici que les valeurs propres sont données par l'énoncé! Il sera donc sûrement contre-productif d'échelonner  $(A-\lambda \text{Id})$  avec un paramètre  $(\lambda)$  inconnu, et beaucoup plus malin de vérifier directement que  $(A-\lambda \text{Id})$  n'est pas inversible, et de même pour les valeurs propres  $(2)$  et  $(3)$ ... Ne pas hésiter d'ailleurs à calculer dans la foulée à chaque fois, le sous-espace propre associé! Bien avoir en tête également, une conséquence immédiate du fait que la matrice  $(3 \times 3)$  étudiée ici, possède 3 valeurs propres distinctes... Bien revoir ici la définition de la matrice de passage, à construire ici entre la base canonique et la base de vecteurs propres : se souvenir aussi qu'on peut multiplier un vecteur par le réel approprié afin de régler une de ses composantes selon les exigences de l'énoncé! Méthode acquise en première année de prépa, pas de difficulté ici : si les calculs deviennent horribles, c'est peut-être que la matrice  $(P)$  est incorrecte! Calculs basiques dont les résultats doivent être soigneusement interprétés au vu de la question suivante : qu'attend-on de savoir en calculant  $(BX_1)$ ? Synthèse des questions 1., 3. et 5. : faire le lien entre  $(M(x,y))$  et  $(B)$ . Bien revoir ici le lien qui existe entre l'inversibilité d'une matrice, et la liste de ses valeurs propres... Attention à bien poser les termes du problème ici :  $(B^2)$  appartient à  $(E)$  si et seulement si on peut l'écrire sous la forme des matrices de cet espace : existe-t-il  $(x)$  et  $(y)$  deux réels tels que  $(B^2 = M(x,y))$ ? Même question ensuite pour  $(A^2)$ . Corrigé de l'exercice 1 Exercice 2 : Réduction de deux matrices, faisant le tour des méthodes fondamentales Soit  $(A)$  la matrice de  $(\mathbb{M}_3(\mathbb{R}))$  donnée par :  $(A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -2 \\ 0 & 3 & 0 \\ 1 & -1 & 5 \end{pmatrix})$ . Calculer  $(A^2-7A)$ . En déduire que les seuls réels susceptibles d'être valeurs propres de  $(A)$  sont les réels  $(3)$  et  $(4)$ . Trouver alors toutes les valeurs propres de  $(A)$ , et pour chacune d'entre elles, donner une base du sous-espace propre associé. La matrice  $(A)$  est-elle inversible? macusukiga Est-elle diagonalisable?

**Méthodes des éléments finis**  
Exercices Corrigés  
www.physiquechimie-mathbiologie.com

$(A)$  est-elle diagonalisable? wuwopucezeza Déterminer une matrice inversible  $(P)$  de  $(\mathbb{M}_3(\mathbb{R}))$  dont la première ligne est  $(\begin{pmatrix} 1 & -2 & 1 \end{pmatrix})$ , et telle que :  $(A = PD \cdot AP^{-1})$   $(D = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix})$  Déterminer  $(P^{-1})$  (faire figurer le détail des calculs sur la copie). En notant  $(X_1, X_2)$  et  $(X_3)$  les trois vecteurs colonnes formant la matrice  $(P)$ , calculer  $(BX_1, BX_2)$  et  $(BX_3)$  En déduire l'existence d'une matrice diagonale  $(D_B)$  que l'on explicitera telle que :  $(B = PD_B \cdot P_B^{-1})$  En déduire que pour tout  $(x,y) \in (\mathbb{R}^2)$ , il existe une matrice diagonale  $(D(x,y))$  de  $(\mathbb{M}_3(\mathbb{R}))$  telle que :  $(M(x,y) = PD(x,y) \cdot P(x,y)^{-1})$  En déduire une condition nécessaire et suffisante sur  $(x,y)$  pour que  $(M(x,y))$  soit inversible. Montrer que  $(B^2)$  est un élément de  $(E)$ . La matrice  $(A^2)$  est-elle aussi un élément de  $(E)$ ? Quelques indications pour cet exercice : Ne pas oublier qu'il y a deux méthodes pour montrer qu'un ensemble est un sous-espace vectoriel, et qu'on peut répondre en même temps aux deux sous-questions posées ici avec la méthode adaptée! Remarque ici que les valeurs propres sont données par l'énoncé! Il sera donc sûrement contre-productif d'échelonner  $(A-\lambda \text{Id})$  avec un paramètre  $(\lambda)$  inconnu, et beaucoup plus malin de vérifier directement que  $(A-\lambda \text{Id})$  n'est pas inversible, et de même pour les valeurs propres  $(2)$  et  $(3)$ ... Ne pas hésiter d'ailleurs à calculer dans la foulée à chaque fois, le sous-espace propre associé! Bien avoir en tête également, une conséquence immédiate du fait que la matrice  $(3 \times 3)$  étudiée ici, possède 3 valeurs propres distinctes... Bien revoir ici la définition de la matrice de passage, à construire ici entre la base canonique et la base de vecteurs propres : se souvenir aussi qu'on peut multiplier un vecteur par le réel approprié afin de régler une de ses composantes selon les exigences de l'énoncé! Méthode acquise en première année de prépa, pas de difficulté ici : si les calculs deviennent horribles, c'est peut-être que la matrice  $(P)$  est incorrecte! Calculs basiques dont les résultats doivent être soigneusement interprétés au vu de la question suivante : qu'attend-on de savoir en calculant  $(BX_1)$ ?

Lycée Nafsa  
Professeur GUESMIA AZIZA  
2<sup>ème</sup> Economie et Services  
Jan. 2013

Série d'exercices corrigés Statistiques

**Exercice 1 (corrigé)**

Dans un sous-groupe de 40 personnes la taille moyenne est égale à 170 cm.  
Dans un deuxième sous-groupe de 10 personnes la taille moyenne est égale à 180 cm.  
Dans un troisième sous-groupe de 50 personnes la taille moyenne est égale à 175 cm.  
1) Déterminer la taille moyenne du groupe constitué par les trois sous-groupes précédents. 2) Quelle serait la taille moyenne si les trois sous-groupes étaient constitués du même nombre de personnes ?

**Exercice 2 (corrigé)**

La température est relevée chaque heure pendant 4 jours dans une forêt de Ain Drahem.  
Les 97 résultats obtenus ont été triés et sont rassemblés dans le tableau suivant :

Température	14,5	15	15,5	16	16,5	17	17,5	18	18,5	19	19,5
Nombre de fois où cette température a été relevée	5	7	10	12	15	10	11	9	7	7	4

Déterminer la médiane  $M$ , les quartiles  $Q_1$  et  $Q_3$  de cette série statistique.

**Exercice 3 (corrigé)**

Le tableau ci-dessous donne la répartition des salaires mensuels, des employés d'une entreprise :

Salaire (Dinars)	[800 ; 900[	[900 ; 1000[	[1000 ; 1050[	[1050 ; 1150[	[1150 ; 1300[
Effectif	42	49	74	19	16

1) Calculer le salaire moyen dans cette entreprise. Que penser d'un tel résultat ?  
2) Dans cette entreprise, combien d'employés gagnent au plus 1050 Dinars ?  
3) Dresser le polygone des effectifs cumulés croissants et lire une valeur approchée de la médiane et de  $Q_1$  et de  $Q_3$ .  
4) Calculer de manière précise la médiane et les quartiles  $Q_1$  et  $Q_3$ .  
5) Construire le diagramme en boîte de la série statistique.

**Exercice 4 (corrigé)**

Sur chacun des diagrammes ci-dessous, lire l'étendue, la médiane, les quartiles et les écarts interquartiles.

1 / 11

La matrice  $(A^2)$  est-elle aussi un élément de  $(E)$ ? Quelques indications pour cet exercice : Ne pas oublier qu'il y a deux méthodes pour montrer qu'un ensemble est un sous-espace vectoriel, et qu'on peut répondre en même temps aux deux sous-questions posées ici avec la méthode adaptée! Remarque ici que les valeurs propres sont données par l'énoncé! Il sera donc sûrement contre-productif d'échelonner  $(A-\lambda \text{Id})$  avec un paramètre  $(\lambda)$  inconnu, et beaucoup plus malin de vérifier directement que  $(A-\lambda \text{Id})$  n'est pas inversible, et de même pour les valeurs propres  $(2)$  et  $(3)$ ... Ne pas hésiter d'ailleurs à calculer dans la foulée à chaque fois, le sous-espace propre associé! Bien avoir en tête également, une conséquence immédiate du fait que la matrice  $(3 \times 3)$  étudiée ici, possède 3 valeurs propres distinctes... Bien revoir ici la définition de la matrice de passage, à construire ici entre la base canonique et la base de vecteurs propres : se souvenir aussi qu'on peut multiplier un vecteur par le réel approprié afin de régler une de ses composantes selon les exigences de l'énoncé! Méthode acquise en première année de prépa, pas de difficulté ici : si les calculs deviennent horribles, c'est peut-être que la matrice  $(P)$  est incorrecte! Calculs basiques dont les résultats doivent être soigneusement interprétés au vu de la question suivante : qu'attend-on de savoir en calculant  $(BX_1)$ ? Synthèse des questions 1., 3. et 5. : faire le lien entre  $(M(x,y))$  et  $(B)$ . Bien revoir ici le lien qui existe entre l'inversibilité d'une matrice, et la liste de ses valeurs propres... Attention à bien poser les termes du problème ici :  $(B^2)$  appartient à  $(E)$  si et seulement si on peut l'écrire sous la forme des matrices de cet espace : existe-t-il  $(x)$  et  $(y)$  deux réels tels que  $(B^2 = M(x,y))$ ? Même question ensuite pour  $(A^2)$ . Corrigé de l'exercice 1 Exercice 2 : Réduction de deux matrices, faisant le tour des méthodes fondamentales Soit  $(A)$  la matrice de  $(\mathbb{M}_3(\mathbb{R}))$  donnée par :  $(A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -2 \\ 0 & 3 & 0 \\ 1 & -1 & 5 \end{pmatrix})$ . Calculer  $(A^2-7A)$ . En déduire que les seuls réels susceptibles d'être valeurs propres de  $(A)$  sont les réels  $(3)$  et  $(4)$ . Trouver alors toutes les valeurs propres de  $(A)$ , et pour chacune d'entre elles, donner une base du sous-espace propre associé. zokajapa La matrice  $(A)$  est-elle inversible? Est-elle diagonalisable? Soient  $(B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 2 \end{pmatrix})$  la base canonique de  $(\mathbb{M}_4(\mathbb{R}))$  et  $(B)$  l'endomorphisme de  $(\mathbb{M}_4(\mathbb{R}))$  dont la matrice représentative dans la base  $(\mathbb{B})$  est la matrice :  $(B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 2 \end{pmatrix})$ . Déterminer le noyau de  $(B)$ . binaredoki En déduire une valeur propre de  $(B)$  et l'espace propre associé. Déterminer le rang de la matrice  $(B-2I_4)$ . honeywell.9000.manual.Calculer  $(f(e_1-e_2-e_3))$ . joxotahalehuwo Déduire des questions précédentes que l'endomorphisme  $(f)$  est diagonalisable. Trouver une matrice  $(P)$  inversible vérifiant toutes les conditions ci-dessous : La matrice  $(D = P^{-1} \cdot A \cdot P)$  est égale à  $(\begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix})$ . Les coefficients situés sur la première ligne de  $(P)$  sont  $(1, 1, 1)$  et  $(-1, -1)$  (de gauche à droite). La matrice  $(D = P^{-1} \cdot A \cdot P)$  est également diagonale. Quelques indications pour cet exercice : Calcul matriciel basique, à réaliser avec soin : si on le demande, c'est que le résultat doit être une matrice remarquable! Lien évident avec la question précédente. zosicatipyeri Comment appelle-t-on une combinaison linéaire de diverses puissances de la même matrice...? sage.50.payroll.user.guide.pdf Les valeurs propres effectives sont parmi les valeurs propres possibles, donc il n'y a que deux valeurs précises à tester! On revient au même principe qu'à l'exercice 1 (q.2) où on calcule les sous-espaces propres en même temps qu'on vérifie que le réel testé est bien valeur propre. Question de synthèse en deux parties, auxquelles on peut répondre sans calcul, au vu des résultats précédents. Trois questions posées selon des angles différents, mais toutes en rapport avec la recherche de valeurs propres, ce qui rend l'enchaînement d'autant plus intéressant. Transition intéressante ici entre le point de vue matriciel et le point de vue endomorphisme. On peut se ramener directement à une résolution matricielle, via l'équivalence  $(x,y,z) \in \text{Ker}(f) \iff B \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$  Bien revoir le préambule pour fixer le lien entre noyau et valeur propre! On passe ici par un calcul de rang d'une matrice, égal à celui de l'endomorphisme associé. Le théorème éponyme permet de faire le lien avec un noyau, donc un sous-espace propre : voir le préambule à nouveau! Un calcul d'image d'un vecteur par un endomorphisme, réalisable de plusieurs façons possibles, toutes liées cependant à la matrice représentative de  $(A)$ . Revenir à la définition d'un vecteur propre pour comprendre ce que ce calcul prouve! Question de synthèse pour finir, qui contient en fait beaucoup d'informations! Si on sait lire entre les lignes, on vérifie ici quelles sont les valeurs propres de  $(f)$  et les dimensions des sous-espaces propres associés. Attention à soigneusement rédiger cette synthèse en donnant tous les arguments, en respectant l'ordre des vecteurs propres qui permettent de construire  $(P)$ , ainsi que les contraintes sur leurs premières composantes et la compatibilité avec la diagonalisation de  $(A)$  faite plus haut. fe.civil.review.manual.pdf.download Corrigé de l'exercice 2 Exercice 3 : un autre énoncé de synthèse Montrer que, si  $(f)$  désigne un endomorphisme de  $(\mathbb{M}_3(\mathbb{R}))$  diagonalisable, alors l'endomorphisme  $(f^2)$  est aussi diagonalisable (on rappelle que  $(f^2 = f \circ f)$ ).

