

فرض تجريبي من اقتراح أذ سمير لخريسي - مدة الانجاز ساعتان

تمرين 1 :

1, اعط نفي العبارة (P<sub>1</sub>):  $\forall x \in \mathbb{R} \exists y \in \mathbb{R}^+ y^2 \geq x$

(P<sub>2</sub>):  $x^2 + y = y^2 + x \Rightarrow (x = y \text{ ou } x + y = 1)$

2, بين أن العبارة (P<sub>2</sub>) صحيحة

3, بين بالترجع أن:  $\forall n \in \mathbb{N} \quad 1+3+5+\dots+(2n+1) = (n+1)^2$

4, مستعملا الاستدلال بفصل الحالات بين أن:  $\forall x \in \mathbb{R} \quad \sqrt{4x^2+3} \geq 2x$

تمرين 2 : نعتبر الدالة:  $f(x) = \frac{x}{x^2 - x + 1}$

1, حدد Df

2, بين أن الدالة f تقبل قيمة قصوى في النقطة 1

3, أ) بين أن:  $\forall x \in Df \quad f(x) = -f(1-x) + \frac{1}{x^2 - x + 1}$

ب) استنتج أن:  $\forall x \in Df \quad f(x) > -1$

تمرين 3 :

نعتبر الدالتين:  $f(x) = x^2 - x$  و  $g(x) = \sqrt{x}$  و المستقيم  $(\Delta): y = -2x + 2$

1, حدد Dg و اعط جدول تغيراتها

2, اعط جدول تغيرات الدالة f

3, حدد نقط تقاطع Cf مع محوري المعلم

4, أنشئ في نفس المعلم المنحنيين Cg و Cf و (Δ)

5, حدد مبيانيا عدد حلول المعادلة:  $\sqrt{x} + 2x - 2 = 0$

6, حدد جبريا إحداثيات نقط تقاطع Cf و (Δ)

7, حل مبيانيا المتراجة:  $f(x) + 2x \geq 2$

8, حدد صور المجالات:  $I = \left[0; \frac{1}{4}\right]$  و  $J = \left[\frac{1}{4}; +\infty\right[$  بالدالة g و صور  $K = [2; +\infty[$  و  $L = ]-\infty; 0]$  بالدالة f

9, لتكن الدالة:  $h(x) = f \circ g(x)$

أ- حدد h(x) و احسب مجموعة تعريفها

ب- حدد تغيرات الدالة h على كل من المجالين I و J