



مدة الإنجاز: ساعة واحدة.

الفرض المحروس رقم 1 الأسدس الأول.

التنقيط

التمرين 1 (8,5 نقاط)

(1) أوجد العبارات النافية للعبارات الآتية:

1pt

A) $(\forall x \in \mathbb{R})(\exists x \in \mathbb{R}); x^2 + y^2 - 1 > 0$

1pt

B) $(\forall x \in \mathbb{R}); x \leq x^2$

1pt

(2) باستعمال الاستدلال بالمثال المضاد، بين أن العبارة (B) عبارة خاطئة.

2 pt

(3) باستعمال الاستدلال بفصل الحالات، حل في \mathbb{R} المعادلة الآتية:

(E): $2x^2 = |x + 1|$

(4) باستعمال البرهان بالترجع، بين أن :

2pt

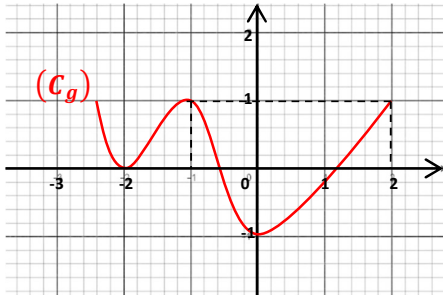
$$(\forall n \in \mathbb{N}); 0 + 1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$$

1,5pt

(5) باستعمال الاستدلال بالإستلزام المضاد للعكس، بين أن :

$$(\forall x, y \in \mathbb{R}); [x \neq y \Rightarrow (x+1)(y-1) \neq (x-1)(y+1)]$$

التمرين 2 (4,75 نقاط)

لتكن g الدالة العددية المعرفة على المجال I .
التمثيل المبياني جانبه هو منحنى الدالة g على المجال I 

1,75pt

(1) ضع جدول تغيرات الدالة g على المجال $[-2; 2]$

2 ×

(2) حدد مطاريق الدالة g على المجال $[-2; 2]$

0,5pt

(3) حدد عدد حلول المعادلة $g(x) = 0$ على $[-1; 2]$

1pt

(4) حدد مبيانيا $f([-2; 0])$

1pt

التمرين 3 (5,75 نقاط)

لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين على \mathbb{R} بما يلي:

2 ×

$$f(x) = x^3 \quad \text{و} \quad g(x) = \sqrt{-x}$$

0,5pt

(1) حدد مجموعتي تعريف الدالتين f و g (D_g و D_f)

1pt

(2) حدد مجموعة تعريف الدالة العددية $D_{g \circ f}$

1pt

(3) حدد صيغة الدالة العددية $g \circ f$

0,75pt

(4) بين أن الدالة f تزايدية على D_f

1pt

(5) بين أن g تناقصية قطعاً على D_g

1pt

(6) باستعمال خاصية رتبة مركب دالتين، ادرس رتبة الدالة $g \circ f$ على $D_{g \circ f}$.

بالتوفيق