



مدة الإنجاز: ساعة واحدة.

الفرض المحروس رقم 1 الأسدس الأول.

التنقيط

التمرين 1 (8,5 نقاط)

(1) أوجد العبارات النافية للعبارات الآتية:

A) $(\exists x \in \mathbb{R})(\forall x \in \mathbb{R}); x^2 + y^2 \leq 1$

B) $(\forall x \in \mathbb{R}); x \leq x^2$

(2) باستعمال الاستدلال بالمثال المضاد، بين أن العبارة (B) عبارة خاطئة.

(3) باستعمال الاستدلال بفصل الحالات، حل في \mathbb{R} المعادلة الآتية:

(E): $2x^2 = |x + 1|$

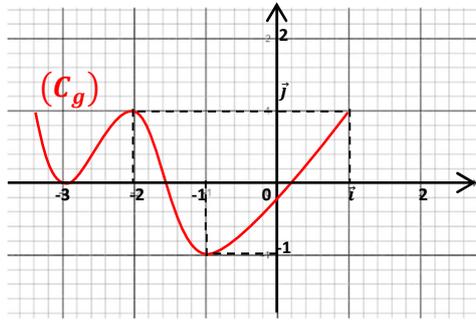
(4) باستعمال البرهان بالترجع، بين أن:

$(\forall n \in \mathbb{N}); 1 + 3 + 5 + \dots + (2n + 1) = (n + 1)^2$

(5) باستعمال الاستدلال بالاستلزام المضاد للعكس، بين أن:

$(\forall x, y \in \mathbb{R}); [x \neq y \Rightarrow (x + 1)(y - 1) \neq (x - 1)(y + 1)]$

التمرين 2 (4,75 نقطة)

لتكن g الدالة العددية المعرفة على المجال I .
التمثيل المبياني جانبه هو منحنى الدالة g على المجال I
في م.م.م $R(0; \vec{i}; \vec{j})$ (1) ضع جدول تغيرات الدالة g على المجال $[-3; 1]$ (2) حدد مطايرف الدالة g على المجال $[-2; 1]$ (3) حدد عدد حلول المعادلة $g(x) = 0$ على $[-3; 1]$ (4) حدد مبيانيا g على $[-1; 1]$

التمرين 3 (5,75 نقطة)

لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين على \mathbb{R} بما يلي:

$f(x) = x + 2$ و $g(x) = \sqrt{-x}$

(1) حدد مجموعتي تعريف الدالتين f و g (D_g و D_f)(2) حدد مجموعة تعريف الدالة العددية $D_{g \circ f}$ (3) حدد صيغة الدالة العددية $g \circ f$ (4) بين أن الدالة f تزايدية قطعاً على D_f (5) بين أن g تناقصية قطعاً على D_g (6) باستعمال خاصية رتبة مركب دالتين، ادرس رتبة الدالة $g \circ f$ على $D_{g \circ f}$.

بالتوفيق