

I'm not a robot 
reCAPTCHA

Continue

Cours barycentre première s pdf

Classe de Première. Cours (sans démonstration) rappelant l'essentiel sur les barycentres. 1 - Introduction Deux masses, l'une de 333 kg et l'autre de 777 kg, sont fixées aux extrémités d'une barre comme représenté ci-dessous. Le point d'équilibre GGG de cette barre est le point où s'équilibreront les forces exercées par ces masses ; celui-ci doit être tel que : $3GA = -7GB \Rightarrow 3GA + 7GB = 0 \Rightarrow 3\overrightarrow{GA} + 7\overrightarrow{GB} = 0$ Ce qui se traduit (après calculs) par : $AG = -7/10AB \Rightarrow \overrightarrow{AG} = -7/10\overrightarrow{AB}$ Cette égalité détermine parfaitement la position d'équilibre de la barre. 2 - Définitions Soient (A;a)(A;a) et (B;b)(B;b) deux points points pondérés c'est-à-dire affectés d'un coefficient : aaa est le coefficient de AAA, bbb est celui de BBB. Théorème 1 Si $a+b=0$ + b eq 0+a+b=0, alors il existe un unique point GGG unique est appelé barycentre du système de points pondérés (A;a)(A;a) et (B;b)(B;b). Remarque. Lorsque $a+b=0+a+b=0$, il n'est pas possible de définir le barycentre de (A;a)(A;a) et (B;b)(B;b).

1.1 Barycentre de deux points :

Définition :

Soient A et B deux points et a et b deux réels dont la somme n'est pas nulle. Alors il existe un unique point G tel que $\overrightarrow{AG} = a\overrightarrow{AB}$. Ce point G est le barycentre des points A et B si et seulement si $a+b=0$.

2. Position du barycentre :

- $\overrightarrow{AG} = \frac{a}{a+b}\overrightarrow{AB}$ les vecteurs \overrightarrow{AG} et \overrightarrow{AB} sont collinaires. Le point G appartient à la droite (AB).
- Si $a+b=0$ on dit que G est l'isobarycentre de A et B, $\overrightarrow{AG} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$ G est le milieu de (AB).

3. Propriétés :

- Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).
- Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), avec a+b=0, alors pour tout point M du plan, on a $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MG} = (\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MG}) + (\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MG}) = \overrightarrow{MG}$ $\Rightarrow \overrightarrow{MG} = (\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}) + \overrightarrow{MG} = \overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{MG} = \overrightarrow{GM}$. Donc $\overrightarrow{MG} = \overrightarrow{GM} \Rightarrow \overrightarrow{MG} = \overrightarrow{GM} \Rightarrow \overrightarrow{MG} = \overrightarrow{GM}$. On a $\overrightarrow{MG} = \overrightarrow{GM} \Rightarrow \overrightarrow{MG} = \overrightarrow{GM} \Rightarrow \overrightarrow{MG} = \overrightarrow{GM}$ d'où l'égalité.

4. Coordonnées du barycentre :

On se rappelle $\overrightarrow{AG} = a\overrightarrow{AO} + b\overrightarrow{OB}$ alors les coordonnées du barycentre G du système (A, a) et (B, b) sont $x_G = \frac{ax_A+bx_B}{a+b}$ et $y_G = \frac{ay_A+by_B}{a+b}$.

Propriété 1 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 2 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), avec a+b=0, alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 3 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 4 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 5 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 6 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 7 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 8 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 9 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 10 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 11 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 12 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 13 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 14 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 15 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 16 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 17 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 18 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 19 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 20 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 21 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 22 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 23 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 24 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 25 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 26 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 27 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 28 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 29 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 30 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 31 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 32 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 33 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 34 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 35 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 36 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 37 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 38 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 39 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 40 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 41 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 42 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 43 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 44 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 45 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 46 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 47 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 48 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 49 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 50 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 51 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 52 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 53 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 54 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 55 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 56 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 57 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 58 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 59 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 60 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 61 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 62 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 63 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 64 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 65 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 66 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 67 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 68 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 69 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et (B,kb).

Propriété 70 :

Si G est le barycentre de (A,a) et (B,b), alors pour tout réel k>0, alors G est le barycentre de (A,ka) et