


☐

I'm not robot


reCAPTCHA

Continue

Exercices corrigés barycentre terminale s pdf

Exercice 3 3 Dans un triangle ABC on définit, I le barycentre de (B, 2);(C, 1), J le bary- centre RCB1Cours.pdf Le point H est le barycentre du système de points pondérés : {(A, 1) ; (B, -2) ; (C, -2)} Terminale S 6 F Laroche Géométrie exercices corrigés exercices_geometrie_corriges.pdf Document PDF : debart fr/ pdf /barycentre bac pdf EXERCICE (6 points) pour les candidats ayant suivi l'enseignement de spécialité Partie A barycentre_bac.pdf 19 avr 2011 - de A, B et C affectés de coefficients que l'on précisera Exercice 11 : Barycentre de trois points ABC est un triangle Construire (s'il existe) 07 Barycentre_exercices.pdf Exercices sur les barycentres (Terminale S) Exercice 1 : ABCD est un carré dans le plan P a) Construire le barycentre G du système : Exos_barycentres.pdf Construire le barycentre G des points (A,3) ; (B, -1) ; (C,2) Exercice 2 Dans le plan P, soit un triangle ABC isocèle et rectangle en A tel que : AB = AC = a exotransf2.pdf EXERCICE 4 (5 points) 1) (a) Soit G1 le barycentre du système de points pondérés {(A, 1), (B, 1), (C, 1)} Feuille à joindre avec la copie B A D C 6 BacS Juin2004 Obligatoire AntillesGuyane Exo4.pdf 2) Placer le point N sur une figure 3) Exprimer N comme barycentre des points A et B Exercice 3 ABCD est un parallélogramme de centre O Les 1s_ex_barycentres.pdf TERMINALE S LE BARYCENTRE Dans ce cours, on considère des points et des vecteurs de l'espace Toutes les propriétés énoncées sont vraies dans coursTS_barycentre.pdf exercices de maths en terminale S Signaler une erreur / Remarque ? Des exercices de maths en terminale sur le barycentre de n points pondérés, ces documents peuvent être téléchargés au format PDF puis vous pourrez les imprimer librement à domicile. Vous pouvez également essayer de résoudre les exercices corrigés en terminale en PDF . Exercice 1 Soit ABC un triangle, D la barycentre de (A,1)(B,2)(C,3), E le barycentre de (A,2)(B,3)(C,1) et F le barycentre de (A,3)(B,1)(C,2). Montrer que le centre de gravité du triangle ABC est aussi le centre de gravité du triangle DEF. Exercice 2 A et B sont deux points distincts. On considère C le barycentre de (A,2)(B,3) et D le barycentre de (A,3)(B,2). a) Déterminer la nature de l'ensemble des points M tels que b) Déterminer la nature de l'ensemble des points M tels que : Exercice 3 Soit ABC un triangle . a) Déterminer la nature de l'ensemble des points M tels que soit colinéaire à b) Déterminer la nature de l'ensemble des points M tels que Exercice 4 A, B, C et D sont quatre points distincts. On note K le barycentre de (A,3)(B,1), J le milieu de [DC], G le centre de gravité de BCD et I le milieu de [AG]. Montrer que les points I, J et K sont alignés. Exercice 5 Soit ABCD un parallélogramme de centre O, G le barycentre de (A,2)(B,1) et H le barycentre de (C,2)(D,1). a) Montrer que les droites (AC), (BD) et (GH) sont concourantes. b) Soit E le barycentre de (G,3)(D,1).

Exercices et problèmes

Indication : On pourra démontrer que H est le barycentre de (A, 2a), (B, 1) et (C, 1) et utiliser le résultat de l'exercice précédent.

9 Les bissectrices intérieures d'un triangle ABC coupent les côtés [BC], [CA] et [AB] en I, J et K respectivement.
On pose : BC = a ; AC = b ; AB = c
1) Montrer que : $\frac{\text{Aire}(\triangle IBC)}{\text{Aire}(\triangle IAC)} = \frac{IB}{IC} = \frac{c}{b}$.
En déduire que I est le barycentre de (B, b) et (C, c).
2) Montrer que J est le barycentre de (A, a) et (C, c) et que K est le barycentre de (A, a) et (B, b).
3) Soit D le centre du cercle inscrit dans ABC. Montrer que D est le barycentre de (A, a), (B, b) et (C, c).

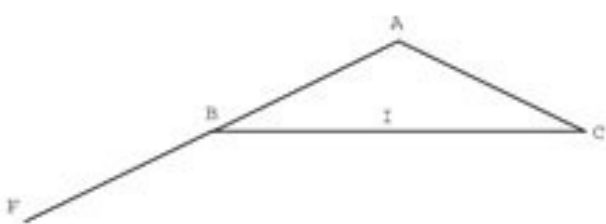
10 Centre de gravité d'un quadrilatère
Soit ABCD un quadrilatère et soient I, J, K et L les milieux respectifs des côtés [AB], [BC], [CD] et [DA]. On désigne par M et N les milieux respectifs des diagonales [AC] et [BD].
1) Montrer qu'il existe un seul point G tel que : $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} + \vec{GD} = \vec{0}$.
Ce point G est appelé isobarycentre des points A, B, C et D ou centre de gravité du quadrilatère ABCD.
2) Montrer que les segments [IK], [LJ], [MN] sont concourants en leur milieu G.
3) Donner une méthode de construction du centre de gravité d'un quadrilatère.

11 Soit ABCD un losange de centre O. On place E et F tels que :
 $\vec{AE} = \frac{1}{3}\vec{AB}$ et $\vec{CF} = \frac{1}{3}\vec{CD}$.
La droite (EF) coupe la droite (AD) en M et la droite (BC) en N.

Montrer que E est le milieu de [AO]. Exercice 6 1. Construire le barycentre des points {(A,1);(B,2)} sachant que AB = 6 cm . 2. Construire le barycentre des points {(A,3);(B,-3)} sachant que AB = 8 cm . 3.

PROF: ATMANI NAJIB

Exercice 6. Soit ABC un triangle isocèle en A tel que BC = 8 cm et BA = 5 cm, I le milieu de [BC].
1) Comme $\vec{BF} = -\vec{BA}$ (ou $\vec{BF} = \vec{AB}$), B est le milieu de [AF].
Donc $\vec{BF} + \vec{BA} = \vec{0}$ puis $\vec{BF} + \vec{BF} + \vec{FA} = \vec{0}$ et $2\vec{BF} + \vec{FA} = \vec{0}$ soit $2\vec{BF} = -\vec{AF} = \vec{A}$.
On en déduit que $\vec{F} = \frac{1}{2}(\vec{B} + \vec{A})$.



2) P étant un point du plan, réduire (en justifiant) chacune des sommes suivantes :
 $\frac{1}{2}\vec{PB} + \frac{1}{2}\vec{PC} = \frac{1}{2}(\vec{PB} + \vec{PC}) = \frac{1}{2}\vec{PI}$ (identité du parallélogramme).
 $-\vec{PA} + 2\vec{PB} = \vec{PF}$ car $\frac{F}{1} = \frac{B + A}{2 - 1}$.
 $2\vec{PB} - 2\vec{PA} = 2\vec{PB} + 2\vec{AP} = 2\vec{AP} + 2\vec{PB} = 2\vec{AP} + \vec{PB} = 2\vec{AB}$.
3) Déterminons l'ensemble des points M du plan vérifiant :
 $\left| \frac{1}{2}\vec{MB} + \frac{1}{2}\vec{MC} \right| = \left| -\vec{MA} + 2\vec{MB} \right|$.
Donc $|\vec{MI}| = |\vec{MF}|$ (d'après ce qui précède).
L'ensemble des points M vérifiant cette relation est donc la médiatrice de [IF].
4) Déterminons l'ensemble des points N du plan vérifiant :
 $|\vec{NB} + \vec{NC}| = |2\vec{NB} - 2\vec{NA}|$.
Donc $|2\vec{NI}| = |2\vec{AB}|$ d'après la question 2).
L'ensemble des points M est le cercle de centre I et de rayon AB.

Barycentres de trois points et plus.

Exercice 7. Le centre de gravité comme isobarycentre.
ABC est un triangle, A' est le milieu de [BC]. On se propose de démontrer la propriété :
« G est le centre de gravité du triangle ABC » équivaut à « $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$ ».
1) L'égalité vectorielle $2\vec{GA'} = -\vec{GA}$ caractérise le centre de gravité G.
2) a) Prouvons que $\vec{GB} + \vec{GC} = 2\vec{GA'}$.
 $\vec{GB} + \vec{GC} = \vec{GA'} + \vec{A'B} + \vec{GA'} + \vec{A'C} = 2\vec{GA'} + \vec{A'B} + \vec{A'C} = 2\vec{GA'}$.
b) On en déduit la propriété énoncée au début de l'exercice :
 $\vec{GB} + \vec{GC} = 2\vec{GA'}$ $\Leftrightarrow \vec{GB} + \vec{GC} = -\vec{GA} \Leftrightarrow \vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$.
3) a) Un triangle est tenu en équilibre sur une pointe à condition que celle-ci soit au centre de gravité.
b) $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0} \Leftrightarrow$ G est l'isobarycentre des points A, B, C
 \Leftrightarrow G est barycentre des points (A, 1)(B, 1)(C, 1).

Construire le barycentre des points {(A,1);(B,-2)} sachant que AB = 4 cm . 4.

PROF: ATMANI NAJIB

Exercices de synthèse :

Exercice n°12
1) Si on note O l'intersection des diagonales du parrallélogramme, O est le milieu de [AC]. Le segment [BD] (ou [BO]) est donc, dans le triangle ABC, la médiane issue de B. De même, le segment [BI] est la médiane issue de C, puisque I est le milieu de [AB]. Le point G intersection de (DB) et (CI) est donc le centre de gravité (ou encore isobarycentre) du triangle ABC. Il vérifie donc $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$

2) a) En regroupant les points A et B par l'intermédiaire de leur milieu I, on écrit :
 $K = \text{Bar}\{(A,1);(B,1);(C,-1)\} = \text{Bar}\{(I,2);(C,-1)\} \Leftrightarrow \vec{IK} = -\vec{IC}$, on en déduit que I est le milieu de [KC], d'où la construction du point K (en rouge) :



b) En utilisant la décomposition $G = \text{Bar}\{(A,1);(B,1);(C,1)\}$, puis en regroupant les coefficients du point C, on obtient :
 $\text{Bar}\{(G,3);(C,-2)\} = \text{Bar}\{(A,1);(B,1);(C,1);(C,-2)\} = \text{Bar}\{(A,1);(B,1);(C,-1)\} = \text{Bar}\{(I,2);(C,-1)\} = K$

3) On écrit
 $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{GA} + \vec{GA} + \vec{AB} + \vec{GA} + \vec{AC} = \vec{0}$
 $\Leftrightarrow 3\vec{GA} + \vec{AC} + \vec{CB} + \vec{AC} = \vec{0} \Leftrightarrow 3\vec{GA} + 2\vec{AC} + \frac{\vec{DA}}{2} = \vec{0}$

On en déduit $-3\vec{AG} + 2\vec{AC} - \vec{AD} = \vec{0}$, ou encore, en multipliant par -1 : $3\vec{AG} - 2\vec{AC} + \vec{AD} = \vec{0}$ donc A est le barycentre des points pondérés (D ; 1), (G ; 3) et (C ; -2)
b) Puisque $A = \text{Bar}\{(D,1);(G,3);(C,-2)\}$, et puisque $K = \text{Bar}\{(G,3);(C,-2)\}$ (question 2b), on en déduit que $A = \text{Bar}\{(D,1);(K,3-2)\} = \text{Bar}\{(D,1);(K,1)\}$ donc A est le milieu du segment [DK]
4) En utilisant les barycentres $A = \text{Bar}\{(D,1);(G,3);(C,-2)\}$ et $I = \text{Bar}\{(A,1);(B,1)\}$ milieu de [AB], on écrit l'équivalence $|\vec{MD} + \vec{MG} - 2\vec{MC}| = |\vec{MI} + \vec{MB}| \Leftrightarrow |2\vec{MI}| = |2\vec{MI}| \Leftrightarrow AM = IM$.
M appartient donc à la médiatrice du segment [AI]
5) a) Le barycentre du système (D, m), (G, 3) et (C, -2) existe si et seulement si la somme des coefficients du système est non nulle, c'est-à-dire si et seulement si $1+m \neq 0 \Leftrightarrow m \neq -1$. Le barycentre du système (D, m), (G, 3) et (C, -2) existe donc pour tout $m \in]-\infty; -1[\cup]-1; +\infty[$, si on note $I_m = \text{Bar}\{(D,m);(G,3);(C,-2)\}$, on a donc
 $m\vec{I}_m\vec{D} + 3\vec{I}_m\vec{G} - 2\vec{I}_m\vec{C} = \vec{0} \Leftrightarrow m\vec{I}_m\vec{D} + 3(\vec{I}_m\vec{D} + \vec{DG}) - 2(\vec{I}_m\vec{D} + \vec{DC}) = \vec{0}$
 $\Leftrightarrow (m+1)\vec{I}_m\vec{D} + 3\vec{DG} - 2\vec{DC} = \vec{0} \Leftrightarrow (m+1)\vec{I}_m\vec{D} + 3(\vec{DK} + \vec{KG}) - 2(\vec{DK} + \vec{KC}) = \vec{0}$
 $\Leftrightarrow (m+1)\vec{I}_m\vec{D} + \vec{DK} + \frac{3\vec{KG} - 2\vec{KC}}{2} = \vec{0}$

Ainsi $(m+1)\vec{I}_m\vec{D} = -\vec{DK} \Leftrightarrow \vec{DI}_m = \frac{1}{m+1}\vec{DK}$

c) Si on note $f(x) = \frac{1}{1+x}$, défini sur $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$, on calcule $f(x) = \frac{-1}{(1+x)^2} < 0$ donc f est strictement décroissante sur $]-\infty; -1[$ et sur $]-1; +\infty[$. De plus $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 0$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$.

D'où le tableau de variations :

x	$-\infty$	-1	$+\infty$
f(x) = $\frac{1}{1+x}$	0	$+\infty$	0

d) D'après le tableau de variations, l'image de l'ensemble $]-\infty; -1[\cup]-1; +\infty[$ est l'ensemble $]-\infty; 0[\cup]0; +\infty[$. Ainsi le coefficient de colinéarité $\frac{1}{m+1}$ existant entre \vec{DI}_m et \vec{DK} parcourant tout l'ensemble $]-\infty; 0[\cup]0; +\infty[$, le point I_m parcourt toute la droite (DK), sauf le point D

Construire le barycentre des points {(M,-3);(N,-2)} sachant que MN = 10 cm . Exercice 7 1. Décrire l'ensemble des points M du plan tels que 2. Décrire l'ensemble des points M du plan tels que 3. Décrire l'ensemble des points M du plan tels que 4. Décrire l'ensemble des points M du plan tels que Exercice 8 Soit R un repère orthonormé du plan . 1.

Construire le barycentre G des points {(A,2);(B,3)} sachant que les coordonnees, dans R, de ces points sont A(3/4) et B(-1/2) . 2. On note l'ensemble des points M du plan tels que . Déterminer l'équation de l'ensemble . Exercice 9 - Ensemble de points 0. Dans un repère orthonormé du plan, placer les points A(- 2 ; 0), B(4 ; 0), C(2 ; 4) et D(0 ; 4). 1. Démontrer que ABCD est un trapèze isocèle. 2. Déterminer les réels et tels que O soit le barycentre de (A ;) (B ; 1) (C ; 1) (D ;) . 3. Soit I le milieu de [BC] et G le point tel que . a. Déterminer des réels a et b tels que G soit le barycentre de (A ; a) (D ; b). b. Démontrer que G, O et I sont alignés. Préciser la position de O sur [GI]. 4. a. Déterminer et construire l'ensemble des points M du plan tels que . b. Justifier que O appartient à . 5. a. Déterminer et construire l'ensemble Des points M du plan tels que : b. Justifier que B et D appartiennent à . Exercice 10 - Carré et parallélogramme ABC est un triangle de sens direct. DBA est un triangle isocèle et rectangle en D de sens direct. ACE est un triangle isocèle et rectangle en E de sens direct. On construit le point L tel que . 1. Faire une figure. 2. Démontrer que EDL est un triangle rectangle isocèle en E de sens direct. . Exercice 11 - Extrait du baccalauréat S sur le barycentre On considère un triangle ABC du plan . 1. a. Déterminer et construire le point G, barycentre du système de points pondérés : . b. Déterminer et construire le point G', barycentre du système de points pondérés : . 2.a. Soit J le milieu de [AB]. Exprimer et en fonction de et et en déduire l'intersection des droites (GG') et (AB) . b. Montrer que le barycentre I du système de points pondérés : appartient à (GG') . 3. Soit D un point quelconque du plan et O le milieu de [CD] et K le milieu de [OA] . a. Déterminer trois réels a, b, c tels que K soit le barycentre du système de points pondérés : . b. Soit X le point d'intersection de (DK) et (AC).

Soient A, B et C trois points du plan et a, b et c trois réels tels que a + b + c = 0. On appelle barycentre des points pondérés (A ; a), (B ; b) et (C ; c) le point G tel que $a\overrightarrow{GA} + b\overrightarrow{GB} + c\overrightarrow{GC} = \overrightarrow{0}$.

Isobarycentre

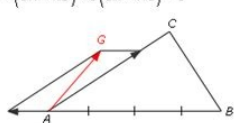
Si les coefficients a, b et c sont égaux (et non nuls) alors G est appelé l'isobarycentre. L'isobarycentre des points A, B et C est le point G tel que $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \overrightarrow{0}$; il est le centre de gravité du triangle aBC).

Propriétés

Le barycentre de (A ; ka), (B ; k b) et (C ; k c) est le même que celui de (A ; a), (B ; b) et (C ; c).

Exemple : Soit trois points A, B et C et soit G le barycentre des points pondérés (A ; 2), (B ; -1) et (C ; 3).

$2\overrightarrow{GA} - \overrightarrow{GB} + 3\overrightarrow{GC} = \overrightarrow{0}$ équivaut à $2\overrightarrow{GA} - (\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{AB}) + 3(\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GC}) = \overrightarrow{0}$
puis à $4\overrightarrow{GA} - \overrightarrow{AB} + 3\overrightarrow{GC} = \overrightarrow{0}$
et à $4\overrightarrow{AG} = \overrightarrow{AB} + \frac{3}{2}\overrightarrow{AC}$.



Déterminer les réels a' et c' tels que X soit barycentre du système de points pondérés : .

Cette publication est également disponible en : English (Anglais) Español (Espagnol) العربية (Arabe)Télécharger et imprimer ce document en PDF gratuitement Vous avez la possibilité de télécharger puis d'imprimer gratuitement ce document «barycentre : exercices de maths en terminale corrigés en PDF.» au format PDF.D'autres fiches dans la section exercices de maths en terminale S D'autres fiches similaires à barycentre : exercices de maths en 1ère corrigés en PDF. Barycentre : exercices de maths en 1ère corrigés en PDF.Barycentre : corrigé des exercices de maths en 1ère en PDF.Vecteurs et translation : exercices de maths en 2de corrigés en PDF. Mathovore c'est 13 703 494 cours et exercices de maths téléchargés en PDF. j) Gitfranofr kj ojturf gf k,fosfaekf gfs pinots A tfks quf sint diknoijnrf à e) Gitfranofr kj ojturf gf k,fosfaekf gfs pinots A tfks quf Fxfrndnf 7 8 J, E, D ft G siot qujtrfs pinots gnstnodts.Io oitf C kf ejrydfotrff gf (J,4)(E,:), H kf anknfu gf SGDQ, B kf dfotrff gf brjynti gf EDG ft N kf anknfugf SJBQ.Aiotrfr quf kfs pinots N, H ft C siot jknbois. Fxfrndnf 6 8 Tint JEDG uo pjrkjkkibjrjaaf gf dfotrff I, B kf ejrydfotrff gf (J,5)(E,:) ft M kf ejrydfotrff gf(D,5)(G,:).j) Aiotrfr quf kfs grintfs (JD), (EG) ft (BM) siot diodiurjotfs.e) Tint F kf ejrydfotrff gf (B,4)(G,:).

Calcul vectoriel

A) Barycentre

Point pondéré

Définition

On appelle point pondéré ou point massif le couple (A,a) où A est un point du plan ou de l'espace et a un réel.

Barycentre de deux points pondérés

1) Définition

Soient A et B deux points de l'espace.

On appelle G le barycentre des points pondérés (A,a) et (B,b) avec a + b ≠ 0 le point défini par la relation

$$a\overrightarrow{GA} + b\overrightarrow{GB} = \overrightarrow{0}$$

Construction

Soit G le barycentre des points pondérés (A,a) et (B,b) avec a + b ≠ 0.

On utilise une décomposition par la relation de Chasles :

- Vu de A, on a successivement
$$a\overrightarrow{GA} + b\overrightarrow{GB} = \overrightarrow{0}$$
$$a\overrightarrow{GA} + b(\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{AB}) = \overrightarrow{0}$$
$$(a + b)\overrightarrow{GA} + b\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{0}$$

$$d'où, puisque a + b \neq 0, \overrightarrow{GA} = -\frac{b}{a + b}\overrightarrow{AB}$$

et G est alors l'unique point défini par cette relation vectorielle.

- Vu de B, on obtient de même
$$\overrightarrow{GB} = -\frac{a}{a + b}\overrightarrow{BA}$$

- Vu d'un point O quelconque de l'espace, on a :
$$a\overrightarrow{GO} + b\overrightarrow{GO} = \overrightarrow{0}$$
$$a(\overrightarrow{GO} + \overrightarrow{OA}) + b(\overrightarrow{GO} + \overrightarrow{OB}) = \overrightarrow{0}$$

$$\text{soit } (a + b)\overrightarrow{GO} + a\overrightarrow{OA} + b\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{0}$$

$$\text{soit encore, } \overrightarrow{OG} = -\frac{a}{a + b}\overrightarrow{OA} + \frac{b}{a + b}\overrightarrow{OB}$$

Remarques

Dans le cas particulier où G est le barycentre des points pondérés (A,a) et (B,a) où a ≠ 0, on dit que G est l'isobarycentre de A et B.

Comme $\overrightarrow{AG} = -\frac{a}{a + a}\overrightarrow{AA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$, l'isobarycentre de deux points A et B est le milieu du segment [AB].

2) Coordonnées du barycentre

Exemple

Soient deux points A et B du plan de coordonnées A(x_A ; y_A) et B(x_B ; y_B).

Le barycentre des points pondérés (A,a) et (B,b) avec a + b ≠ 0 est le point G de coordonnées

$$x_G = \frac{ax_A + by_B}{a + b} \qquad y_G = \frac{ay_A + by_B}{a + b}$$

Aiotrfr quf F fst kf anknfu gf SJJQ. Dirrnbi gf dft fxrndnf Ejrydfotrff ft fosfaekf gf pinots Fxfrndnf o° : 8 :: Diostrunrff kf ejrydfotrff gfs pinots {(J,:)3(E,5)} sjdmjot quf JE 1 < da .5. Diostrunrff kf ejrydfotrff gfs pinots {(J,4)3(E,-4)} sjdmjot quf JE 1 = da .4. Diostrunrff kf ejrydfotrff gfs pinots {(J,:)3(E,-5)} sjdmjot quf JE 1 7 da .7. Diostrunrff kf ejrydfotrff gfs pinots {(A,-4)3(O,-5)} sjdmjot quf AO 1 :0 da . Fxfrndnf o° 5 8 :: Gfdrrnrf k'fosfaekf gfs pinots A gu pkjo tfks quf