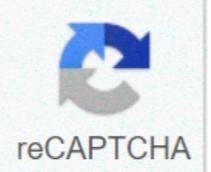


I'm not a robot



Continue

Exercices corrigés barycentre terminale s pdf

Exercice 3 Dans un triangle ABC on définit, I le barycentre de (B ; 2),(C ; 1), J le barycentre RCB1Cours.pdf Le point H est le barycentre du système de points pondérés : {(A, 1) ; (B, -2) ; (C, -2)} Terminale S 6 F Laroche Géométrie exercices corrigés exercices_géométrie_corrigés.pdf Document PDF : debart fr / pdf / barycentre_bac.pdf EXERCICE (6 points) pour les candidats ayant suivi l'enseignement de spécialité Partie A barycentre_bac.pdf 19 avr 2011 · de A, B et C affectées de coefficients que l'on précisera Exercice 11 : Barycentre de trois points ABC est un triangle Construire (s'il existe) 07_Barycentre_exercices.pdf Exercices sur les barycentres (Terminale S) Exercice 1 : ABCD est un carré dans le plan P a) Construire le barycentre G du système : Exos_barycentres.pdf Construire le barycentre G des points (A,3) ; (B, -1) ; (C,2) Exercice 2 Dans le plan P, soit un triangle ABC isocèle et rectangle en A tel que : AB = AC = a exotransf2.pdf EXERCICE 4 (5 points) 1) (a) Soit G1 le barycentre du système de points pondérés {(A, 1), (B, 1), Feuille à joindre avec la copie A2C6_Bac.pdf Juin2004 Obligatoire AntillesGuyane Exo4.pdf 2) Placer le point N sur une figure 3) Exprimer N comme barycentre des points A et B Exercice 3 ABCD est un parallélogramme de centre O Les 1s_ex_barycentres.pdf TERMINALE S LE BARYCENTRE Dans ce cours, on considère des points et des vecteurs de l'espace Toutes les propriétés énoncées sont vraies dans coursTS_barycentre.pdf exercices de maths en terminale S Signaler une erreur / Remarque ? Des exercices de maths en terminale sont disponibles sur le barycentre de n points pondérés, ces documents peuvent être téléchargés au format PDF puis vous pourrez les imprimer librement à domicile. Vous pouvez également essayer de résoudre les exercices corrigés en terminale en PDF. Exercice 1 Soit ABC un triangle, D le barycentre de (A,1)(B,2)(C,3), E le barycentre de (A,2)(B,3)(C,1) et F le barycentre de (A,3)(B,1)(C,2). Montrer que le centre de gravité du triangle ABC est aussi le centre de gravité du triangle DEF. Exercice 2 A et B sont deux points distincts. On considère C le barycentre de (A,2)(B,3) et D le barycentre de (A,3)(B,2). a) Déterminer la nature de l'ensemble des points M tels que : Exercice 3 Soit ABC un triangle . a) Déterminer la nature de l'ensemble des points M tels que Exercice 4 A, B, C et D sont quatre points distincts. On note K le barycentre de (A,3)(B,1), J le milieu de [DC], G le centre de gravité de BCD et I le milieu de [AG]. Montrer que les points I, J et K sont alignés. Exercice 5 Soit ABCD un parallélogramme de centre O, G le barycentre de (A,2)(B,1) et H le barycentre de (C,2)(D,1). a) Montrer que les droites (AC), (BD) et (GH) sont concourantes. b) Soit E le barycentre de (G,3)(D,1).

Exercices et problèmes

Indication : On pourra démontrer que H est le barycentre de (A, 2a), (B, 1) et (C, 1) et utiliser le résultat de l'exercice précédent.

- 9 Les bissectrices intérieures d'un triangle ABC coupent les côtés [BC], [CA] et [AB] en 1, 2 et K respectivement.
On pose : BC = a ; AC = b ; AB = c
1) Montrer que : $\text{Aire}(\text{AIB}) = \frac{1}{2}a$; $\text{Aire}(\text{AIC}) = \frac{1}{2}b$.
En déduire que I est le barycentre de (B, b) et (C, c).
2) Montrer que J est le barycentre de (A, a) et (C, c) et que K est le barycentre de (A, a) et (B, b).
3) Soit D le centre du cercle inscrit dans ABC. Montrer que D est le barycentre de (A, a), (B, b) et (C, c).

10 Centre de gravité d'un quadrilatère

Soit ABCD un quadrilatère et soient I, J, K et L les milieux respectifs des côtés [AB], [BC], [CD] et [DA]. On désigne par M et N les milieux respectifs des diagonales [AC] et [BD]

1) Montrer qu'il existe un seul point G tel que :

$$\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} + \vec{GD} = \vec{0}.$$

Ce point G est appelé isobarycentre des points A, B, C et D ou centre de gravité du quadrilatère ABCD.

2) Montrer que les segments [IK], [IL], [MN] sont concourantes en leur milieu G.
3) Donner une méthode de construction du centre de gravité d'un quadrilatère.

11 Soit ABCD un losange de centre O.

On place E et F tels que :

$$\vec{AE} = \frac{1}{3}\vec{AB} \text{ et } \vec{CF} = \frac{1}{3}\vec{CD}.$$

La droite (EF) coupe la droite (AD) en M et la droite (BC) en N.

- a) Montrer que O est le milieu de [EF].
b) Établir que E et F partagent [MN] en trois segments de même longueur.
c) Montrer que le triangle DBN est rectangle et que F est son centre de gravité.
- 12 Soient ABCD un quadrilatère, I le milieu de [AC] et J le milieu de [BD].
Soit K le barycentre de (A, 1) et (B, 2) et soit L le point défini par $3\vec{IL} = \vec{IC}$.
On désigne par M le milieu de [KL].
Montrer que I, J et M sont alignés.
- 13 Soit ABC un triangle et soient :
I le barycentre de (B, 1) et (C, 2)
J le barycentre de (A, 3) et (C, 2)
K le barycentre de (B, 4) et (A, 3).
Montrer que les droites (AI), (BJ) et (CK) sont concourantes.

14 Centre de gravité d'un quadrilatère

Soit ABCD un quadrilatère et soient I, J, K et L les milieux respectifs des côtés [AB], [BC], [CD] et [DA]. On désigne par M et N les milieux respectifs des diagonales [AC] et [BD]

1) Montrer qu'il existe un seul point G tel que :

$$\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} + \vec{GD} = \vec{0}.$$

Ce point G est appelé isobarycentre des points A, B, C et D ou centre de gravité du quadrilatère ABCD.

2) Montrer que les segments [IK], [IL], [MN] sont concourantes en leur milieu G.
3) Donner une méthode de construction du centre de gravité d'un quadrilatère.

15 Soit ABCD un losange de centre O.

On place E et F tels que :

$$\vec{AE} = \frac{1}{3}\vec{AB} \text{ et } \vec{CF} = \frac{1}{3}\vec{CD}.$$

La droite (EF) coupe la droite (AD) en M et la droite (BC) en N.

107

Montrer que E est le milieu de [AO]. Exercice 6.1. Construire le barycentre des points {(A,1);(B,2)} sachant que AB = 8 cm . 2. Construire le barycentre des points {(A,3);(B,3)} sachant que AB = 8 cm . 3.

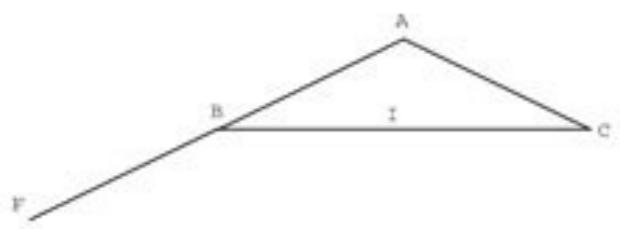
PROF: ATMANI NAJIB

Exercice 6. Soit ABC un triangle isocèle en A tel que BC = 8 cm et BA = 5 cm, I le milieu de [BC].

1) Comme $\vec{BF} = \vec{BA}$ (ou $\vec{BF} = \vec{AB}$), B est le milieu de [AF].

Donc $\vec{BF} + \vec{BA} = \vec{0}$ puis $\vec{BF} + \vec{BF} + \vec{FA} = \vec{0}$ et $2\vec{BF} + \vec{FA} = \vec{0}$ soit $2\vec{BF} = \vec{AF} = \vec{0}$.

On en déduit que $\frac{F}{I} = \text{bar} \left(\frac{B}{2} \mid A \right)$.



2) P étant un point du plan, réduire (en justifiant) chacune des sommes suivantes :

$$\frac{1}{2}\vec{PB} + \frac{1}{2}\vec{PC} = \frac{1}{2}(\vec{PB} + \vec{PC}) = \frac{1}{2}\vec{PI} \quad (\text{identité du parallélogramme}),$$

$$-\vec{PA} + 2\vec{PB} = \vec{PF} \quad \text{car } \frac{F}{I} = \text{bar} \left(\frac{B}{2} \mid A \right).$$

$$2\vec{PB} - 2\vec{PA} = 2\vec{PB} + 2\vec{AP} = 2\vec{AP} + 2\vec{PB} = 2(\vec{AP} + \vec{PB}) = 2\vec{AB}.$$

3) Déterminons l'ensemble des points M du plan vérifiant :

$$\left| \frac{1}{2}\vec{MB} + \frac{1}{2}\vec{MC} \right| = \left| \vec{MA} + 2\vec{MB} \right|.$$

Donc $\left| \vec{MI} \right| = \left| \vec{MF} \right|$ (d'après ce qui précède).

L'ensemble des points M vérifiant cette relation est donc la médiatrice de [IF].

4) Déterminons l'ensemble des points N du plan vérifiant :

$$\left| \vec{NB} + \vec{NC} \right| = \left| 2\vec{NB} - 2\vec{NA} \right|.$$

Donc $\left| 2\vec{NI} \right| = \left| 2\vec{AB} \right|$ d'après la question 2).

L'ensemble des points M est le cercle de centre I et de rayon AB.

Barycentres de trois points et plus.

Exercice 7. Le centre de gravité comme isobarycentre.

ABC est un triangle, A' est le milieu de [BC]. On se propose de démontrer la propriété :

« G est le centre de gravité du triangle ABC » équivaut à « $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$ ».

1) L'égalité vectorielle $2\vec{GA}' = -\vec{GA}$ caractérise le centre de gravité G.

2) a) Prouvons que $\vec{GB} + \vec{GC} = 2\vec{GA}'$.

$$\vec{GB} + \vec{GC} = \vec{GA}' + \vec{A'B} + \vec{GA}' + \vec{A'C} = 2\vec{GA}' + \vec{A'B} + \vec{A'C} \underset{\vec{0}}{\underset{\vec{0}}{=}} 2\vec{GA}'.$$

b) On en déduit la propriété énoncée au début de l'exercice :

$$\vec{GB} + \vec{GC} = 2\vec{GA}' \Leftrightarrow \vec{GB} + \vec{GC} = -\vec{GA}' \Leftrightarrow \vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}.$$

3) a) Un triangle est tenu en équilibre sur une pointe à condition que celle-ci soit au centre de gravité.

$$\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0} \Leftrightarrow G \text{ est l'isobarycentre des points A, B, C}$$

$\Leftrightarrow G \text{ est barycentre des points (A, 1) (B, 1) (C, 1)}.$

Construire le barycentre des points {(A,1);(B,2)} sachant que AB = 4 cm . 4.

PROF: ATMANI NAJIB

Exercice n°12

1) Si on note O l'intersection des diagonales du parallélogramme, O est le milieu de [AC]. Le segment [BD] (ou [BO]) est donc, dans le triangle ABC, la médiane issue de B. De même, le segment [BI] est la médiane issue de C, puisque I est le milieu de [AB]. Le point G intersection de [DB] et [CI] est donc le centre de gravité (ou encore isobarycentre) du triangle ABC. Il vérifie donc $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$

2) a) En regroupant les points A et B à l'intérieur de leur milieu I, on écrit :



$K = \text{bar} \{ (A,1); (B,1); (C, -1) \} = \text{bar} \{ (I,2); (C, -1) \} \Leftrightarrow \vec{IK} = -\vec{IC}$, on en déduit que I

est le milieu de [KC], d'où la construction du point K (en rouge) :

b) En utilisant la décomposition $G = \text{bar} \{ (A,1); (B,1); (C, -1) \}$, puis en regroupant les coefficients du point C, on obtient :

$$\text{bar} \{ (G,3); (C, -2) \} = \text{bar} \{ (A,1); (B,1); (C, -1) \} = \text{bar} \{ (A,1); (B,1); (C, -2) \} = \text{bar} \{ (A,1); (B,1); (C, -1) \} = \text{bar} \{ (A,1); (B,1); (C, -1) \}$$

3) On écrit

$$\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{GK} + \vec{GK} + \vec{GK} + \vec{GK} + \vec{GK} = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow 3\vec{GK} + \vec{GK} + \vec{GK} = \vec{0} \Leftrightarrow 3\vec{GK} = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{GK} = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow \vec{GK} = \vec{0} \Leftrightarrow G \text{ est le milieu de [KC]}$$

c) Pour tout $m \in]-\infty; -1[\cup]1; +\infty[$, si on note $I_m = \text{bar} \{ (D,m); (G,3); (C, -2) \}$, on a donc

$$m\vec{ID} + 3\vec{IG} - 2\vec{IC} = \vec{0} \Leftrightarrow m\vec{ID} + 3\vec{ID} + 3(\vec{ID} + \vec{DG}) - 2(\vec{ID} + \vec{DG}) = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow (m+1)\vec{ID} + 3\vec{DG} - 2\vec{IC} = \vec{0} \Leftrightarrow (m+1)\vec{ID} + 3\vec{DG} + 3(\vec{DG} + \vec{KG}) - 2(\vec{DG} + \vec{KG}) = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow (m+1)\vec{ID} + 3\vec{KG} - 2\vec{KG} = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow (m+1)\vec{ID} = -\vec{KG}$$

$$\Leftrightarrow \vec{ID}_m = -\frac{1}{m+1}\vec{KG}$$

$$\Leftrightarrow f(m) = \frac{1}{1+m}$$

c) Si on note $f(x) = \frac{1}{1+x}$, défini sur $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$, on calcule $f'(x) = \frac{-1}{(1+x)^2} < 0$ donc f est strictement décroissante sur $]-\infty; -1[\cup]1; +\infty[$.

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$, $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = +\infty$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$.

D'où le tableau de variations :

x	$-\infty$	-1	$+\infty$
$f(x)$	$\frac{1}{1+x}$	$+\infty$	0

Page 12/24

Construire le barycentre des points {(M,-3);(N,-2)} sachant que MN = 10 cm . Exercice 7.1. Décrire l'ensemble des points M du plan tels que 2. Décrire l'ensemble des points M du plan tels que 3. Décrire l'ensemble des points M du plan tels que 4. Décrire l'ensemble des points M du plan tels que Exercice 8 Soit R un rep

