



Epreuve du 1^{er} groupe

SCIENCES PHYSIQUES

Les tables et calculatrices réglementaires sont autorisées.

EXERCICE 1 (03 points)

Une acidité très élevée affaiblit les systèmes d'auto-défense de notre corps. Pour lutter contre la surproduction d'acide chlorhydrique par le suc gastrique qui peut provoquer des remontées acides ou brûlures d'estomac, on peut utiliser des antiacides. Ces derniers sont des bases qui permettent de neutraliser le surplus d'acide.

1.1 Utilisation d'une solution d'hydroxyde de sodium.

Un groupe d'élèves prépare une solution S_5 d'hydroxyde de sodium de concentration molaire C_5 afin de l'utiliser comme antiacide. Pour neutraliser 500 mL d'une solution d'acide chlorhydrique de même pH que le suc gastrique que l'on prendra égal à 2, il a fallu que le groupe ajoute 50 mL de la solution S_5

1.1.1 Montrer que la concentration molaire C_5 de la solution S_5 d'hydroxyde de sodium vaut $0,1 \text{ mol.L}^{-1}$.
(0,5 pt)

1.1.2 Les 50 mL de la solution S_5 d'hydroxyde de sodium ont été préparés à partir d'une solution commerciale S_0 d'hydroxyde de sodium dont l'étiquette porte les indications suivantes : hydroxyde de sodium ; densité 1,25 ; pourcentage massique 8% ; masse molaire 40 g.mol^{-1} .

1.1.2.1 Calculer la concentration molaire C_0 de la solution commerciale S_0 . (0,5 pt)

1.1.2.2 Décrire la préparation de la solution S_5 à partir de la solution commerciale S_0 en indiquant le volume V_0 à prélever et le matériel à utiliser. (0,5 pt)

1.2 Utilisation d'une solution de benzoate de sodium.

Le benzoate de sodium est retrouvé dans de nombreux produits alimentaires comme conservateur.

Un autre groupe d'élèves choisissent de l'utiliser comme antiacide. Ces élèves dissolvent une masse $m = 72 \text{ mg}$ de benzoate de sodium $\text{C}_6\text{H}_5\text{COONa}$ dans 100 mL d'eau pour obtenir une solution notée S_B .

1.2.1 Ecrire l'équation-bilan de la réaction entre une solution de benzoate de sodium et une solution d'acide chlorhydrique. Calculer la constante de réaction. (0,5 pt)

1.2.2 L'utilisation comme antiacide du benzoate de sodium par les élèves est-elle justifiée ? pourquoi ? (0,25 pt)

1.2.3 Le groupe d'élèves ajoute un volume V_A d'une solution S_A d'acide chlorhydrique de concentration molaire $C_A = 0,01 \text{ mol.L}^{-1}$ à la solution S_B précédente. Il obtient une solution S dans laquelle les concentrations molaires en acide benzoïque et en ion benzoate sont égales.

1.2.3.1 Calculer le volume V_A . (0,25 pt)

1.2.3.2 Quel est le pH de la solution S ? justifier la réponse. Donner les propriétés de la solution S . (0,5 pt)

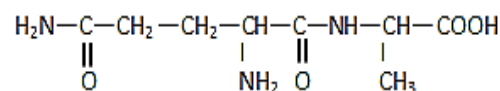
Données : Masses molaires en g.mol^{-1} : $M(\text{C}) = 12$; $M(\text{H}) = 1$; $M(\text{O}) = 16$; $M(\text{Na}) = 23$.
 $\text{pKa}(\text{C}_6\text{H}_5\text{COOH} / \text{C}_6\text{H}_5\text{COO}^-) = 4,2$; $\text{pKa}(\text{H}_3\text{O}^+ / \text{H}_2\text{O}) = 0$ et $\text{pKa}(\text{H}_2\text{O} / \text{OH}^-) = 14$.

EXERCICE 2 (03 points)

La glutamylalanine, dipeptide formé à partir de la glutamine et de l'alanine, est un produit de dégradation incomplète de la digestion des protéines. Il est connu pour avoir des effets physiologiques.

2.1 La molécule du dipeptide.

La molécule de la glutamylalanine est représentée par la formule semi-développée ci-contre :



2.1.1. Recopier la formule. Encadrer les groupes fonctionnels et les nommer. (0,5 pt)

2.1.2. Indiquer la liaison peptidique. (0,25 pt)

2.1.3 Repérer par un astérisque (*) les atomes de carbone asymétriques dans la molécule. (0,25 pt)

2.2. Etude de l'acide α -aminé N-terminal du dipeptide

La glutamine, l'acide α -aminé N-terminal du dipeptide, est l'acide aminé le plus abondant dans le sang et dans les muscles. Le corps est capable de synthétiser lui-même la L-glutamine que l'on retrouve aussi dans la viande, le poisson, les produits laitiers, les céréales et les légumineuses. Parmi les rôles de la L-glutamine, on peut citer l'amélioration des performances physiques, la réduction de la sensation de la fatigue chez les joueurs de football....

.../... 2

2.2.1. Définir un acide α -aminé.

2.2.2. Montrer que la molécule de glutamine est chirale.

2.2.3. Donner la représentation de Fisher de la L-glutamine

(0,25 pt)

(0,25 pt)

(0,25 pt)

2.3 Etude de l'acide α -aminé C-terminal du dipeptide

L'alanine, l'acide α -aminé C-terminal de la glutamylalanine, est aussi un acide aminé qui se retrouve dans les mêmes sources alimentaires que la glutamine. Elle fait augmenter le taux de sucre dans le sang et contribue à la formation des globules blancs, elle est donc indispensable au maintien d'une bonne santé.

2.3.1. En solution aqueuse la molécule d'alanine se présente sous forme d'un ion dipolaire entre autres espèces chimiques. Donner la formule et le nom de cet ion.

(0,5 pt)

2.3.2. Ecrire l'équation-bilan de la réaction de l'ion dipolaire en milieu très acide puis en milieu très basique. Quels sont les couples acide-base auxquels participe l'ion dipolaire?

(0,5 pt)

2.3.3 Les pKa des couples précédents valent 2,3 et 9,9. Proposer un diagramme de prédominance des espèces d'une solution aqueuse d'alanine.

(0,25 pt)

EXERCICE 3 (04 points)

La viscosité d'un liquide caractérise à la fois la force de résistance qu'il exerce sur un objet en chute et sa résistance à l'écoulement. Avec un dispositif approprié, il est possible de suivre l'évolution du mouvement de chute d'une bille dans un tube vertical contenant le liquide à étudier et de déduire la viscosité dudit liquide à partir de la vitesse limite de chute.

Une bille sphérique homogène S, de masse m et de rayon r, pénètre verticalement dans un bassin de stockage supposé infiniment profond, rempli d'un liquide de masse volumique μ (figure 1).

Le centre de la bille arrive à l'instant $t = 0$ en O, à la distance r de la surface libre du liquide à l'intérieur du bassin, avec une vitesse verticale de plongée \vec{V}_0 .

L'étude du mouvement se fera suivant l'axe Ox vertical dirigé vers le bas.

La bille est soumise à trois forces :

- le poids \vec{P} ;
- la force de viscosité \vec{f} opposée au déplacement, proportionnelle à la vitesse et supposée appliquée au centre d'inertie G de la bille : $\vec{f} = -k\vec{V}$, relation où k est une constante positive liée à la viscosité du liquide;
- la poussée d'Archimède $\vec{F} = -\mu \times \frac{4\pi r^3}{3} \times \vec{g}$.

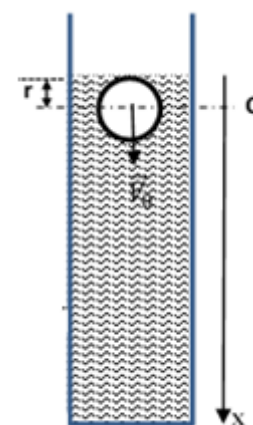


Figure 1

3.1. Représenter, à un instant t donné, la bille et les forces extérieures appliquées au centre d'inertie.

(0,5 pt)

3.2. En appliquant le théorème du centre d'inertie, montrer que l'équation différentielle du mouvement relative

à la vitesse $V = \dot{x}$ du centre d'inertie de la bille s'écrit : $\frac{dV}{dt} + \frac{k}{m}V = (1 - \frac{4\pi\mu r^3}{3m})g$ (0,75 pt)

3.3. Montrer que la vitesse du centre d'inertie atteint une limite V_L dont on donnera l'expression en fonction de k, m, μ , r et g. Sachant que $V_L = 24 \text{ m.s}^{-1}$ en déduire la valeur de k.

(0,75 pt)

3.4. La solution générale de l'équation différentielle précédente est de la forme : $V = A + B e^{-\frac{kt}{m}}$, relation où A et B sont des constantes.

Etablir les expressions de A et B respectivement en fonction de V_L et de V_0 et V_L en se plaçant aux conditions limites ($t = 0$ et $t \rightarrow \infty$). Donner alors l'expression de la vitesse instantanée V du centre d'inertie de la bille en fonction de V_0 , V_L , k, m et le temps t

(0,75 pt)

3.5. Déterminer la loi horaire x(t) du mouvement vertical du centre d'inertie de la bille dans le liquide en fonction de V_0 , V_L , k, m et le temps t.

(0,75 pt)

3.6. Evaluer, à l'issue de 10 s de chute, le bilan des travaux des forces appliquées à la bille. En déduire le travail de la force de viscosité pour cette durée.

(0,5 pt)

On donne : $m = 1,4 \text{ kg}$; $r = 3,5 \text{ cm}$; $\mu = 860 \text{ kg.m}^{-3}$; $V_0 = 2 \text{ m/s}$; $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$.

EXERCICE 4 (05,5 points)

Pour étudier la charge et la décharge d'un condensateur on réalise le circuit de la figure 2 représentée ci-contre.

Données : $E = 4 \text{ V}$; $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$; $R_2 = 400 \Omega$; $C = 1\mu\text{F}$; $L = 0,4 \text{ H}$.

La résistance du générateur et celle de la bobine sont supposées négligeables.

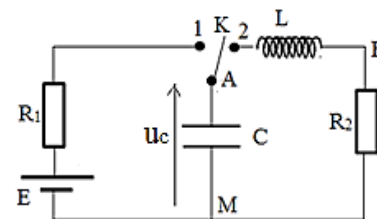


Figure 2

4.1 Etude de la charge du condensateur

Le condensateur étant initialement déchargé, on ferme l'interrupteur K en position 1 à l'instant $t = 0$. On note par $u_c(t)$ la tension aux bornes du condensateur et $i(t)$ l'intensité du courant dans le circuit.

4.1.1 Etablir l'équation reliant les tensions instantanées aux bornes des trois composants du circuit. En déduire l'équation différentielle relative à la tension $u_c(t)$ aux bornes du condensateur. **(0,5 pt)**

4.1.2 Vérifier que l'expression $u_c(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ avec $\tau = R_1 C$ est solution de l'équation différentielle établie à la question précédente. Donner la signification de τ et calculer sa valeur. **(0,5 pt)**

4.1.3 Déterminer l'expression de l'intensité du courant I_0 à $t = 0$; faire l'application numérique. **(0,5 pt)**

4.1.4 Déterminer les expressions, à l'instant t , de la puissance fournie par le générateur et de la puissance reçue par le condensateur en fonction de E, R_1, t et τ . **(0,5pt)**

4.1.5 Montrer que le rapport de l'énergie emmagasinée par le condensateur $\mathcal{E}(c)$ sur l'énergie fournie par le générateur $\mathcal{E}(G)$ entre l'instant de fermeture du circuit et une date quelconque $t = x\tau$ (x est un nombre positif) est donné par : $\frac{\mathcal{E}(c)}{\mathcal{E}(G)} = \frac{1 - e^{-x}}{2}$ **(0,5 pt)**

4.1.6 Pour différentes dates $t = x\tau$ où x est donné dans le tableau ci-dessous, reproduire le tableau sur la feuille de copie et le compléter. **(0,5 pt)**

X	0	0,01	0,10	1	5	10	100	$+\infty$
e^{-x}								
$\frac{\mathcal{E}(c)}{\mathcal{E}(G)}$								

4.1.7 En exploitant le tableau, montrer que l'énergie fournie par le générateur n'est pas totalement reçue par le condensateur. Expliquer pourquoi. **(0,25 pt)**

4.1.8 En se servant du tableau, déterminer la quantité de chaleur totale dégagée par effet joule au cours de la charge du condensateur. **(0,25 pt)**

4.2 Etude de la décharge.

A la fin de la charge du condensateur, on bascule l'interrupteur K de la position 1 à la position 2.

Cet instant est choisi comme nouvelle origine des dates $t = 0$.

Les courbes (1) et (2) de la figure 3 représentent dans un ordre quelconque la tension u_{BM} aux bornes du conducteur ohmique de résistance R_2 et la tension u_{AM} aux bornes du condensateur.

4.2.1 Recopier la figure 2 et y indiquer les branchements pour visualiser les tensions u_{AM} à la voie 1 et u_{BM} à la voie 2 d'un oscilloscope. **(0,5 pt)**

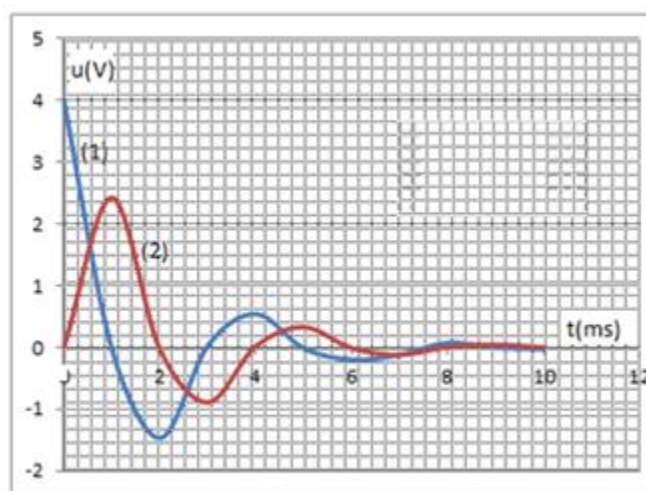


Figure 3

4.2.2 Affecter à chaque courbe la tension correspondante. Justifier. **(0,5 pt)**

Epreuve du 1^{er} groupe

4.2.3 Expliquer l'allure des courbes. Quelle est la courbe qui montre les variations de l'intensité du courant ? Justifier. (0,5 pt)

4.2.4 En exploitant la figure 3, déterminer l'énergie restante dans le circuit à la date $t = 2$ ms. La comparer avec l'énergie du condensateur à $t = 0$. (0, 5 pt)

EXERCICE 5 (04,5 points)

La radiothérapie est utilisée dans certains cas pour le traitement de tumeurs. Le rayonnement utilisé dans ces machines est constitué de particules légères bêta moins (β^-) émise par une source de cobalt-60 (^{60}Co). Dans certains cas, il est nécessaire d'utiliser un rayonnement α (^4_2He) plus ionisant.

Le cobalt-60 est un élément radioactif obtenu à partir du cobalt-59 (^{59}Co) bombardé par un flux de neutrons.

Le cobalt-60 a une constante radioactive $\lambda = 3,60 \cdot 10^{-4} \text{ jour}^{-1}$.

Un condensateur de capacité $C = 100 \mu\text{F}$, initialement déchargé, est installé à la sortie du rayonnement émis par une source de cobalt-60 à une date prise comme origine des temps $t = 0$.

Un dispositif adéquat permet d'assurer que l'essentiel des particules émises arrivent sur l'armature A du condensateur en face de la source (figure 4). L'armature B est reliée à la terre. Un voltmètre indique à chaque instant la tension U_{BA} aux bornes du condensateur.

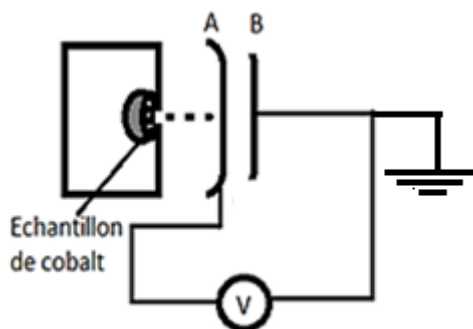


Figure 4

5.1 Donner la différence entre une réaction nucléaire naturelle et une réaction nucléaire artificielle. (0,5 pt)

5.2 Ecrire les équations des réactions nucléaires du cobalt citées dans le texte. (0,5 pt)

5.3 En considérant la réaction spontanée du cobalt, calculer en MeV et en joule l'énergie libérée lors de cette désintégration. (0,5 pt)

5.4 En déduire l'énergie libérée par désintégration de 1 mg de cobalt-60. (0,75 pt)

5.5 Au bout de quatre (04) heures, le voltmètre branché aux bornes du condensateur indique une tension $U_{BA} = 10 \text{ V}$. Exprimer puis calculer :

5.5.1 la charge Q portée par l'armature A du condensateur. (0,5 pt)

5.5.2 la variation ΔN du nombre de noyau de cobalt-60. (0,75 pt)

5.5.3 l'activité initiale A_0 de l'échantillon de cobalt-60. (0,5 pt)

5.5.4 la masse initiale de cet échantillon de cobalt. (0,5 pt)

Données : Charge élémentaire : $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; masse molaire atomique du cobalt 60 : $M = 59,93 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$;

Nombre d'Avogadro : $\mathcal{N} = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$; masse de l'électron : $m = 9,11 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$.

Masse en unité de masse atomique : $m(^{60}\text{Co}) = 59,95654 \text{ u}$; $m(^{60}\text{Ni}) = 59,95351 \text{ u}$;

$m(^{60}\text{Fe}) = 55,95614 \text{ u}$; Unité de masse atomique : $1 \text{ u} = 1,6605 \cdot 10^{-27} \text{ kg} = 931,5 \frac{\text{MeV}}{c^2}$.

Vitesse de la lumière dans le vide : $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

Extrait du tableau de classification

$_{25}\text{Mn}$	$_{26}\text{Fe}$	$_{27}\text{Co}$	$_{28}\text{Ni}$	$_{29}\text{Cu}$
------------------	------------------	------------------	------------------	------------------