

## Devoir n°2 de Sciences Physiques (2<sup>nd</sup> Semestre)

### Durée :02Heures

#### Exercice 1 :

On prépare une solution aqueuse  $S$  d'acide carboxylique  $C_nH_{2n+1}COOH$  noté  $AH$ , en dissolvant une  $m=0,74g$  de cet acide dans 1 litre d'eau distillée. On prélève un volume  $V_a = 50cm^3$  de  $S$ , dans lequel on ajoute quelques gouttes de phénolphtaléine. On verse alors progressivement dans ce prélèvement une solution d'hydroxyde de sodium de concentration  $C_b = 5.10^{-2} mol.L^{-1}$ . On atteint l'équivalence quand on a versé un volume  $V_b = 10cm^3$  de solution d'hydroxyde de sodium.

1. a) Calculer la concentration initiale  $C_a$  de la solution d'acide carboxylique.  
b) Déterminer la masse molaire moléculaire  $M_a$  de l'acide et en déduire sa formule brute, sa formule semi développée et son nom.  
c) Ecrire l'équation de la réaction support du dosage de l'acide.
2. On prélève à nouveau un volume  $V'_a = 50cm^3$  de la solution  $S$  d'acide carboxylique ; on y ajoute le même volume d'une solution  $S'$  du carboxylate de sodium correspondant à l'acide carboxylique. La concentration de la solution  $S'$  est  $C' = 10^{-2} mol.L^{-1}$ . Le pH du mélange est de 4,9.
  - a) Identifier les espèces chimiques présentes dans le mélange et montrer que la concentration de l'acide est égale à celle de l'ion carboxylate dans le mélange.
  - b) Calculer alors le  $pK_a$  du couple acide carboxylique /ion carboxylate.
  - c) Quelle est la nature de la solution  $S$  ? Quelles sont ses propriétés ?

#### Exercice 2 :

Un élément naturel contient essentiellement deux isotopes :  ${}^{A_1}X$  et  ${}^{A_2}X$ . On désire séparer ces deux isotopes à l'aide d'un spectrographe de masse représenté par la **figure 1**. Ils sont d'abord transformés en ions positifs de charge  $q=+e$  dans la chambre d'ionisation (I) puis introduits avec une vitesse nulle en  $O$  dans la chambre d'accélération (II) entre deux plaques  $P_1$  et  $P_2$  où ils sont soumis à une tension  $U = V_{P_2} - V_{P_1}$  ; ils ressortent par le trou  $A$  et entrent dans la chambre de déviation(III).

1. a) Reproduire la **figure 1** sur votre copie et y représenter le champ électrique régnant entre les plaques  $P_1$  et  $P_2$  permettant l'accélération des ions ; préciser le signe de  $U$ .  
b) Par application du théorème de l'énergie cinétique, exprimer les vitesses  $v_1$  et  $v_2$  respectivement des ions  ${}^{A_1}X^+$  et  ${}^{A_2}X^+$  en fonction de  $e$ ,  $U$  et de leur masse respective  $m_1$  et  $m_2$  ; en déduire une relation entre  $v_1$ ,  $v_2$ ,  $m_1$  et  $m_2$ .  
c) Exprimer alors  $A_1$  en fonction de  $A_2$ .
2. A leur entrée dans la chambre de déviation, les ions sont soumis à un champ magnétique uniforme  $\vec{B}$  perpendiculaire au plan de la figure et sont déviés vers la plaque sensible.
  - a) Quel est alors le sens de  $\vec{B}$  ? Le représenter sur la **figure 1** de votre copie.
  - b) Montrer que le mouvement de chaque ion est circulaire et uniforme et exprimer les rayons  $R_1$  et  $R_2$  en fonction de  $U$ ,  $e$ ,  $B$  et du nombre de masse  $A_1$  ou  $A_2$  de l'ion correspondant.
  - c) La distance  $KK'$  entre les points d'impact sur la plaque est :  $KK'=1,78m$ . Après avoir précisé le point d'impact de chaque ion, déterminer les valeurs de  $A_1$  et  $A_2$ .

On donne  $m_1 = A_1u$ ,  $m_2 = A_2u$  avec  $u = 1,66.10^{-27} kg$  ;  $\frac{v_1}{v_2} = 1,0065$  ;  $B = 1mT$  ;  $|U| = 4kV$ .

**Exercice 3:**

I- Une source lumineuse émet un faisceau composé de deux radiations monochromatiques de longueur d'onde respective  $\lambda_1=0,465\mu\text{m}$  et  $\lambda_2=0,775\mu\text{m}$ . Elle éclaire une cellule photoélectrique dont la cathode est recouverte de potassium pour lequel l'énergie d'extraction est  $W_0(K)$ .

1) Définir l'énergie d'extraction  $W_0(K)$  du potassium; sachant qu'elle vaut 2,2 eV, calculer la longueur d'onde  $\lambda_0$  du seuil photoélectrique relatif au potassium.

2) L'effet photoélectrique n'est déclenché que par l'une de ces radiations lumineuses; laquelle? pourquoi?

3) Calculer l'énergie cinétique maximale d'un électron émis par la cathode de la cellule éclairée par la radiation convenable. L'exprimer en eV.

**Données numériques :**

Constante de Planck :  $h=6,6.10^{-34}\text{J}\cdot\text{s}$ ; célérité de la lumière :  $c=3.10^8\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$ ; charge élémentaire :  $e=1,6.10^{-19}\text{C}$ ; masse de l'électron :  $m=9,1.10^{-31}\text{kg}$ ;  $1\text{eV}=1,6.10^{-19}\text{J}$ .

II- On considère le dispositif de Young représenté par la **figure 2**:  $S_1$  et  $S_2$  sont deux sources lumineuses ponctuelles distantes de  $a$ . Le plan (P) de l'écran d'observation parallèle à  $S_1 S_2$  est situé à la distance  $D$  (très grande par rapport à  $a$ ) du milieu  $I$  du segment  $S_1 S_2$ ; le point  $O$  est la projection orthogonale de  $I$  sur (P). Sur la droite perpendiculaire à  $IO$  au point  $O$  et parallèle à  $S_1$  et  $S_2$ , un point  $M$  est repéré par sa distance  $x$  du point  $O$  ( $x$  est l'abscisse de  $M$  sur un axe orienté colinéaire à cette droite).

Les deux sources  $S_1$  et  $S_2$ , sont obtenues, grâce à un dispositif interférentiel approprié, à partir d'une source ponctuelle  $S$  située sur l'axe  $IO$  et émettant une lumière de longueur d'onde  $\lambda$ .

1. Montrer que la différence de marche  $\delta$  entre les chemins  $S_2M$  et  $S_1M$  peut s'exprimer par :  $\delta = \frac{ax}{D}$ .

2. Définir et montrer que l'interfrange  $i = \frac{\lambda D}{a}$ .

3. Pour  $\lambda_1 = 0,465\mu\text{m}$ , 14 interfranges couvrent une distance  $d_1=10,12\text{mm}$ ; calculer alors le rapport  $\frac{a}{D}$ .

4. Quel serait l'interfrange pour la radiation de longueur d'onde  $\lambda_2 = 0,775\mu\text{m}$  ?

5. Le dispositif est maintenant éclairé simultanément par les deux radiations précédentes; sur l'écran on observe la superposition des deux systèmes de franges qui se répète périodiquement.

a. Calculer les numéros des deux franges brillantes qui se superposent pour la première fois après le centre de l'écran.

b. Calculer la distance qui sépare les deux premières coïncidences de part et d'autre du centre de l'écran.

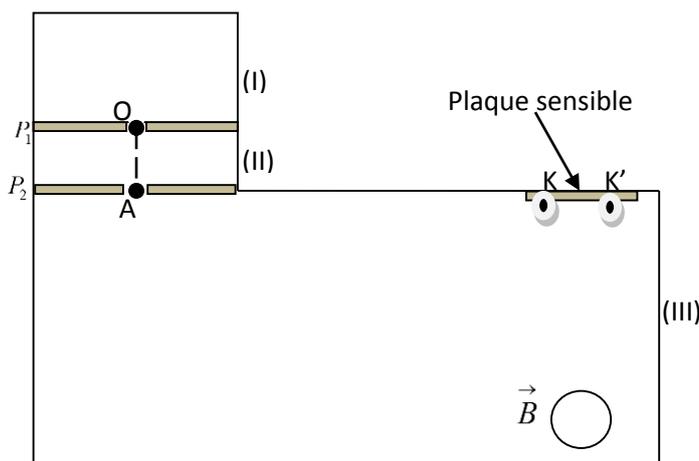


figure 1

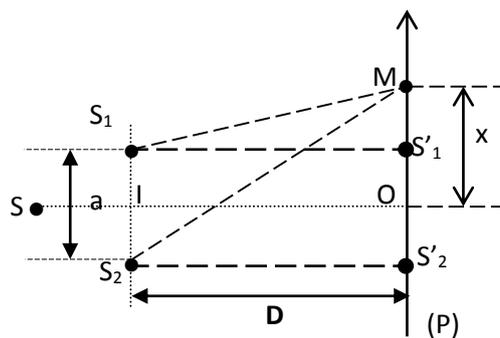


Figure 2

**FIN DU SUJET**

**CORRIGE**

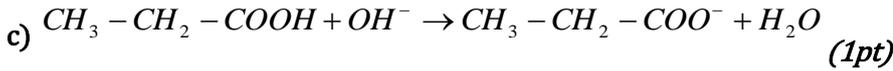
**Exercice 1 :**

**8points**

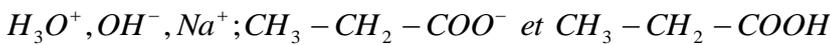
1. a) **Equivalence :**  $C_a V_a = C_b V_b \Rightarrow C_a = C_b \frac{V_b}{V_a}$ ; A.N. :  $C_a = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$  (1pt)

b)  $M_a = \frac{m}{C_a V}$ ; A.N. :  $M_a = 74 \text{ g.mol}^{-1} \Rightarrow C_3H_6O_2 \Rightarrow CH_3 - CH_2 - COOH$  : *acide propanoïque*

(2pts)



2. a) **Espèces chimiques présentes dans le mélange**



$$[H_3O^+] = 10^{-pH} = 1,26 \cdot 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}; [HO^-] = 10^{-14+pH} = 7,9 \cdot 10^{-10} \text{ mol.L}^{-1}; [N_a^+] = \frac{C'V}{2V} = \frac{C'}{2} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1};$$

$$[H_3O^+] + [N_a^+] = [OH^-] + [C_2H_5COO^-] \Rightarrow [C_2H_5COO^-] \approx [N_a^+] = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1};$$

$$[C_2H_5COO^-] + [C_2H_5COOH] = \frac{C_a V_a + C' V_a}{2V_a} \Rightarrow [C_2H_5COOH] = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow [C_2H_5COOH] = [C_2H_5COO^-] \text{ (3pts)}$$

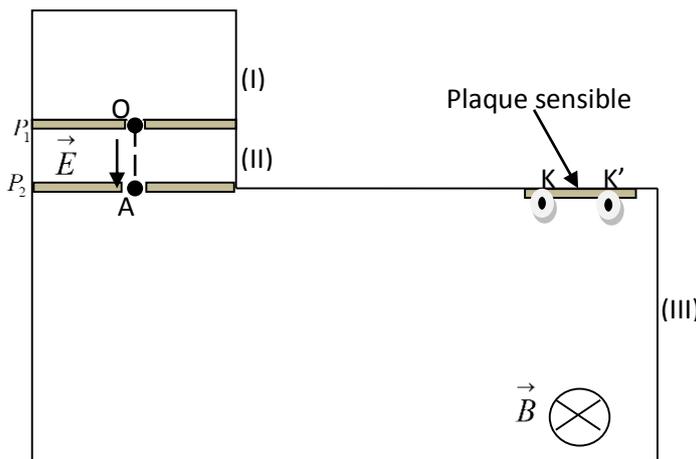
b)  $pK_a = pH = 4,9$  (0,5pt)

c) **solution tampon ;** pH insensible à une dilution modérée et ne varie que très peu par ajout modérée de base forte ou d'acide fort. (0,5pt)

**Exercice 2 :**

**6 points**

1. a)



$\vec{E}$  de  $P_1$  vers  $P_2 \Rightarrow V_{P_1} > V_{P_2} \Rightarrow U < 0$  (1,5pts)

b) D'après le T.E.C. :  $\frac{1}{2} m_i v_i^2 = q|U| \Rightarrow v_1 = \sqrt{\frac{2e|U|}{m_1}}$  et  $v_2 = \sqrt{\frac{2e|U|}{m_2}} \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{m_2}{m_1}}$  (1,5pts)

$$c) \frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{m_2}{m_1}} = \sqrt{\frac{A_2}{A_1}} \Rightarrow A_2 = 1,01304A_1 \quad (0,5pt)$$

2. a)  $\vec{B}$  est rentrant voir figure (0,5pt)

$$\sum \vec{F} = m \vec{a} \Leftrightarrow q \vec{v} \wedge \vec{B} = m \vec{a} \Rightarrow$$

$$\bullet \vec{a} \perp \vec{v} \text{ d'où } a_t = 0 \Rightarrow \frac{dv}{dt} = 0 \Rightarrow v = cte : \text{mouvement uniforme}$$

b) D'après le T.C.I. :  $\vec{a} \perp \vec{v}$  d'où  $\vec{a} = a_n \Leftrightarrow \frac{qvB}{m} = \frac{v^2}{R} \Rightarrow R = \frac{mv}{qB} = cte : \text{mouvement circulaire}$

$$\Rightarrow R_1 = \frac{m_1 v_1}{eB} = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2A_1 |U|}{e}} \text{ et par analogie } R_2 = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2A_2 |U|}{e}} \quad (1pt)$$

$A_2 = 1,01304A_1 \Rightarrow A_1 < A_2 \Rightarrow R_1 < R_2$ ; d'où  ${}^A_1X^+$  arrive en K et l'ion  ${}^A_2X^+$  arrive en K'

$$c) \Rightarrow KK' = 2(R_2 - R_1) = \frac{2}{B} \sqrt{\frac{2|U|}{e}} (\sqrt{A_2} - \sqrt{A_1}) \text{ or } A_2 = 1,01304A_1 \Rightarrow A_1 = 235 \text{ et } A_2 = 238 \quad (1pt)$$

### Exercice 3 :

**6 points**

I.

1.  $W_0(K)$  est l'énergie qui sert à libérer l'électron du réseau métallique. (0,5pt)

$$W_0 = \frac{hc}{\lambda_0} \Rightarrow \lambda_0 = \frac{hc}{W_0}; \text{ A.N. : } \lambda_0 = 0,5625 \mu m. \quad (0,5pt)$$

2. Pour avoir effet photoélectrique, il faut que

$\lambda \leq \lambda_0$  d'où seule la radiation  $\lambda_1$  qui provoque l'effet photoélectrique (0,5pt)

l'énergie apportée par un photon est la somme de l'énergie d'extraction et de

3. l'énergie cinétique maximale de l'électron extrait  $\Leftrightarrow \frac{hc}{\lambda_1} = W_0 + Ec_{\max} \Rightarrow Ec_{\max} = \frac{hc}{\lambda_1} - W_0$

$$\text{A.N. : } Ec_{\max} = 0,461 eV$$

(1pt)

II.

1. On appelle différence de marche  $\delta$  la différence des deux chemins  $S_2M=d_2$  et  $S_1M=d_1$  notée  $\delta = d_2 - d_1$ . En considérant les triangles rectangles  $(S_1S'_1M)$  et  $(S_2S'_2M)$  respectivement en  $S'_1$  et en  $S'_2$ , d'après le théorème de Pythagore on a :

$$d_1^2 = D^2 + (x - \frac{a}{2})^2 \text{ et } d_2^2 = D^2 + (x + \frac{a}{2})^2 \Leftrightarrow d_2^2 - d_1^2 = 2ax \Rightarrow (d_2 - d_1)(d_2 + d_1) = 2ax.$$

Or  $a \ll D \Rightarrow d_2 + d_1 = 2D \Rightarrow d_2 - d_1 = \delta = \frac{ax}{D}$  a, x et D en m  $\Rightarrow \delta(m)$ . (1pt)

2. L'interfrange est la distance qui sépare les deux milieux de deux franges consécutives de même nature

$$i = x_{k+1} - x_k \text{ ou } i = x_{k+1+\frac{1}{2}} - x_{k+\frac{1}{2}}. \text{ On trouve : } i = \frac{\lambda D}{a}. \quad (0,5pt)$$

$$3. 14i = d \text{ pour } \lambda_1, 14i = d_1 \Rightarrow 14 \frac{\lambda_1 D}{a} = 10,12 \Rightarrow \frac{a}{D} = 0,64328.10^{-3} \quad (0,5pt)$$

$$4. \text{ pour } \lambda_2, i = \frac{\lambda_2 D}{a} = 1,20476.10^{-3} m \quad (0,5pt)$$

a. superposition :  $\frac{k_1 \lambda_1 D}{a} = \frac{k_2 \lambda_2 D}{a} \Rightarrow \frac{k_1}{k_2} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{775}{465} = \frac{5}{3}$  d'où 5<sup>e</sup> frange brillante de  $\lambda_1$  et

5. 3<sup>e</sup> frange brillante de  $\lambda_2$

b.  $d = 2 \cdot \frac{k_1 \lambda_1 D}{a} = 2 \cdot \frac{k_2 \lambda_2 D}{a} = \frac{2 \times 5 \times 0,465 \cdot 10^{-6}}{0,64328 \cdot 10^{-3}} = 7,22858 \cdot 10^{-3} m$

(1pt)