



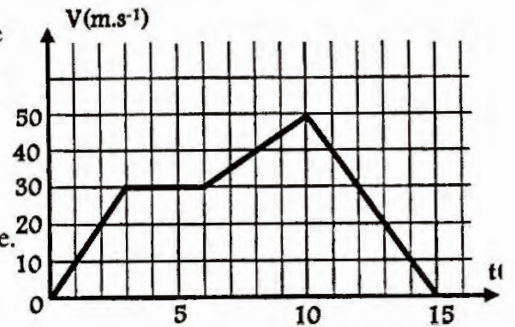
## SERIE D'EXERCICES SUR P1: CINEMATIQUE DU POINT

### EXERCICE 1:

Un mobile M est en mouvement rectiligne relativement à un repère d'espace

$R(O, \vec{i})$ . La figure ci-contre représente la courbe de la variation de la vitesse de M en fonction du temps.

- 1/ Déterminer sur chaque intervalle de temps:
  - a/ la valeur algébrique de l'accélération a.
  - b/ l'expression  $v = f(t)$ .
  - c/ l'expression  $x = f(t)$ ; sachant qu'à  $t = 0$  le mobile est sur l'origine de l'axe.
- 2/ Calculer la distance parcourue par M pour  $t \in [0; 15]$



### EXERCICE 2:

On considère un mobile M de vecteur position  $\vec{OM} = 2t\vec{i} + (t^2 - 2t)\vec{j}$ .

- 1/ Déterminer l'équation cartésienne de la trajectoire du mobile M.
  - 2/ Déterminer les coordonnées à la date t des vecteurs vitesse et accélération.
  - 3/ On considère l'instant  $t_1$  où le vecteur vitesse est colinéaire au vecteur  $\vec{i}$ .
    - a/ Montrer que  $t_1 = 1s$ .
    - b/ Etablir l'expression de la vitesse du mobile M en fonction du temps. Calculer cette vitesse à l'instant  $t_1$ .
  - 4/ On considère l'instant  $t_2$ , tel que  $t_2 > 0$ , où le vecteur vitesse fait un angle  $\alpha = 27^\circ$  par rapport à  $Ox$ .
    - a/ Montrer que  $t_2 = 1,5s$ .
    - b/ Déterminer les valeurs des accélérations tangentielle et normale du mobile à l'instant  $t_2$  ?
    - c/ En déduire le rayon de courbure de la trajectoire.
- On donne:  $\text{tg}(27^\circ) = 0,5$

### EXERCICE 3:

Un mobile M se déplace dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ . Les figures 1 et 2 ci-dessous représentent les diagrammes respectifs de  $v_x = f(t)$  et de  $v_y^2 = f(y - y_0)$ . Les unités sont celles du système international.

A l'instant initial  $t_0 = 0s$ , le mobile passe par l'origine du repère avec la composante  $v_{0y}$  positive.

- 1/ Par une exploitation de la figure 1, déterminer l'équation horaire du vecteur vitesse  $\vec{v}$  du mobile M suivant l'axe des abscisses.
- 2/ a/ Quelle est la relation qui lie  $v_y^2$  à  $(y - y_0)$ .  
b/ Par une exploitation de la figure 2, donner l'expression numérique de  $v_y^2$  en fonction de  $(y - y_0)$ .  
c/ Déduire des deux relations précédentes la valeur de l'accélération  $a_y$  et celle de la vitesse  $v_{0y}$ .
- d/ Donner l'équation horaire du vecteur vitesse  $\vec{v}$  du mobile M suivant l'axe des ordonnées.
- 3/ A partir des équations horaires du vecteur vitesse  $\vec{v}$ , déterminer les équations horaires du vecteur position  $\vec{OM}$ .
- 4/ Etablir l'équation cartésienne de la trajectoire.
- 5/ A l'instant  $t_1 = 2s$ , déterminer la valeur de l'angle  $\alpha$  que fait le vecteur vitesse  $\vec{v}_1$  avec le vecteur accélération  $\vec{a}$ .

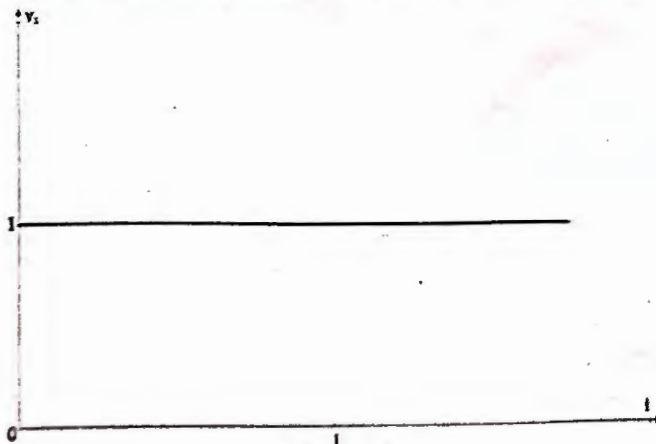


Figure 1

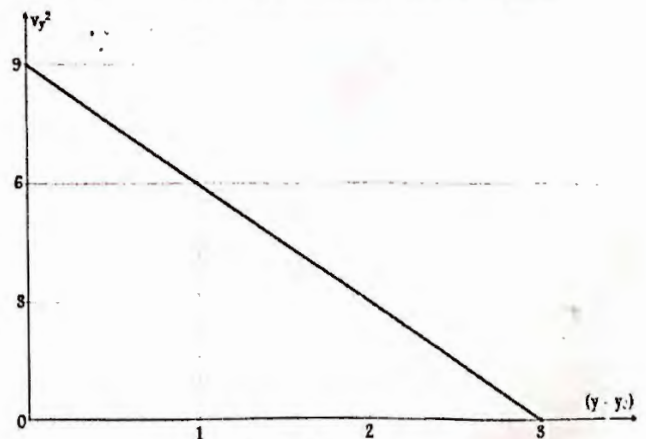


Figure 2



#### EXERCICE 4:

Un automobiliste se déplace sur une route horizontale à la vitesse constante de valeur  $v_0 = 16 \text{ m.s}^{-1}$ . Lorsqu'il est à une distance  $D = 200 \text{ m}$  du feu, le feu vert s'allume et reste vert pendant 11 s.

Dans tout l'exercice, on prendra comme origine des temps ( $t = 0 \text{ s}$ ), l'instant où le feu vert s'allume et l'origine des espaces ( $x_0 = 0 \text{ m}$ ), la position de la voiture à cet instant. Le sens positif est le sens du mouvement.

1/ A partir de l'instant de date  $t = 0 \text{ s}$ , l'automobiliste accélère et impose à sa voiture une accélération constante. A l'instant  $t_1$ , sa vitesse prend la valeur  $v_1 = 21,4 \text{ m.s}^{-1}$ . Entre  $t_0 = 0 \text{ s}$  et  $t_1$ , l'automobiliste parcourt 100 m.

a/ Déterminer l'accélération  $a_1$ .

b/ Déterminer la date  $t_1$ .

c/ Ecrire la loi horaire du mouvement de la voiture pour  $t \in [0 ; t_1]$ .

2/ A partir de l'instant  $t_1$ , l'automobiliste maintient sa vitesse constante.

a/ Ecrire la loi horaire du mouvement de la voiture pour  $t \geq t_1$ .

b/ La voiture passe-t-elle devant le feu lorsqu'il est vert ? Justifier la réponse.

3/ Si à l'instant  $t_1$ , l'automobiliste freine et impose à sa voiture un mouvement uniformément retardé d'accélération  $a_2 = -2 \text{ m.s}^{-2}$

a/ Calculer la distance parcourue par la voiture du début du freinage jusqu'à son arrêt.

b/ Déterminer la vitesse  $v_2$  de la voiture en passant devant le feu et la date  $t_2$  correspondante à ce passage.

#### EXERCICE 5:

Un mobile est animé d'un mouvement rectiligne sinusoïdal. L'équation horaire du mouvement est:

$$x(t) = 5\cos(10\pi t + \frac{\pi}{2}); x \text{ est en cm et } t \text{ en seconde.}$$

1/ Ecrire l'équation horaire de la vitesse.

2/ A quelles dates le mobile change-t-il de sens ?

3/ A quelle date le mobile passe-t-il pour la première fois après la date 0 par l'élongation  $x = -2,5 \text{ cm}$  en allant dans le sens négatif ?

#### EXERCICE 6:

Un mobile ponctuel M se déplace sur un axe horizontal ( $x'Ox$ ) d'origine O.

La loi horaire de son mouvement  $x(t) = X_m \cos(\omega t + \varphi)$  est donnée par le graphe ci-dessous.

1/ Quelle est la nature du mouvement ?

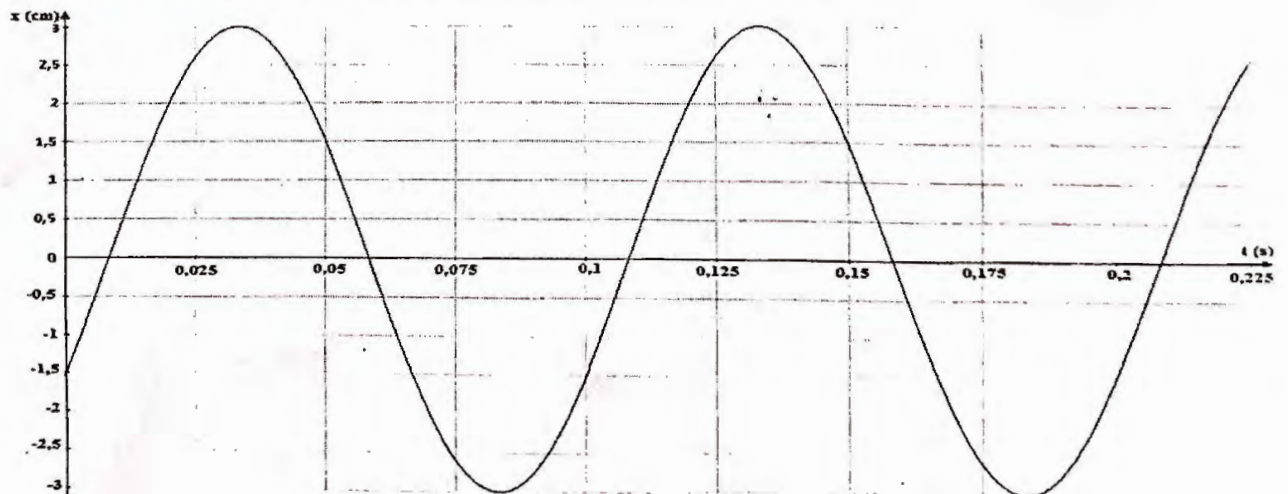
2/ Déterminer l'amplitude  $X_m$ , la période T, la pulsation  $\omega$  et la phase initiale  $\varphi$  du mouvement. Déduire ensuite l'expression numérique de la loi horaire du mouvement de ce mobile.

3/ Combien de temps met le mobile pour parcourir le segment délimité par  $X_m$  et  $-X_m$  ?

5/ A quel instant le mobile passe-t-il pour la première fois (après la date  $t=0$ ) au point d'abscisse  $x = 2 \text{ cm}$  en allant dans le sens positif ?

6/ Calculer la vitesse et l'accélération du mobile à cet instant. Le mouvement à cet instant est-il accéléré ou retardé ?

7/ Calculer la distance L parcourue par le mobile entre les instants  $t_0 = 0 \text{ s}$  et  $t_1 = 2T$ .



#### EXERCICE 7:

Dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ , un mobile est animé d'un mouvement dont les équations horaires sont  $x(t) = 1 + 2\cos(2\pi t)$ ;  $y(t) = 2 + 2\sin(2\pi t)$ ; ( $t$  est en seconde,  $x$  et  $y$  en m)

1/ Montrer que le mouvement est circulaire uniforme.

2/ Calculer la vitesse angulaire et la norme de l'accélération du mobile.

4/ Donner l'équation de l'abscisse curviligne  $s(t)$  en prenant le point A(1,0) comme origine des abscisses curvilignes.