



SERIE D'EXERCICES SUR P2: ENERGIE CINETIQUE

EXERCICE 1:

Un skieur de masse $m = 80 \text{ kg}$ glisse sur une piste formée de trois parties:

- une partie AB rectiligne inclinée d'un angle $\alpha = 30^\circ$ par rapport à l'horizontal et de longueur L ;
- une partie BC circulaire de centre O et de rayon r qui intercepte un angle $\beta = 60^\circ$;
- une partie CD rectiligne horizontale de longueur L' .

Toute la trajectoire a lieu dans un même plan vertical et le skieur part en A sans vitesse initiale.

1/ Les frottements sont supposés négligeables sur toute la piste.

a/ En appliquant le théorème de l'énergie cinétique, exprimer la vitesse

V_B en fonction de g , L et α puis la vitesse V_C en fonction de g , r , L , α et β .

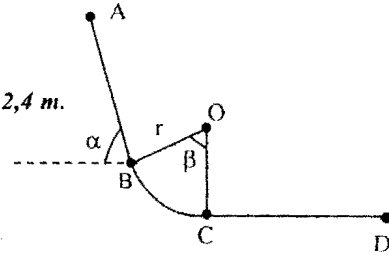
b/ Faire l'application numérique de V_B et de V_C . **On donne: $g = 10 \text{ N/kg}$; $L = 2,5 \text{ m}$ et $r = 2,4 \text{ m}$.**

2/ Les frottements ne sont plus négligés et ils sont équivalents à une force unique d'intensité f .

a/ Exprimer les nouvelles vitesses V_B' et V_C' respectivement en fonction de g , L , α et f et en fonction de g , r , L , α , β et f .

b/ Faire l'application numérique avec les mêmes données précédentes et $f = 10 \text{ N}$.

c/ Le skieur arrivera-t-il en D? Justifier votre réponse clairement. On donne $L' = 100 \text{ m}$.



EXERCICE 2:

On considère la glissière représentée ci-dessous.

► AB est un plan rugueux incliné d'un angle $\alpha = 30^\circ$ par rapport à l'horizontale et de longueur $AB = L = 4 \text{ m}$.

► BC un plan horizontal rugueux de longueur L' .

► CD est un demi-cercle lisse de centre O et de rayon $r = 0,5 \text{ m}$.

L'ensemble du trajet est contenu dans un plan vertical.

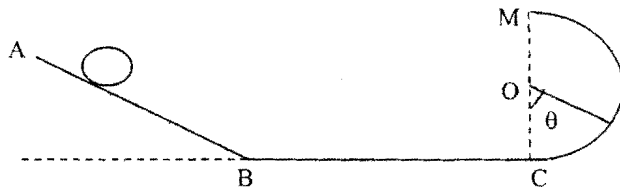
Un solide de masse $m = 1 \text{ Kg}$ est abandonné en A sans vitesse initiale.

1/ Calculer l'intensité des forces de frottements équivalente à une force unique f s'exerçant sur le solide sur le plan incliné, sachant que le solide arrive en B avec une vitesse $V_B = 6,1 \text{ m/s}$

2/ Sur ce plan BC le solide est soumis à des forces de frottements équivalente à une force f' d'intensité $f' = 0,5 \text{ N}$; et arrive en C avec une vitesse $V_C = 5,8 \text{ m/s}$. Calculer la distance L' .

3/ Etablir l'expression de la vitesse du solide en M en fonction de m , g , r , θ et V_C . En déduire la valeur de la vitesse du solide au point D.

4/ Avec quelle vitesse, le solide retombe-t-il sur le plan BC



EXERCICE 3:

Un solide de masse $m = 1 \text{ kg}$ assimilable à un point matériel glisse sur une piste formée de trois parties AB, BC et CD qui sont dans un même plan vertical.

► AB représente un arc de cercle de centre O et de rayon $r = 15 \text{ cm}$. Le point O est situé sur la verticale de B;

► BC est une partie rectiligne de longueur $L = 50 \text{ cm}$;

► CD est un plan incliné de pente 8%

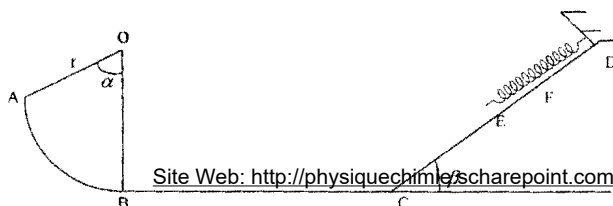
Le solide est lancé en A avec une vitesse initiale telle que $V_A = 3 \text{ m/s}$.

1/ Énoncer le théorème de l'énergie cinétique

2/ On néglige les frottements sur la partie AB. Calculer la vitesse au point B défini par l'angle $\alpha = 60^\circ$

3/ Sur tout le trajet ABC existant, en fait, des forces de frottement assimilables à une force unique supposée constante, tangente à la trajectoire. Calculer la valeur de ces forces de frottement si le solide arrive en C avec une vitesse de $2,5 \text{ m/s}$

4/ Arrivé en C avec une vitesse de $2,5 \text{ m/s}$, le solide aborde la partie CD et rencontre l'extrémité libre E d'un ressort de constante de raideur k et le comprime d'une longueur maximale $EF = x = 3 \text{ cm}$. Seule sur la partie $CE = d = 15 \text{ cm}$ s'exercent des forces de frottement assimilables à une force unique f' , tangente à la trajectoire, et de valeur 1 N . Au-delà de E on néglige les frottements. Déterminer la valeur de la constante de raideur k du ressort.



EXERCICE 4:

Un solide (S) de masse $m = 1 \text{ Kg}$ assimilable à un point matériel est lancé à partir d'un point A sur un plan incliné d'un angle $\alpha = 30^\circ$ par rapport à l'horizontale avec une vitesse $v_A = 6 \text{ m/s}$.

1/ En supposant les frottements négligeables et le plan suffisamment long, quelle longueur l devrait parcourir (S) avant de s'arrêter ?

2/ En réalité, on constate que (S) parcourt une distance $AB = l_1 = 3,2 \text{ m}$ le long du plan incliné. En déduire l'intensité f supposée constante des forces de frottement qui s'exerce sur (S) entre A et B.

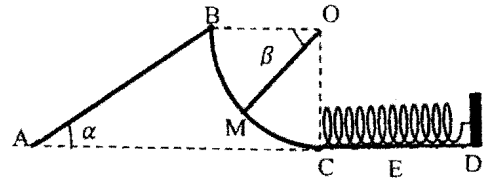
3/ Le mobile (S) aborde maintenant, sans vitesse initiale, une piste formée de deux parties:

► une partie circulaire BC de centre O et de rayon $r = 1 \text{ m}$

► une partie rectiligne CD

On suppose qu'il existe des forces de frottement équivalentes à une force unique \vec{f}' s'exerçant sur le solide sur toute la piste BCD dont l'intensité $f' = 1,27 \text{ N}$.

La position de l'objet sur la partie BC est repérée par l'angle $\beta = (\widehat{OB, OM})$.



a/ Exprimer la vitesse de (S) au point M en fonction de r, f', g, m et β .

b/ Calculer cette vitesse au point C.

c/ Arrivé en C avec une vitesse de 4 m/s , le solide aborde la partie CD et rencontre l'extrémité libre C d'un ressort de constante de raideur $k = 2500 \text{ N.m}^{-1}$ et le comprime d'une longueur maximale $CE = x$. Déterminer la valeur x . Données: $g = 10 \text{ N/Kg}$; $\pi = 3,14$.

EXERCICE 5:

Une platine de tourne-disque, de moment d'inertie $J_{(A)} = 18,84 \cdot 10^{-2} \text{ kg.m}^2$, est entraînée à la vitesse de 300 rad/min .

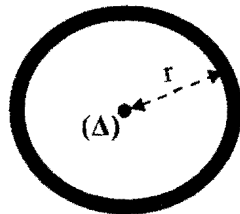
1/ Déterminer l'énergie cinétique de la platine.

2/ On coupe l'alimentation du moteur, la platine de tourne-disque effectue **5 tours** avant de s'immobiliser.

a/ Déterminer le travail des forces de frottement.

b/ Calculer le moment, supposé constant, des forces de frottement. Prendre $\pi = 3,14$

c/ En déduire l'intensité des forces de frottement sachant que le rayon de la platine $r = 2 \text{ cm}$.

**EXERCICE 6:**

Une tige AB, mince, homogène et rigide, de section constante est mobile dans un plan vertical autour d'un axe horizontal (Δ) , qui lui est perpendiculaire et passant par l'extrémité A. La tige est de masse $m = 500 \text{ g}$ et de longueur $2L = 60 \text{ cm}$. On l'écarte d'un angle $\theta = 60^\circ$ par rapport à la verticale et on l'abandonne sans vitesse initiale.

1/ Le moment d'inertie de la tige par rapport à (Δ) est $J_A = \frac{4}{3} mL^2$. Calculer la valeur de J_A .

2/ Déterminer la vitesse angulaire de la tige lorsqu'elle passe par sa position d'équilibre.

3/ Quelle vitesse minimale faut-il communiquer au point B, lorsque la tige est dans sa position d'équilibre stable pour qu'elle effectue un tour complet autour de l'axe (Δ) , si les frottements sont négligeables ?

4/ Dans sa position d'équilibre, la tige est mise en rotation autour de l'axe (Δ) avec une vitesse de 150 tours/s . Elle effectue 5 tours et quart avant de s'arrêter sous l'action d'un couple de forces de frottement.

Calculer le moment de ce couple de forces de frottement.

