

SERIE D'EXERCICE DE RENFORCEMENTS SUR LES CONDENSATEURS ET DIPOLES RC

2024/2025

Exercice 1 :

On considère le circuit électrique schématisé ci-contre :

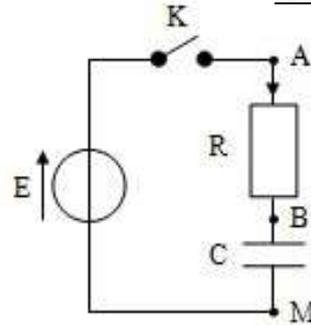
On donne :

- E est la f e m du générateur supposé idéal
- R = 50 KΩ

Le sens positif du courant est comme indiqué sur le schéma.

Dans la convention récepteur, on appellera :

- u_R la tension aux bornes du résistor de résistance R.
- u_C la tension aux bornes du condensateur de capacité C.



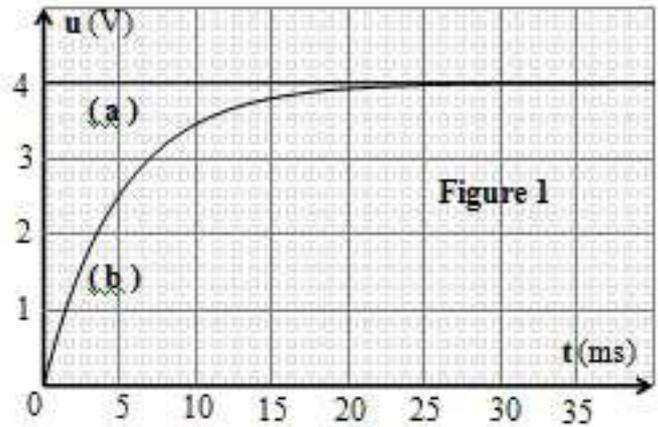
1⁰) On se propose d'enregistrer, à l'aide d'un oscilloscope à mémoire, la tension u_{AM} sur la voie 1 (Y₁) et la tension u_{BM} sur la voie 2 (Y₂).

Reprendre le schéma du circuit électrique et rajouter les flèches représentant les tensions u_R et u_C .

Indiquer alors sur le même schéma les branchements nécessaires à l'oscilloscope.

2⁰) Le condensateur étant initialement complètement déchargé, on ferme, à $t = 0$, l'interrupteur K.

On enregistre les variations des tensions u_{AM} et u_{BM} au cours du temps. On obtient les courbes (a) et (b) de la figure 1 :



a - Que représente chacune des tensions u_{AM} et u_{BM} ?

b - Associer, en le justifiant, chacune des courbes (a) et (b) à la tension qu'elle représente.

3⁰) La tension u_C aux bornes du condensateur vérifie à chaque instant l'équation différentielle :

$$RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

a - La solution de cette équation différentielle s'écrit sous la forme : $u_C(t) = Ae^{-\frac{t}{\tau}} + B$.

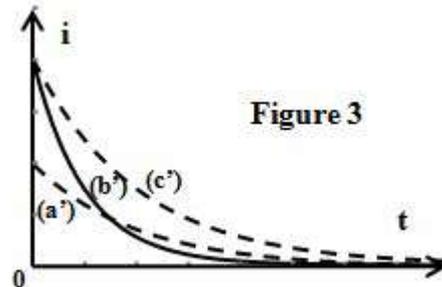
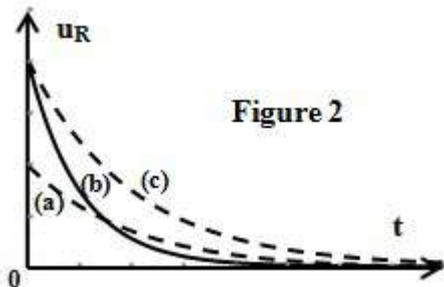
Exprimer A, τ et B en fonction de E, R et C. En déduire l'expression de $u_C(t)$ en fonction de E et τ .

b - Comment nomme-t-on τ ? Montrer qu'elle est homogène à un temps.

c - Déterminer, d'après la figure 1, les valeurs de E et de τ .

d - Calculer alors la valeur de la capacité C du condensateur utilisé.

4⁰) Sur les figures 2 et 3, les courbes (b) et (b') représentent respectivement les variations de la tension $u_R(t)$ aux bornes du résistor et celles de l'intensité du courant $i(t)$ au cours du temps :



a - Etablir les expressions de $u_R(t)$ et $i(t)$ en fonction de E, R et C.

b - On maintient E et C constantes et on double la valeur de la résistance R du résistor.

Identifier sur chacune des figures, en le justifiant, respectivement les nouvelles courbes représentatives des variations de $u_R(t)$ et $i(t)$ au cours du temps.

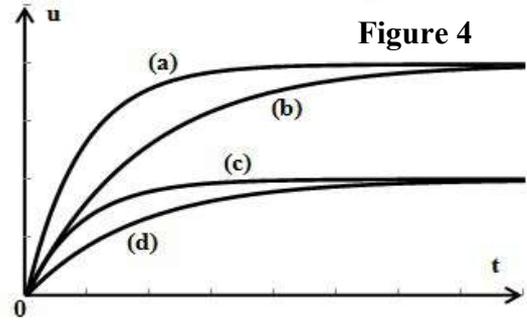
5⁰) On réalise plusieurs expériences de la charge d'un condensateur avec différentes valeurs de E, R et C. On prend soin de décharger rapidement le condensateur avant chaque nouvelle expérience.



a - Comment peut-on réaliser simplement la décharge rapide du condensateur ?

b - La figure 4 donne les différentes courbes de charges relatives aux différentes expériences réalisées :

| Expérience | 1 | 2 | 3 | 4 |
|------------|------|------|------|------|
| R (KΩ) | 10 | 20 | 10 | 10 |
| C (μF) | 0,22 | 0,22 | 0,22 | 0,47 |
| E (V) | 4 | 2 | 2 | 4 |

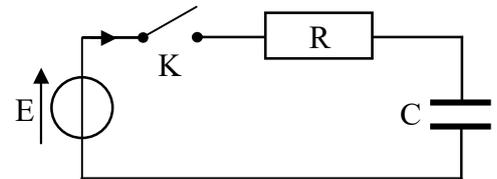


Attribuer à chaque expérience la courbe correspondante. Justifier la réponse.

Exercice 2 :

Le montage du circuit électrique schématisé ci-contre comporte :

- un générateur de tension idéal de force électromotrice E
- un conducteur ohmique de résistance R
- un condensateur de capacité C
- un interrupteur K



Un dispositif d'acquisition des données relié à un ordinateur permet de suivre l'évolution, en fonction du temps, de la tension u_c aux bornes du condensateur ainsi que l'intensité i du courant qui le traverse.

Le condensateur étant préalablement déchargé, on déclenche les acquisitions à la fermeture de K.

On obtient alors les courbes $u_c(t)$ et $i(t)$ ci-contre :

1⁰ a - Recopier le schéma du montage et, en utilisant la convention récepteur, représenter par des flèches les tensions u_c aux bornes du condensateur et u_R aux bornes du conducteur ohmique.

b - Etablir l'équation différentielle vérifiée par la tension u_c pendant la charge du condensateur.

c - Vérifier que : $u_c(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$ avec $\tau = R.C$

est la solution analytique de l'équation différentielle et qu'elle respecte la condition initiale.

d - En déduire l'expression de $i(t)$ en fonction de E, R et τ .

2⁰ a - En exploitant les courbes $u_c(t)$ et $i(t)$, trouver les valeurs de E et de R.

b - Déterminer graphiquement la valeur de la constante de temps τ du dipôle RC considéré. En déduire que la valeur de la capacité du condensateur est $C = 2200 \mu F$.

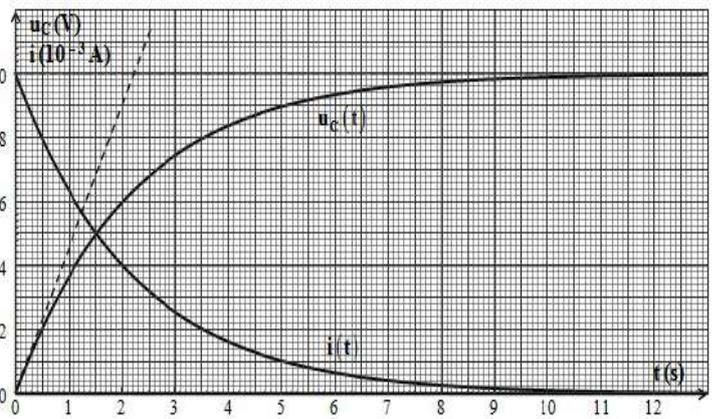
3⁰ a - Calculer la valeur de la pente A de la tangente à l'origine à la courbe $u_c(t)$.

b - Montrer que l'intensité du courant à $t = 0$ s'écrit : $i(0) = C.A$.

Calculer la valeur de $i(0)$.

Vérifier que la valeur calculée de $i(0)$ est en accord avec sa valeur graphique.

4⁰ Le condensateur étant initialement totalement chargé, on le décharge à travers deux résistors différents. On enregistre l'évolution temporelle de la tension u_c aux bornes du condensateur au cours de la décharge.



Avec un résistor de résistance (R_1) on obtient la courbe (1) représentée sur le graphe ci-dessous.

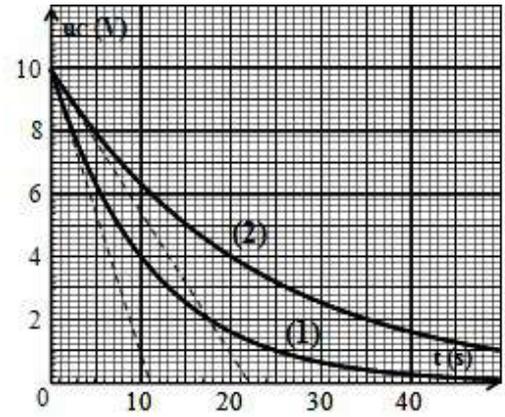
En effectuant la même opération avec un résistor de résistance (R_2), on obtient la courbe (2) du graphe.

a - Proposer une méthode graphique de détermination des résistances R_1 et R_2 . Calculer leurs valeurs numériques.

b - Calculer l'énergie électrostatique E_C initialement emmagasinée par le condensateur lors de sa charge.

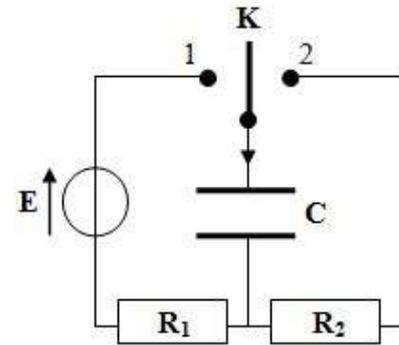
c - En déduire la valeur de l'énergie E_{th} dissipée par effet Joule dans le résistor de résistance R_1 lorsque la décharge du condensateur est terminée.

d - Cette énergie E_{th} est-elle différente avec le résistor de résistance R_2 ? Justifier la réponse.



Exercice 3 :

On considère le montage du circuit électrique schématisé ci-contre : Un dispositif d'acquisition des données relié à un ordinateur permet de suivre l'évolution, en fonction du temps, de la tension u_C aux bornes du condensateur ainsi que la tension u_R aux bornes de chacun des résistors.

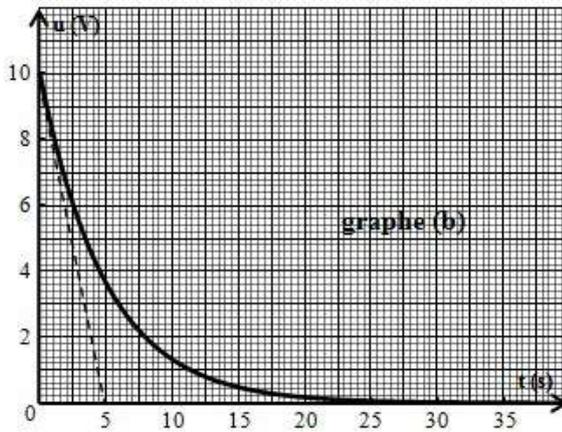
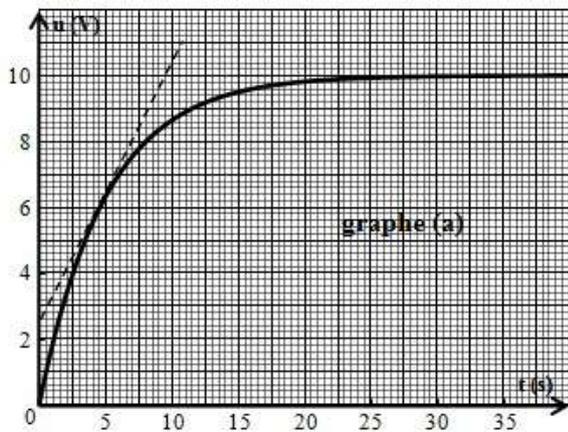


I - Charge du condensateur :

Le condensateur étant initialement déchargé, on ferme l'interrupteur K sur la position 1 à un instant pris comme origine du temps.

On s'intéresse aux tensions u_C et u_{R_1} .

On obtient alors les deux graphes (a) et (b) ci-dessous :



1⁰ a - Des tensions u_C et u_{R_1} , laquelle qui permet de suivre l'évolution au cours du temps de l'intensité i du courant dans le circuit? Justifier la réponse.

b - Quel est, parmi les graphes (a) et (b), celui qui représente $u_C(t)$. Justifier la réponse.

2⁰ a - Etablir l'équation différentielle : $R_1 \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = E$ vérifiée par la tension u_C .

b - La solution de cette équation différentielle est de la forme $u_C(t) = Ae^{-\alpha t} + B$ où A , α et B sont des constantes. En posant $\tau_1 = R_1 \cdot C$, montrer que $u_C(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right)$. En déduire alors que $u_{R_1}(t) = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}}$.

3⁰ a - Comment appelle-t-on le produit $\tau_1 = R_1 \cdot C$?

b - Vérifier que τ_1 est homogène à un temps.

4⁰ a - D'après la courbe $u_{R_1} = f(t)$, déterminer graphiquement les valeurs de E et de τ_1 .



b - Sachant que $R_1 = 10\text{ K}\Omega$, calculer la valeur de la capacité C du condensateur.

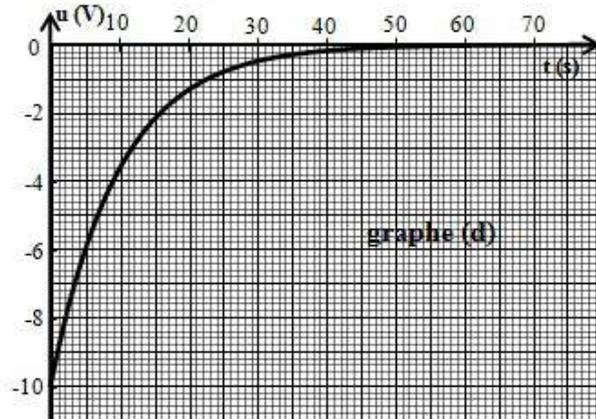
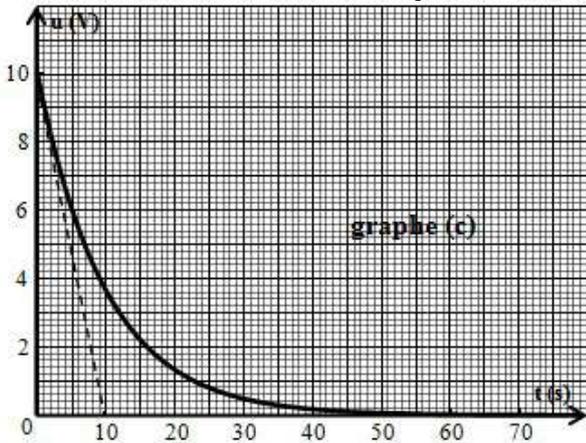
5⁰ **a** - En exploitant la courbe $u_{R_1} = f(t)$, trouver la valeur de l'intensité $i(\tau_1)$ du courant à l'instant τ_1 .

b - Sachant que $i(t) = C \cdot \left(\frac{du_C}{dt}\right)_t$ et en exploitant la tangente à la courbe $u_C = f(t)$ au point d'abscisse τ_1 , retrouver la valeur de la capacité C du condensateur.

II - Décharge du condensateur :

Le condensateur étant pratiquement complètement chargé, on bascule l'interrupteur K sur la position 2 à un instant pris comme origine du temps.

On s'intéresse aux tensions u_C et u_{R_2} . On obtient alors les deux graphes (c) et (d) ci-dessous :



6⁰ **a** - Associer chacun des graphes (c) et (d) à la tension qu'il représente. Justifier la réponse.

b - En quoi les courbes $u_C(t)$ et $u_{R_2}(t)$ montrent-elles que $R_1 \neq R_2$. Calculer la valeur de R_2 .

7⁰ **a** - Quelle est la valeur de l'énergie électrostatique E_C initialement emmagasinée par le condensateur.

b - Calculer l'énergie E_{th} dissipée par effet Joule dans le résistor entre les instants $t = 0$ et $t = \tau_2 = R_2 \cdot C$.

Exercice 4 :

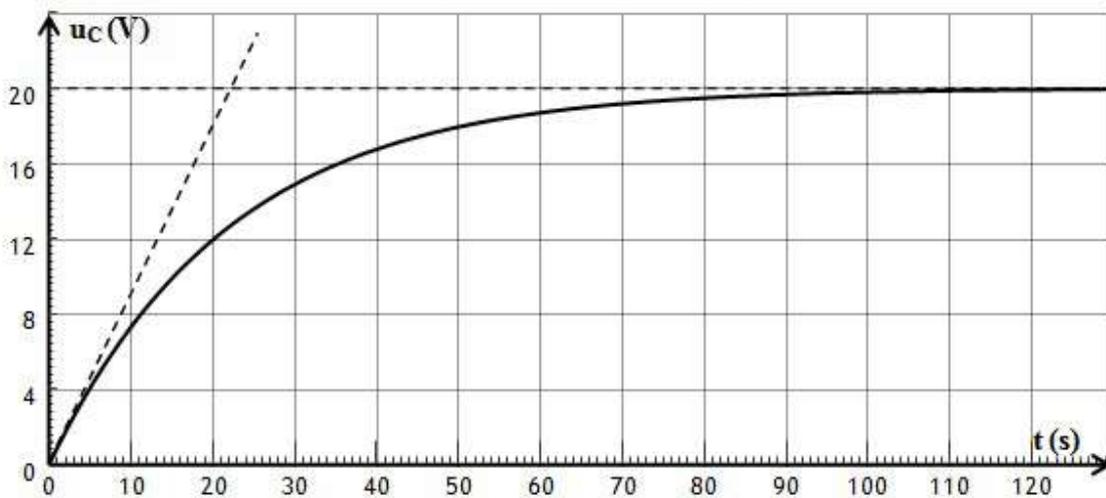
1⁰ Un condensateur comporte les indications suivantes : $2200\ \mu\text{F}$; $63\ \text{V}$.

Que représente chacune de ces indications ?

2⁰ Ce condensateur est associé en série avec un résistor de résistance $R = 10\ \text{K}\Omega$.

Le dipôle RC ainsi constitué est alimenté par un générateur de tension idéal de $f \text{ é m E}$.

Le condensateur est initialement déchargé. A $t = 0$, on ferme le circuit. L'évolution de la tension u_C aux bornes du condensateur en fonction du temps est donnée par le graphe ci-dessous :



a - Etablir l'équation différentielle gégrant l'évolution de la tension u_C en fonction du temps.

b - La solution de cette équation différentielle est $u_C(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$ avec $\tau = R \cdot C$.



Comment appelle-t-on le produit $\tau = R.C$? Vérifier que τ est homogène à un temps.

c - Déterminer graphiquement la valeur de E et celle de τ . Déduire la valeur de la capacité C du condensateur.

d - Evaluer graphiquement la durée Δt du régime transitoire. Comparer Δt à 5τ .

3⁰) En utilisant la loi des mailles, montrer que lorsque le régime permanent est établi, l'intensité du courant $i_p = 0$.

En déduire alors la valeur q_p de la charge du condensateur.

4⁰) Calculer la valeur de l'énergie électrostatique E_C emmagasinée par le condensateur à la fin de la charge.

5⁰) L'intensité du courant s'exprime sous la forme : $i(t) = Ae^{-\alpha.t}$ où A et α sont des constantes.

a - Sachant que $i(t) = C \cdot \left(\frac{du_c}{dt}\right)_t$ et par identification, exprimer A et α en fonction de E , R et C .

b - Calculer la valeur de $i(0)$.

Exercice 5 :

On considère le montage du circuit électrique schématisé ci-contre :

I - Charge du condensateur :

Le condensateur étant initialement déchargé, on ferme l'interrupteur K sur la position 1 à un instant pris comme origine du temps.

Le graphe ci-dessous représente l'évolution, au cours du temps, de la charge q du condensateur :

1⁰) La charge q du condensateur est-elle portée sur l'armature A ou B du Condensateur ? Justifier la réponse.

2⁰) **a** - Etablir l'équation différentielle gérant l'évolution de la charge q du condensateur en fonction du temps.

b - La solution de cette équation différentielle a comme expression :

$$q(t) = C.E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}\right) \text{ avec } \tau_1 = R_1.C . \text{ Déduire alors l'expression de}$$

l'intensité $i(t)$ du courant qui circule dans le circuit et l'expression

de la tension $u_c(t)$ aux bornes du condensateur.

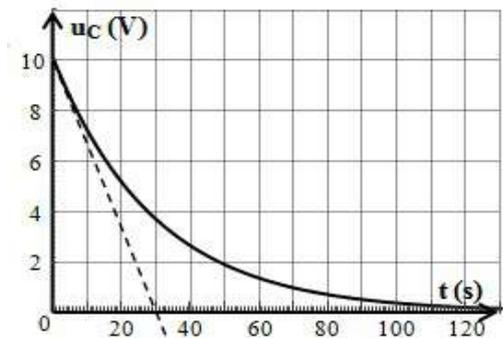
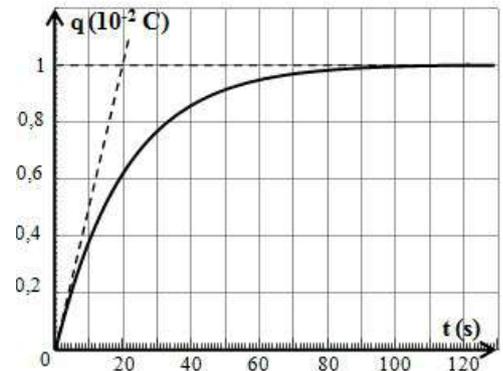
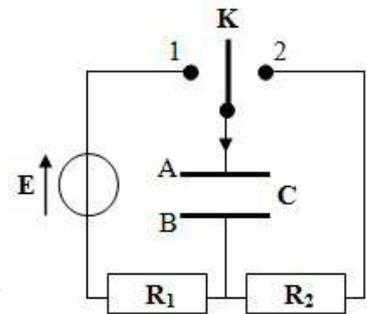
3⁰) **a** - Déterminer graphiquement la valeur de $C.E$ ainsi que la valeur de τ_1 .

b - En déduire la valeur de $I_0 = i(0)$.

II - Décharge du condensateur :

Le condensateur étant initialement complètement chargé, on bascule l'interrupteur K sur la position 2 à un instant pris comme origine du temps.

Le graphe ci-contre représente l'évolution, au cours du temps, de la tension u_c aux bornes du condensateur.



4⁰) L'équation différentielle qui gère l'évolution de la tension u_c au cours du temps est :

$$\tau_2 \cdot \frac{du_c}{dt} + u_c = 0 \text{ avec } \tau_2 = R_2.C.$$

a - Vérifier que : $u_c(t) = E.e^{-\frac{t}{\tau_2}}$.

b - Déterminer graphiquement la valeur de E et celle de τ_2 .



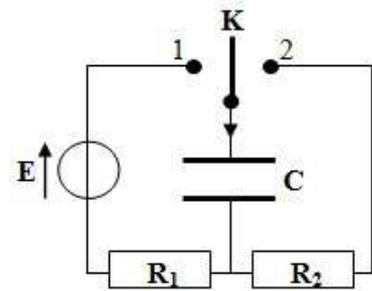
5⁰) Calculer la valeur de C et celle de chacune des résistances R₁ et R₂.

6⁰) Quelle est la valeur de l'énergie thermique E_{th} dissipée par effet Joule au cours de la décharge complète ?

Exercice 6 :

On considère le montage du circuit électrique schématisé ci-contre :

1⁰) Le condensateur est initialement déchargé. On ferme l'interrupteur K sur la position 1 à un instant pris comme origine du temps. Un dispositif d'acquisition des données relié à un ordinateur permet de suivre l'évolution, en fonction du temps, de la tension u_C aux bornes du condensateur. On obtient alors le graphe (a) ci-dessous :



a - La tension u_C aux bornes du condensateur vérifie à chaque instant

l'équation différentielle : $R_1 \cdot C \frac{du_C}{dt} + u_C = E$

Vérifier que : $u_C(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right)$ avec $\tau_1 = R_1 \cdot C$ est la solution

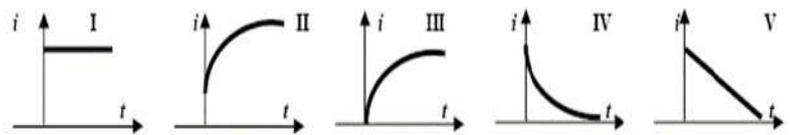
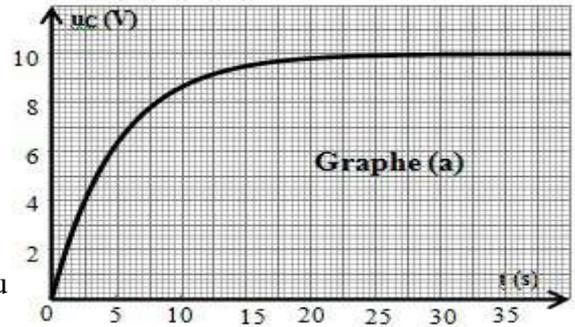
de cette équation différentielle qui respecte la condition initiale.

b - Déterminer graphiquement les valeurs de E et de τ_1 .

c - Sachant que R₁ = 1 KΩ, calculer la valeur de la capacité C du condensateur.

d - En admettant que le condensateur est pratiquement totalement chargé à l'instant de date t = 5τ₁, calculer la valeur de l'énergie E_C stockée par le condensateur à cet instant.

e - Quelle est, parmi les courbes suivantes, celle qui représente l'évolution de l'intensité i(t) du courant de charge au cours du temps ? Justifier la réponse.



2⁰) Le condensateur étant chargé. On bascule K sur la position 2 à un instant pris comme origine du temps.

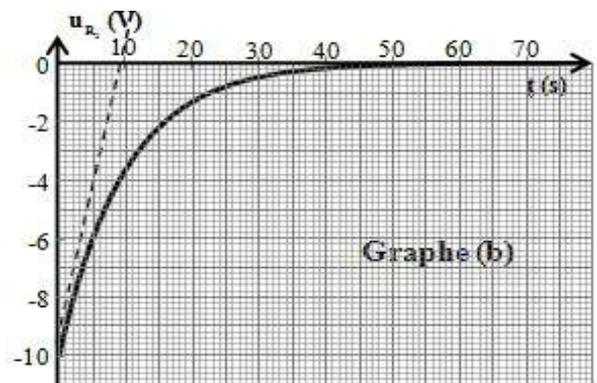
Le dispositif d'acquisition relié à l'ordinateur permet de suivre l'évolution, en fonction du temps, de la tension u_{R₂} aux bornes du résistor de résistance R₂. On obtient le graphe (b) ci-contre :

a - Sachant que $\tau_2 = R_2 \cdot C$ et en exploitant le graphe, montrer que R₂ = 2R₁.

b - On donne : $u_C(t) = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}}$. Montrer alors que l'intensité du

courant de décharge est $i(t) = -\frac{E}{R_2} e^{-\frac{t}{R_2 \cdot C}}$.

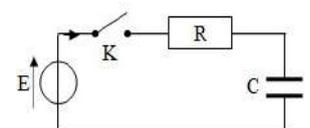
c - Calculer la valeur de i(0).



Exercice 7 :

On étudie la charge d'un condensateur de capacité C = 100 μF à travers un résistor de résistance R par un générateur idéal de f é m E.

Le condensateur est initialement déchargé et à t = 0, on ferme le circuit de charge.



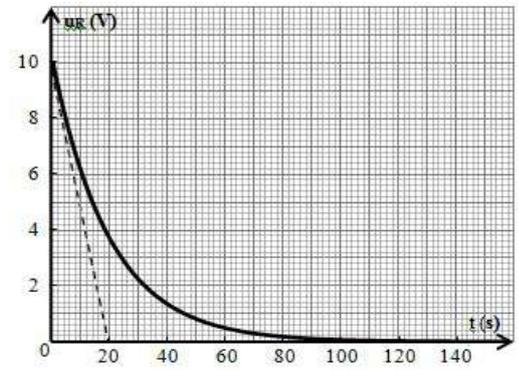
1⁰) a - En utilisant la convention récepteur, représenter par une flèche la tension u_C aux bornes du condensateur et par une autre la tension u_R aux bornes du résistor.

b - Etablir l'équation différentielle vérifiée par la tension u_C aux bornes du condensateur pendant la charge.

c - La solution de cette équation différentielle est de la forme $u_C(t) = Ae^{-\alpha \cdot t} + B$ où A, α et B sont des



constantes. En posant $\tau = R.C$, montrer que $u_C(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$.



d - En déduire alors que $u_R(t) = E.e^{-\frac{t}{\tau}}$.

2⁰) a - Comment appelle-t-on le produit $\tau = R.C$?

b - Vérifier que τ est homogène à un temps.

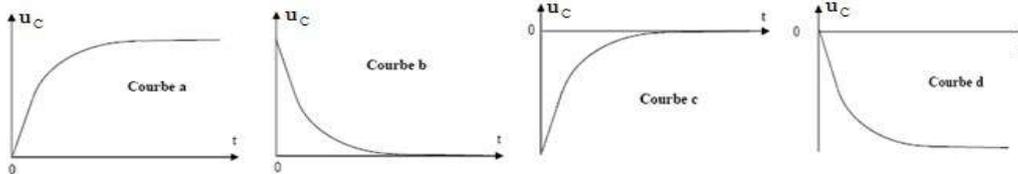
3⁰) La courbe ci-contre donne l'évolution de la tension u_R aux bornes du résistor au cours du temps :

a - Déterminer graphiquement les valeurs de E et de τ .

b - Calculer la valeur de la résistance R du résistor.

4⁰) Calculer la valeur de l'énergie électrostatique E_C emmagasinée par le condensateur à la fin de la charge.

5⁰) Indiquer, parmi les courbes ci-dessous, celle qui représente la tension u_C . Justifier la réponse.



6⁰) Le montage du circuit est modifié en ajoutant :

- aux bornes du condensateur :

un bouton poussoir P qui joue le rôle d'un interrupteur qui se ferme seulement lorsqu'on appuie dessus.

- aux bornes du résistor :

un composant électronique M qui permet l'allumage de la lampe L tant que la tension aux bornes du résistor reste supérieure à une valeur limite $U = 3 \text{ V}$ caractéristique du composant électronique M.

Le composant électronique M a une alimentation propre et ne perturbe pas le fonctionnement du circuit RC.

A $t = 0$, le condensateur est déchargé. On ferme l'interrupteur K, le bouton poussoir P est relâché.

a - Déterminer graphiquement, à partir de la courbe $u_R = f(t)$, la durée t_A d'allumage de la lampe L.

b - Etablir l'expression de t_A en fonction de U , E et τ .

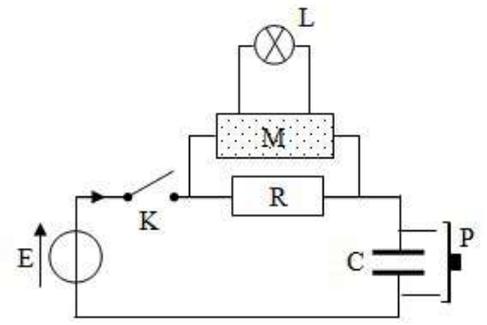
c - Calculer alors la valeur de t_A .

7⁰) a - On appuie sur le bouton poussoir P. Que vaut la tension aux bornes du condensateur ?

b - Que se passe-t-il alors pour la lampe dans les deux cas suivants :

- si la lampe est déjà allumée.

- si la lampe est éteinte.



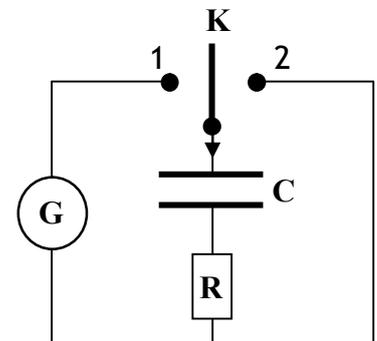
Exercice 8 :

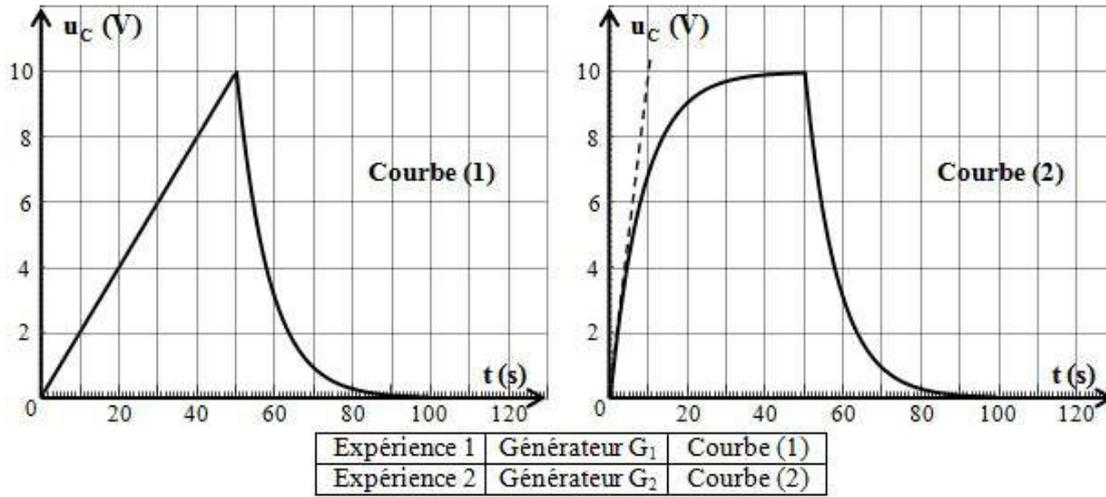
On se propose d'étudier la charge et la décharge d'un condensateur de capacité C à travers un résistor de résistance R. Pour cela, on réalise le montage électrique schématisé ci-contre.

Le condensateur est initialement déchargé.

A l'instant $t = 0$, on place le commutateur K sur la position (1) puis, à un instant $t = t_d$, on bascule le commutateur dans la position (2).

La même expérience est réalisée par deux générateurs différents G_1 et G_2 . L'évolution de la tension u_C aux bornes du condensateur au cours du temps, pour chacune des deux expériences, est tracée sur le graphe ci-dessous :





1⁰) a - Déterminer graphiquement la valeur de l'instant t_d .

b - Le générateur utilisé est, soit un générateur de courant débitant une intensité I constante, soit un générateur de tension idéal de f é m E. Sachant que l'intensité du courant s'exprime par $i(t) = C \cdot \frac{du_c}{dt}$, montrer que G_1 est le générateur de courant.

c - Montrer que dans l'expérience 1, entre $t = 0$ et $t = t_d$, la tension u_c s'exprime par $u_c(t) = \frac{I}{C} \cdot t$.

d - Sachant que $I = 20 \mu A$, déterminer la valeur de la capacité C du condensateur.

2⁰) On s'intéresse à l'expérience 2 :

a - Etablir l'équation différentielle vérifiée par la tension u_c aux bornes du condensateur pendant la phase de charge.

b - La solution de cette équation différentielle est de la forme $u_c(t) = A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + B$ où A , τ et B sont des constantes. Déterminer les expressions de ces constantes en fonction des caractéristiques du circuit.

c - Rappeler le nom de la constante τ et vérifier qu'elle est homogène à un temps.

3⁰) a - Déterminer graphiquement les valeurs de E et de τ .

b - Calculer la valeur de la résistance R du résistor.

c - Déterminer la valeur de l'énergie électrostatique E_c emmagasinée par le condensateur à la fin de la phase de charge.

4⁰) On s'intéresse à la phase de décharge dans les deux expériences. La fermeture de K sur la position 2 est prise comme nouvelle origine du temps.

La tension u_c aux bornes du condensateur s'exprime alors par $u_c(t) = U_{cm} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$

a - Si le condensateur était préalablement chargé pendant une durée de $2 \cdot t_d$, quelle serait la valeur de U_{cm1} et de U_{cm2} respectivement dans l'expérience 1 et l'expérience 2.

b - La tension maximale que peut supporter le condensateur est $U_{max} = 25 V$.

Peut-on, dans chaque expérience, charger le condensateur pendant une durée de $3 \cdot t_d$? Justifier la réponse

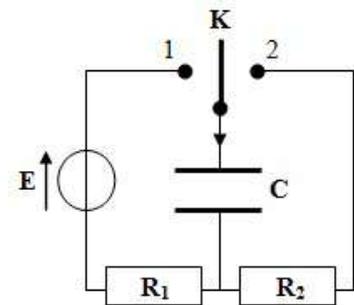
Exercice 9 :

On considère le montage du circuit électrique schématisé ci-contre :
Un dispositif d'acquisition des données relié à un ordinateur permet de suivre l'évolution, en fonction du temps, de la tension u_c aux bornes du condensateur.

I - Charge du condensateur :

Le condensateur est initialement déchargé. On bascule le commutateur K sur la position 1 à un instant pris comme origine du temps.

On enregistre alors le graphe (a) donnant la courbe $u_c = f(t)$ ci-dessous:



1⁰) a - Etablir l'équation différentielle :

$$R_1.C \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

b - La solution de cette équation différentielle est de la forme : $u_C(t) = Ae^{-\alpha t} + B$ où A, α et B sont des constantes.

On pose $\tau_1 = R_1.C$; Montrer que $u_C(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right)$.

2⁰) a - Comment appelle-t-on le produit $\tau_1 = R_1.C$?

b - Vérifier que τ_1 est homogène à un temps.

3⁰) a - Déterminer graphiquement les valeurs de E et de τ_1 .

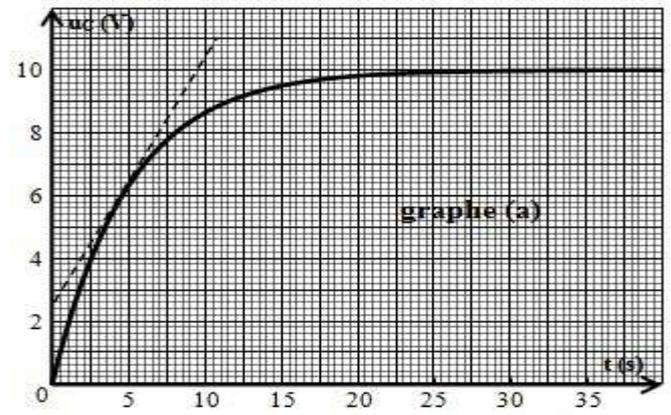
b - Sachant que $R_1 = 10 \text{ K}\Omega$, calculer la valeur de la capacité C du condensateur.

4⁰) a - Déterminer la valeur $u_{R_1}(\tau_1)$ de la tension aux bornes du résistor à l'instant τ_1 .

En déduire la valeur de l'intensité $i(\tau_1)$ du courant à cet instant.

b - Sachant que $i(t) = C \left(\frac{du_C}{dt} \right)_t$ et en exploitant la tangente à la courbe $u_C = f(t)$ au point d'abscisse τ_1 ,

retrouver la valeur de la capacité C du condensateur.



II - Décharge du condensateur :

Le condensateur étant pratiquement complètement chargé, on bascule le commutateur K sur la position 2 à un instant pris comme origine du temps.

On enregistre alors le graphe (b) donnant la courbe $u_C = f(t)$ ci-dessous:

5⁰) a - Trouver graphiquement la valeur de $\tau_2 = R_2.C$
En déduire la valeur de R_2 .

b - En exploitant la loi des mailles, calculer la valeur $i(0)$ de l'intensité du courant à $t = 0$.

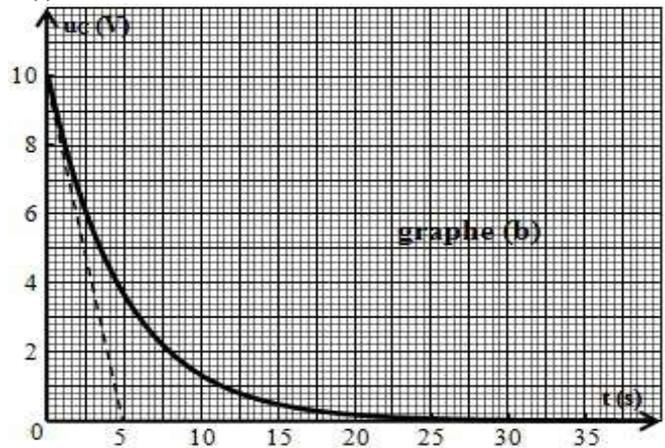
c - En utilisant la tangente à la courbe $u_C = f(t)$ en $t = 0$, retrouver la valeur de $i(0)$.

6⁰) Soit $E_C(0)$ l'énergie électrostatique initialement emmagasinée dans le condensateur.

Soit $E_{th}(t)$ l'énergie dissipée par effet Joule dans le résistor à l'instant t.

a - Sachant que $u_C(t) = E.e^{-\frac{t}{\tau_2}}$, montrer que : $E_{th}(t) = E_C(0) \cdot \left(1 - e^{-2\frac{t}{\tau_2}} \right)$

b - Calculer le rapport $\frac{E_{th}(t)}{E_C(0)}$ pour $t = 5\tau_2$. Commenter le résultat.



Exercice 10 :

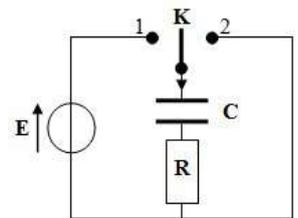
On considère le montage du circuit électrique schématisé ci-contre :

Le générateur de tension idéal a une f é m $E = 10 \text{ V}$.

Le condensateur étant initialement déchargé, on bascule, à l'instant $t = 0$, le commutateur K sur la position 1.

1⁰) Montrer que l'équation différentielle qui gère l'évolution de la tension

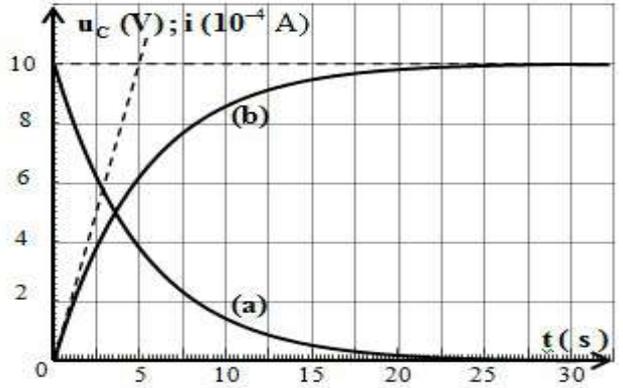
u_C aux bornes du condensateur au cours du temps est : $\tau \left(\frac{du_C}{dt} \right) + u_C = E$ avec $\tau = R.C$



2⁰) On donne ci-contre les courbes d'évolution de la tension $u_c(t)$ aux bornes du condensateur et de l'intensité $i(t)$ du courant qui parcourt le circuit au cours du temps.

Sachant que $u_c(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$:

- a - Identifier les courbes (a) et (b).
- b - Trouver graphiquement la valeur de τ .
- c - Dédire de l'expression de $u_c(t)$ celle de $i(t)$.
- d - Déterminer la valeur de C et celle de R .



3⁰) Calculer la valeur de l'énergie électrique E_{Cm} stockée par le condensateur lorsque le régime permanent est établi.

4⁰) Le condensateur étant initialement totalement chargé, on bascule, à l'instant $t = 0$, le commutateur K sur la position 2.

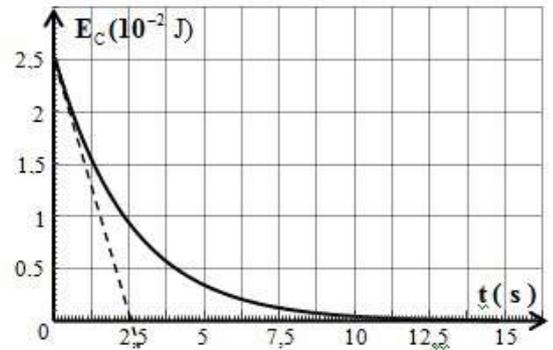
a - L'équation différentielle qui gère l'évolution de la tension u_c aux bornes du condensateur au cours du temps est :

$$\tau \left(\frac{du_c}{dt} \right) + u_c = 0 \quad \text{avec} \quad \tau = R.C$$

Montrer que l'évolution au cours du temps de l'énergie électrique E_c emmagasinée par le condensateur est gérée par une équation différentielle de la forme :

$$\tau \left(\frac{dE_c}{dt} \right) + 2E_c = 0 \quad \text{avec} \quad \tau = R.C$$

b - On donne ci-contre la courbe d'évolution de E_c au cours du temps. Sachant que $E_c(t) = E_{Cm} \cdot e^{-\frac{2t}{\tau}}$:



Déterminer graphiquement les valeurs de E_{Cm} et t de $\left(\frac{dE_c}{dt} \right)_{t=0}$. Dédire alors les valeurs de C et de R .

c - Calculer la valeur de l'énergie thermique E_{th} dissipée par effet Joule dans le résistor entre $t = 0$ et $t = \tau$.

M DIOP 77 809 79 81

FIN DE LA SERIE

