

Aula 3

Mecânica

Cinemática

Física Aplicada à Farmácia

Prof. Dr. Henrique A. M. Faria



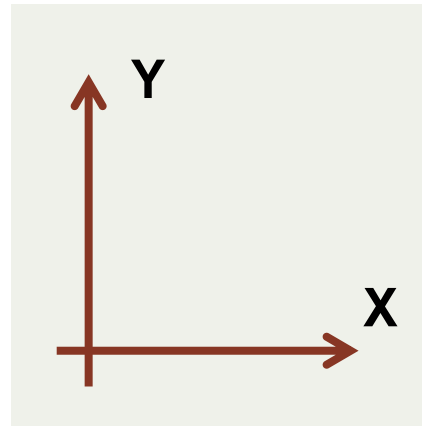
Sistema de coordenadas

- Conjunto de quantidades que especifica de maneira unívoca um ponto no espaço;
- Usado para representar o movimento de um ser vivo no espaço;
- Permite inter-relacionar as variáveis do movimento de dois ou mais corpos.

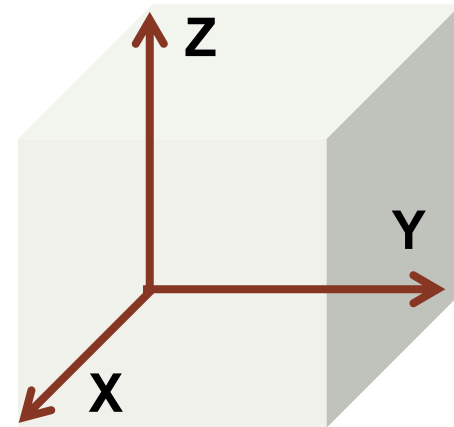
Tipos de sistema de coordenadas



Unidimensional



**Bidimensional
(Cartesiano)**



Tridimensional

Grandeza Escalar

- Definida apenas pela magnitude.

ex.: temperatura, massa e tempo.

Grandeza Vetorial

- Definida pela magnitude, direção e sentido.

ex.: deslocamento, velocidade, aceleração e força.

Direção

Linha imaginária ao longo da qual alguém ou algo se move ou aponta.

Ex.: ao longo do eixo x .



Sentido

Orientação segundo a qual o movimento se efetua.

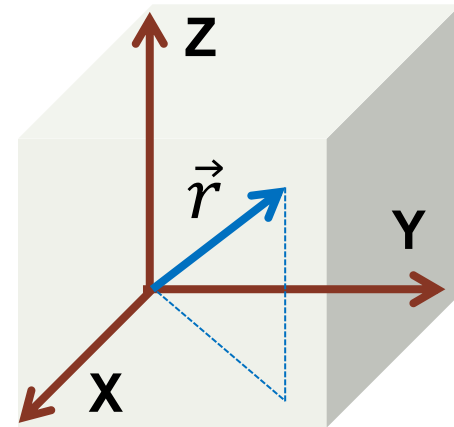
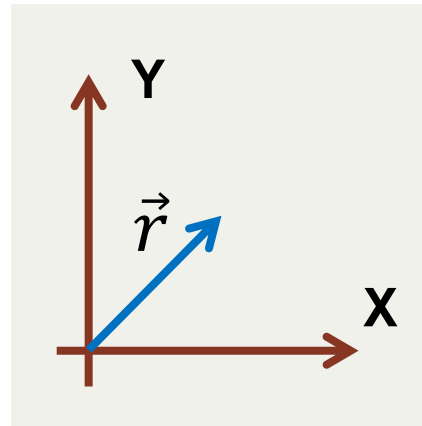
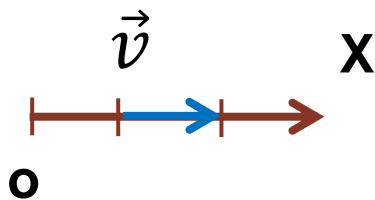
Ex.: da origem para valores crescentes de x .



Três grandezas vetoriais definem o movimento de um corpo:

- Deslocamento ($\Delta\vec{r}$);
- Velocidade (\vec{v});
- Aceleração (\vec{a}).

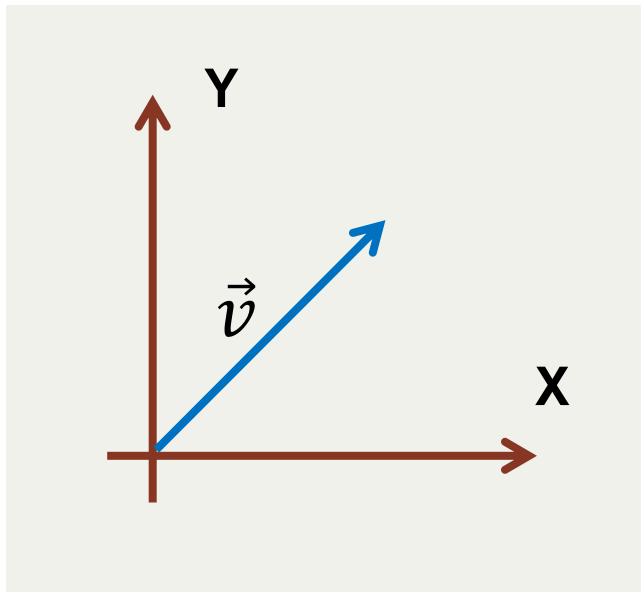
Exemplos de representação de vetores



Unidimensional

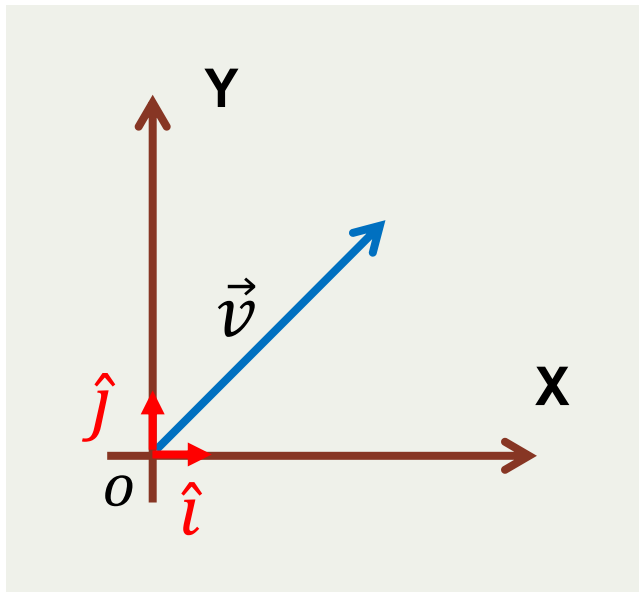
- **Magnitude:** 1 unidade de X;
- **Direção:** do eixo X;
- **Sentido:** da origem para valores positivos de X.

Representação de vetor no plano



\vec{v} : **Vetor velocidade;**

Representação de vetor no plano

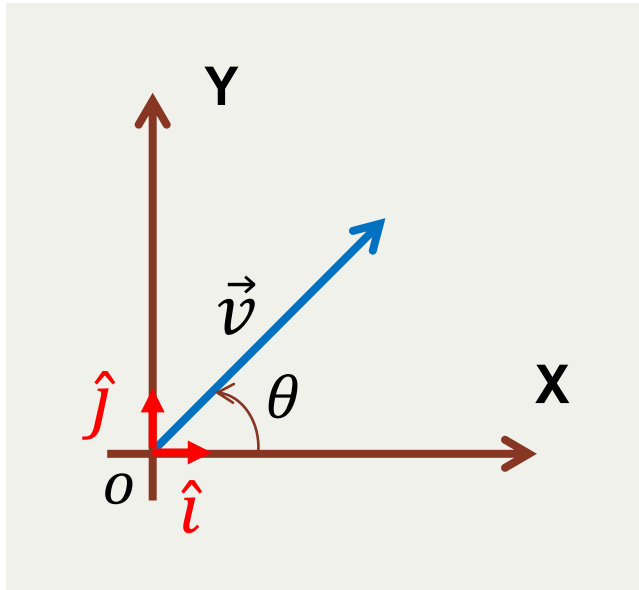


\vec{v} : **Vetor velocidade;**

\hat{i} e \hat{j} : **Vetores unitários;**

O : **Origem do sistema de coordenadas;**

Representação de vetor no plano



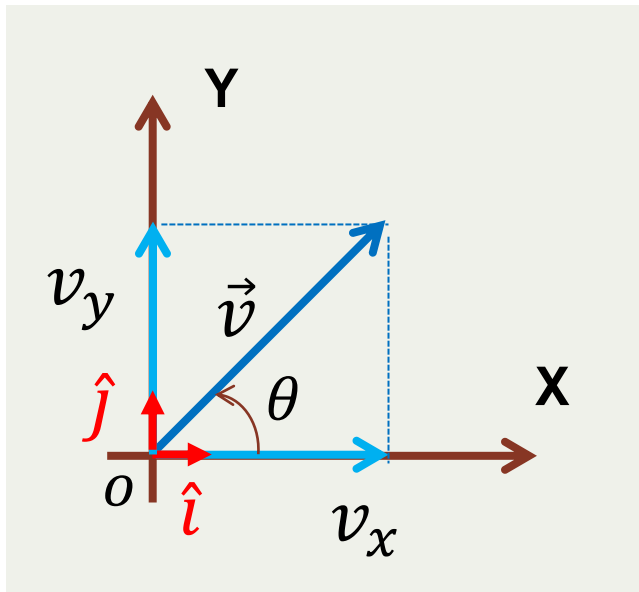
\vec{v} : **Vetor velocidade;**

\hat{i} e \hat{j} : **Vetores unitários;**

O : **Origem do sistema de coordenadas;**

θ : **Ângulo em relação a direção do eixo X;**

Representação de vetor no plano



\vec{v} : **Vetor velocidade;**

\hat{i} e \hat{j} : **Vetores unitários;**

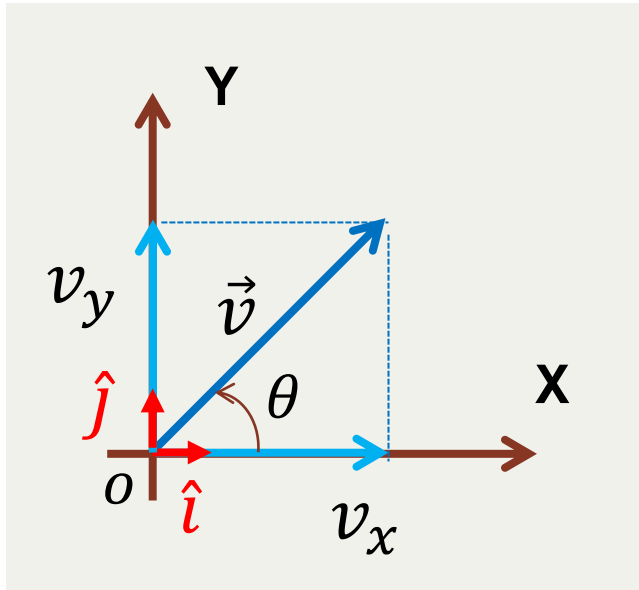
O : **Origem do sistema de coordenadas;**

θ : **Ângulo em relação a direção do eixo X;**

v_y : **Componente do vetor velocidade no eixo Y;**

v_x : **Componente do vetor velocidade no eixo X.**

Relações do vetor no plano



\vec{v} : **Vetor velocidade;**

\hat{i} e \hat{j} : **Vetores unitários;**

O : **Origem do sistema de coordenadas;**

θ : **Ângulo em relação a direção do eixo X.**

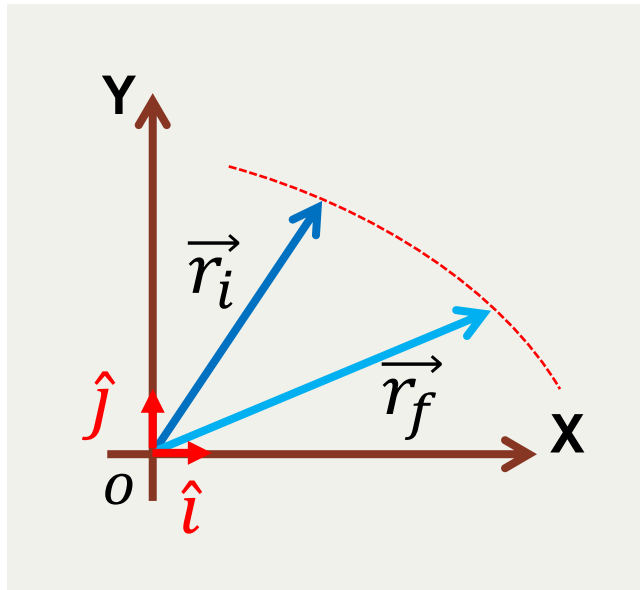
$$v_x = v \cos \theta$$

$$v_y = v \sin \theta$$

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$$

$$\theta = \operatorname{tg}^{-1} \frac{v_y}{v_x}$$

Soma de vetores Posição

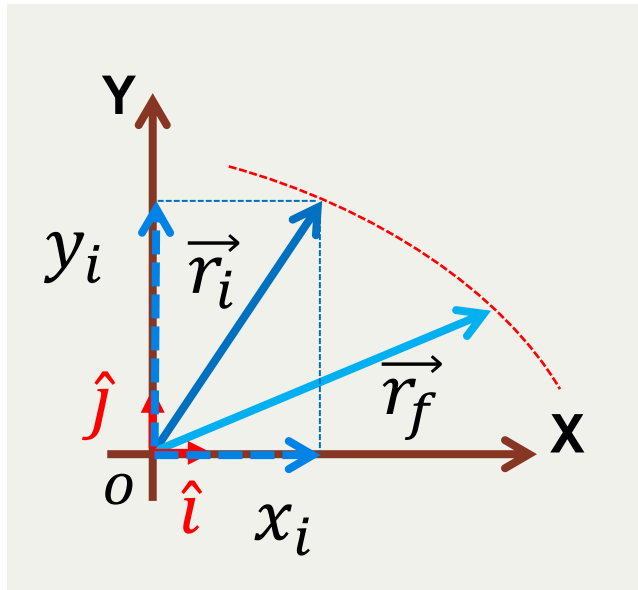


\vec{r}_i : Vetor posição inicial;

\vec{r}_f : Vetor posição final;

\hat{i} e \hat{j} : Vetores unitários;

Soma de vetores Posição



\vec{r}_i : **Vetor posição inicial;**

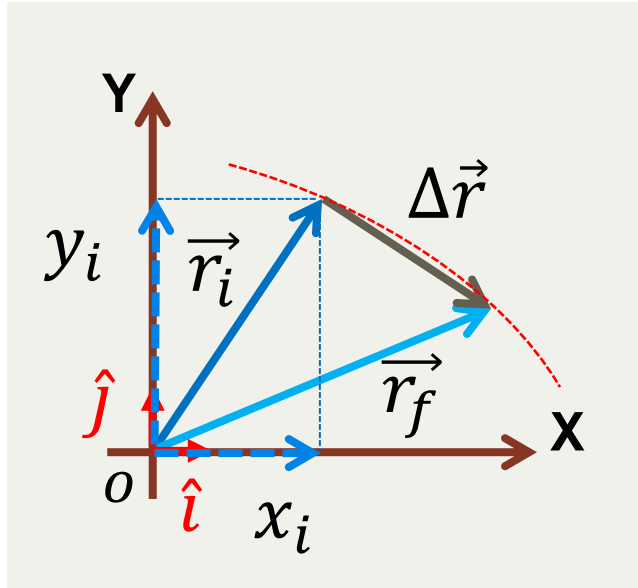
\vec{r}_f : **Vetor posição final;**

\hat{i} e \hat{j} : **Vetores unitários;**

$$\vec{r}_i = x_i \hat{i} + y_i \hat{j}$$

$$\vec{r}_f = x_f \hat{i} + y_f \hat{j}$$

Soma de vetores Posição



\vec{r}_i : **Vetor posição inicial;**

\vec{r}_f : **Vetor posição final;**

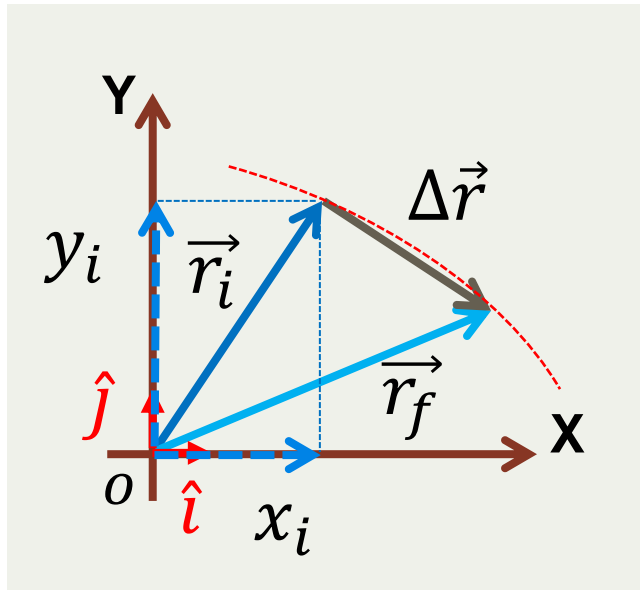
\hat{i} e \hat{j} : **Vetores unitários;**

$$\vec{r}_i = x_i \hat{i} + y_i \hat{j}$$

$$\vec{r}_f = x_f \hat{i} + y_f \hat{j}$$

$$\vec{r}_i + \Delta \vec{r} = \vec{r}_f \quad \Rightarrow \quad \Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i$$

Soma de vetores Posição



\vec{r}_i : Vetor posição inicial;

\vec{r}_f : Vetor posição final;

\hat{i} e \hat{j} : Vetores unitários;

$$\vec{r}_i = x_i \hat{i} + y_i \hat{j}$$

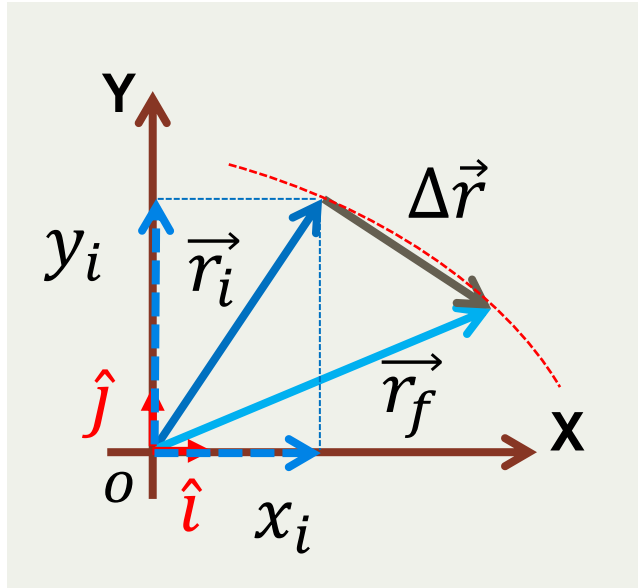
$$\vec{r}_f = x_f \hat{i} + y_f \hat{j}$$

$$\vec{r}_i + \Delta \vec{r} = \vec{r}_f \quad \Rightarrow \quad \Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i$$

$$\Delta \vec{r} = (x_f \hat{i} + y_f \hat{j}) - (x_i \hat{i} + y_i \hat{j})$$

$$\Delta \vec{r} = (x_f - x_i) \hat{i} + (y_f - y_i) \hat{j}$$

Soma de vetores Posição



\vec{r}_i : Vetor posição inicial;

\vec{r}_f : Vetor posição final;

\hat{i} e \hat{j} : Vetores unitários.

$$\vec{r}_i = x_i \hat{i} + y_i \hat{j}$$

$$\vec{r}_f = x_f \hat{i} + y_f \hat{j}$$

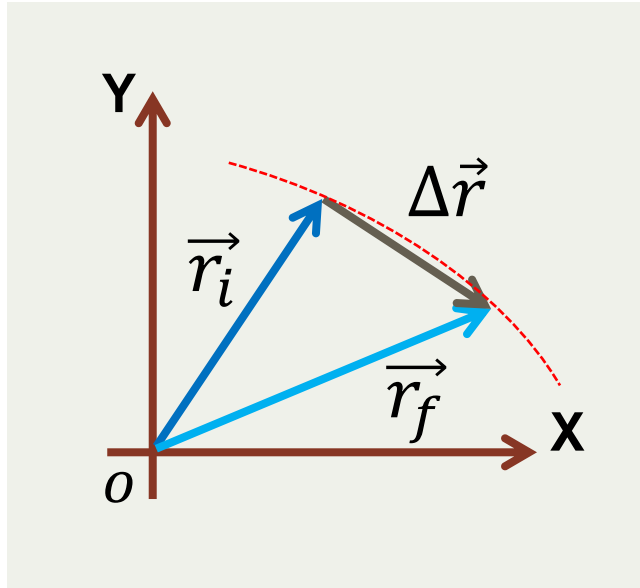
$$\vec{r}_i + \Delta \vec{r} = \vec{r}_f \quad \Rightarrow \quad \Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i$$

$$\Delta \vec{r} = (x_f \hat{i} + y_f \hat{j}) - (x_i \hat{i} + y_i \hat{j})$$

$$\Delta \vec{r} = (x_f - x_i) \hat{i} + (y_f - y_i) \hat{j}$$

$\overrightarrow{\Delta r}$: Representa o deslocamento entre os pontos inicial e final da trajetória.

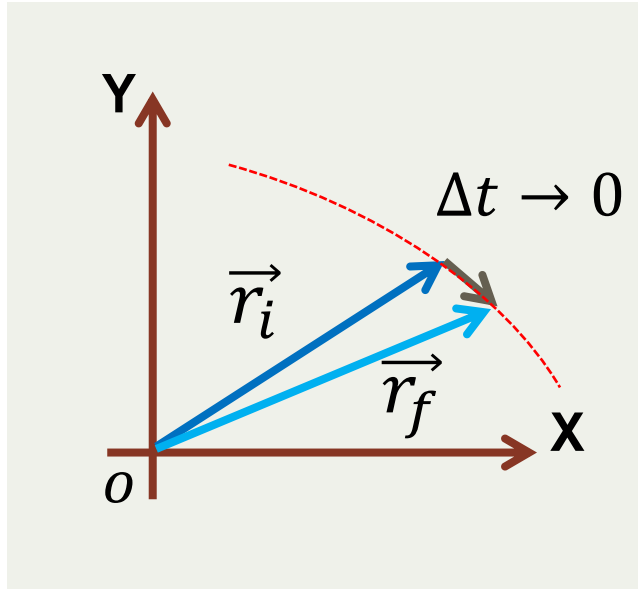
Velocidade média



Se Δt é o tempo gasto para ir da posição inicial (\vec{r}_i) até a final (\vec{r}_f), define-se a velocidade média (\vec{v}_m) como:

$$\vec{v}_m = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$$

Velocidade Instantânea



Se Δt tende a zero e \vec{r}_i se aproxima de \vec{r}_f temos a velocidade instantânea (\vec{v}):

$$\vec{v} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

Aceleração média

Se $\Delta\vec{v}$ é a diferença entre a velocidade final (\vec{v}_f) e a velocidade inicial (\vec{v}_i), define-se a aceleração média (\vec{a}_m) pela razão:

$$\vec{a}_m = \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t}$$

Aceleração média

Se $\Delta\vec{v}$ é a diferença entre a velocidade final (\vec{v}_f) e a velocidade inicial (\vec{v}_i), define-se a aceleração média (\vec{a}_m) pela razão:

$$\vec{a}_m = \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t}$$

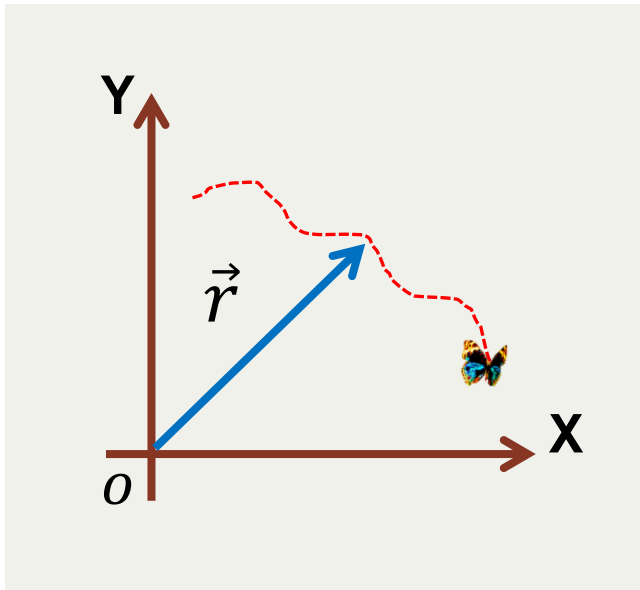
Aceleração Instantânea

Se Δt tende a zero e \vec{v}_i se aproxima de \vec{v}_f temos a aceleração instantânea (\vec{a}):

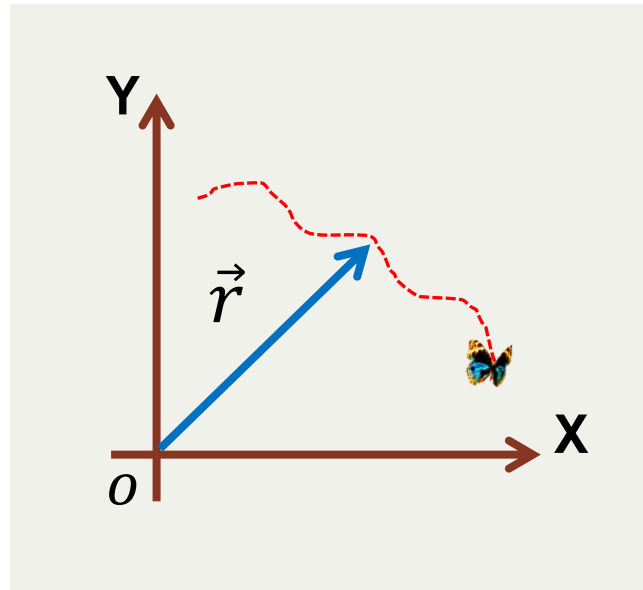
$$\vec{a} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

Exemplo 1 da aplicação de vetores

Um borboleta executa uma trajetória em um plano descrita pelo vetor posição $\vec{r} = 3\cos 2t \hat{i} + 3\sin 2t \hat{j}$. Determine a expressão para a velocidade instantânea $\left(\frac{d\vec{r}}{dt}\right)$.



Exemplo 1 da aplicação de vetores



$$\vec{r} = 3\cos 2t \hat{i} + 3\sin 2t \hat{j}$$

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d}{dt} [3\cos 2t \hat{i} + 3\sin 2t \hat{j}]$$

$$= \left(\frac{d}{dt} 3\cos 2t\right) \hat{i} + \left(\frac{d}{dt} 3\sin 2t\right) \hat{j}$$

$$= 3 \left(\frac{d}{dt} \cos 2t\right) \hat{i} + 3 \left(\frac{d}{dt} \sin 2t\right) \hat{j}$$

$$= 3 (-2\sin 2t) \hat{i} + 3(2\cos 2t) \hat{j}$$

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = -6\sin 2t \hat{i} + 6\cos 2t \hat{j}$$

Exemplo 2

Dados dois vetores $\vec{A} = 5\hat{i} + 7\hat{j}$ e $\vec{B} = \hat{i} + 2\hat{j}$. Determine a magnitude e a direção do vetor soma $\vec{S} = \vec{A} + \vec{B}$.

Exemplo 2

Dados dois vetores $\vec{A} = 5\hat{i} + 7\hat{j}$ e $\vec{B} = \hat{i} + 2\hat{j}$. Determine a magnitude e a direção do vetor soma $\vec{S} = \vec{A} + \vec{B}$.

$$\vec{S} = \vec{A} + \vec{B} = (5\hat{i} + 7\hat{j}) + (\hat{i} + 2\hat{j}) = (5 + 1)\hat{i} + (7 + 2)\hat{j} = 6\hat{i} + 9\hat{j}$$

$$\vec{S} = 6\hat{i} + 9\hat{j} \quad \Rightarrow \quad S_x = 6 \quad e \quad S_y = 9$$

Magnitude ou módulo :

$$|\vec{S}| = S = \sqrt{S_x^2 + S_y^2}$$

Direção

$$\theta = \operatorname{tg}^{-1} \frac{S_y}{S_x} = \operatorname{arctg} \frac{S_y}{S_x}$$

Exemplo 2

Dados dois vetores $\vec{A} = 5\hat{i} + 7\hat{j}$ e $\vec{B} = \hat{i} + 2\hat{j}$. Determine a magnitude e a direção do vetor soma $\vec{S} = \vec{A} + \vec{B}$.

$$\vec{S} = \vec{A} + \vec{B} = (5\hat{i} + 7\hat{j}) + (\hat{i} + 2\hat{j}) = (5 + 1)\hat{i} + (7 + 2)\hat{j} = 6\hat{i} + 9\hat{j}$$

$$\vec{S} = 6\hat{i} + 9\hat{j} \quad \Rightarrow \quad S_x = 6 \quad e \quad S_y = 9$$

Magnitude ou módulo :

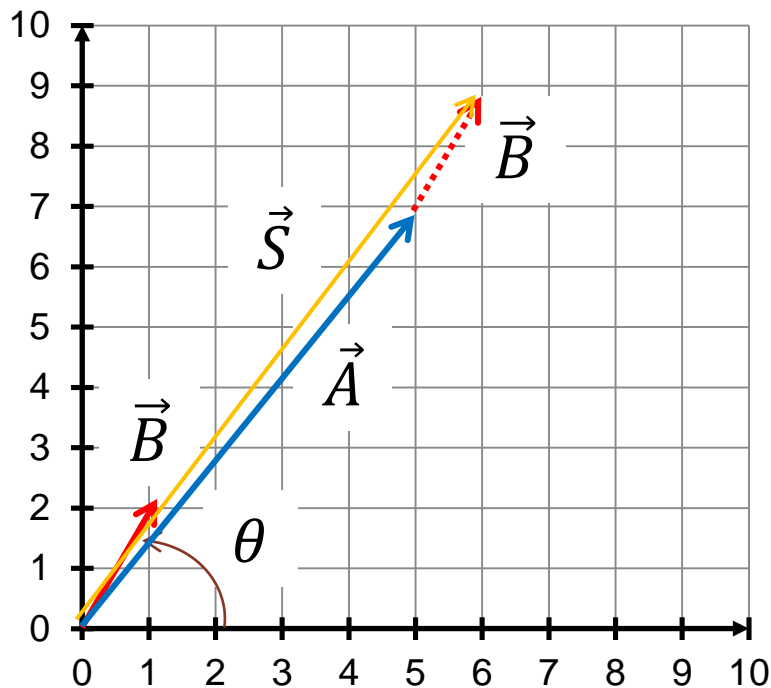
$$|\vec{S}| = S = \sqrt{S_x^2 + S_y^2} \quad \Rightarrow \quad S = \sqrt{6^2 + 9^2} = 10,8$$

Direção

$$\theta = \operatorname{tg}^{-1} \frac{S_y}{S_x} = \operatorname{arctg} \frac{S_y}{S_x} \quad \Rightarrow \quad \theta = \operatorname{arctg} \frac{9}{6} = 56,3^\circ$$

Exemplo 2

Representação dos *vetores no plano cartesiano*:



$$|\vec{S}| = S = 10,8$$

$$\theta = 56,3^\circ$$

Obs.: Um vetor pode ser trasladado no plano, desde que sejam mantidas a magnitude e direção.

Exemplo 3

A posição de uma formiga que está se deslocando na direção de um eixo x é dada por $x = 3t + 2$, onde x é expresso em metros e t em segundos. Determine:

- a) Sua posição inicial;
- b) Sua velocidade instantânea;
- c) Sua aceleração instantânea.

Exemplo 3

a) Posição inicial

Na posição inicial consideraremos o tempo $t = 0$:

$$x(t) = 3t + 2 \quad x(0) = 3 \times 0 + 2 \quad x(0) = 2 \text{ m}$$

b) Velocidade instantânea

A velocidade é a taxa de variação do espaço no tempo:

$$v(t) = \frac{dx}{dt} \quad v(t) = \frac{d}{dt}(3t + 2) \quad v(t) = 3 \text{ m/s}$$

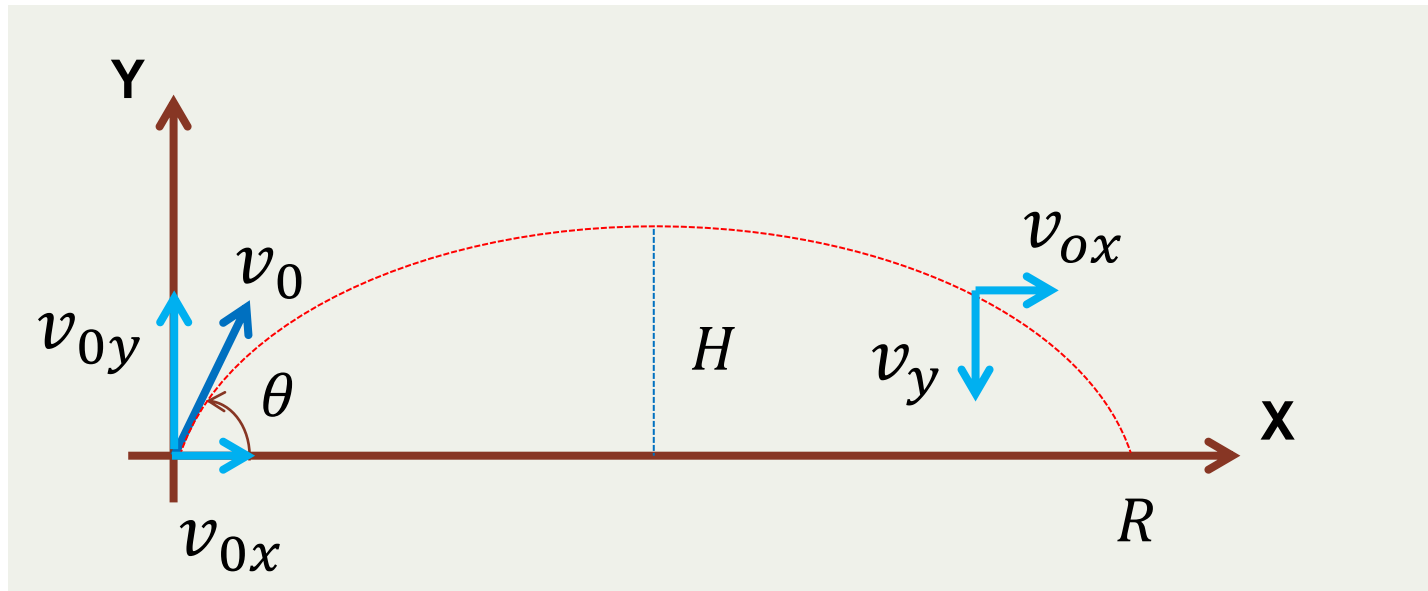
c) Aceleração

A aceleração é a taxa de variação da velocidade no tempo:

$$a(t) = \frac{dv}{dt} \quad v(t) = \frac{d}{dt}(3) \quad a(t) = 0$$

Movimento Parabólico

Movimento composto na direção horizontal e vertical.



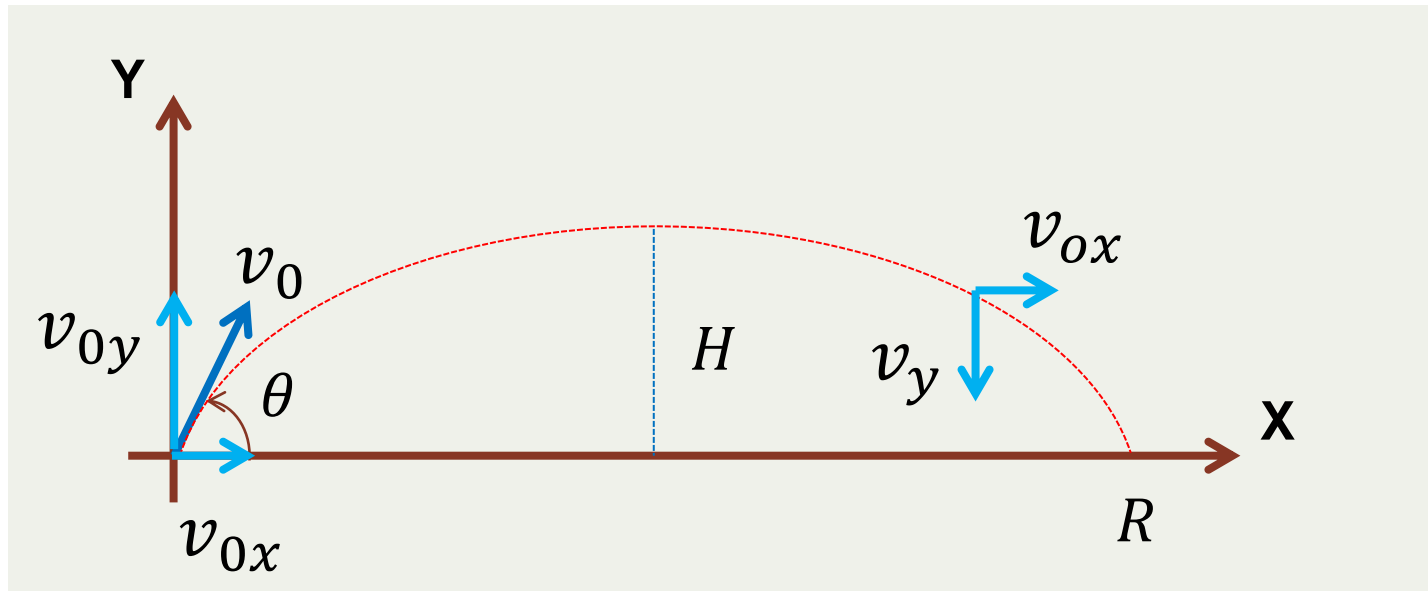
No eixo Y o movimento é acelerado (MUV);

No eixo X a velocidade é uniforme (MU).

Movimento Parabólico

$$\text{(MU)} \quad v_x = v_{0x} \quad x = x_0 + v_{0x}t \quad a_x = 0$$

$$\text{(MUV)} \quad v_y = v_{0y} - gt \quad y = y_0 + v_{0y}t - \frac{1}{2}gt^2 \quad a_y = -g$$



$$v_0 = \sqrt{(v_{0x})^2 + (v_{0y})^2}$$

Na altura máxima: $v_y = 0$

Forças fundamentais

- 1. Gravitacional:** interação entre massas;
- 2. Eletromagnética:** interação entre cargas elétricas;
- 3. Nuclear forte:** interação entre nêutrons e prótons;
- 4. Nuclear fraca:** Interação entre partículas subatômicas.

Forças fundamentais

1. **Gravitacional**
2. **Eletromagnética**

Fenômenos discutidos na Mecânica Clássica, eletricidade, magnetismo e mecânica estatística.

- 
3. **Nuclear forte**
 4. **Nuclear fraca**

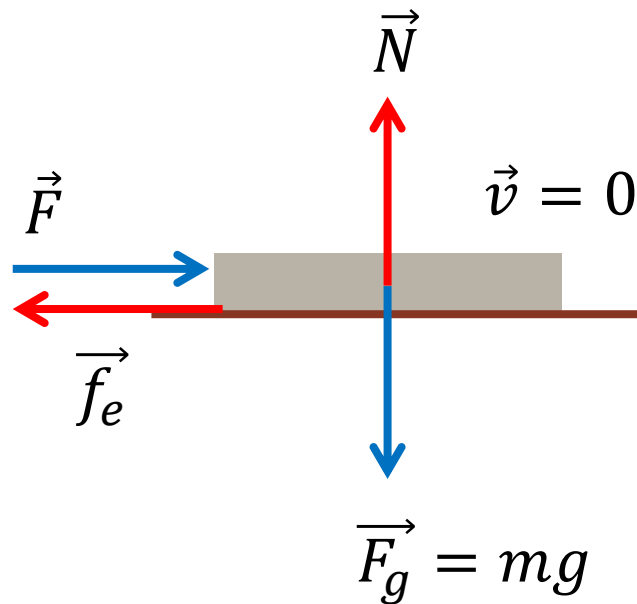
Responsáveis pela estrutura dos átomos, moléculas e interações entre elas.

Forças derivadas

- As demais forças são derivadas das fundamentais;
- Na biofísica analisamos o efeito das forças derivadas;
- A origem dessas forças pode ser externa ou resultante do próprio corpo.

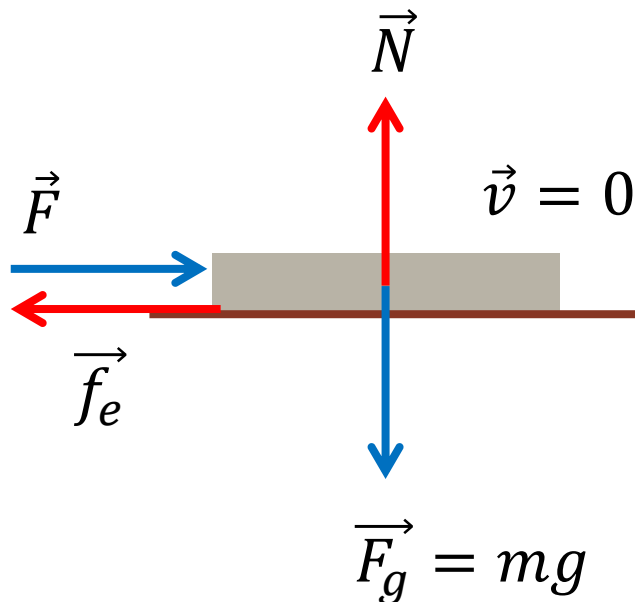
Forças de atrito

Aplicação de uma força sobre um livro em repouso:

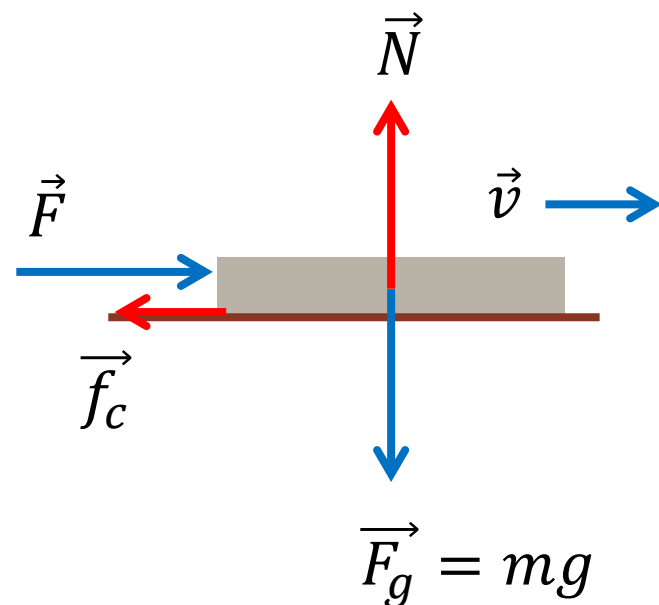


Forças de atrito

Aplicação de uma força sobre um livro em repouso:

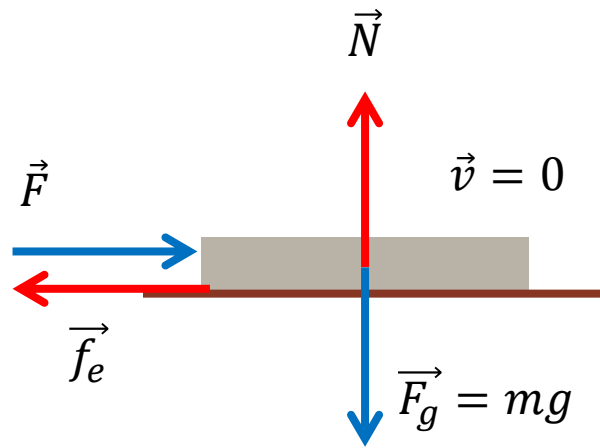


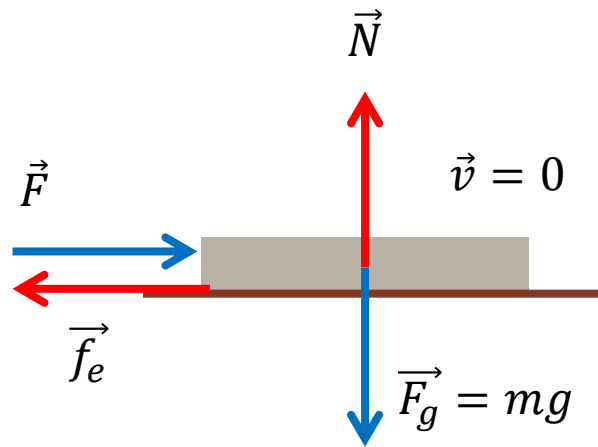
Ao adquirir velocidade a resistência ao movimento diminui:



Forças de atrito

- As forças de atrito estão relacionadas com as forças de contato entre as superfícies;
- O coeficiente de proporcionalidade é o coeficiente de atrito.



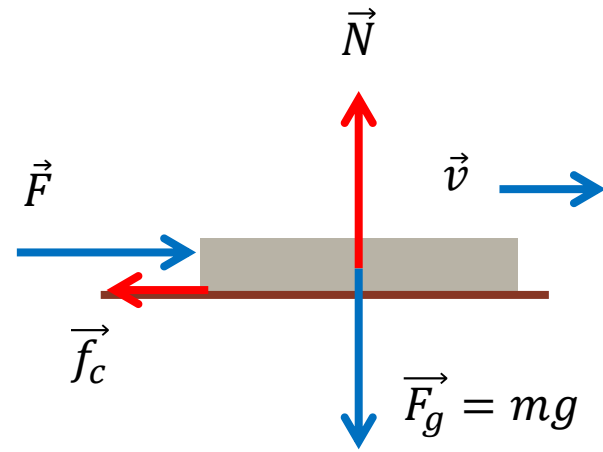


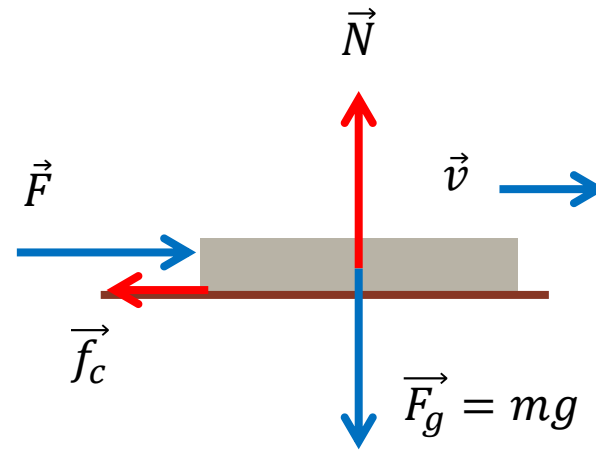
$$f_e = \mu_e N$$

N : força normal;

f_e : força de atrito
estática;

μ_e : coeficiente de atrito
estático.

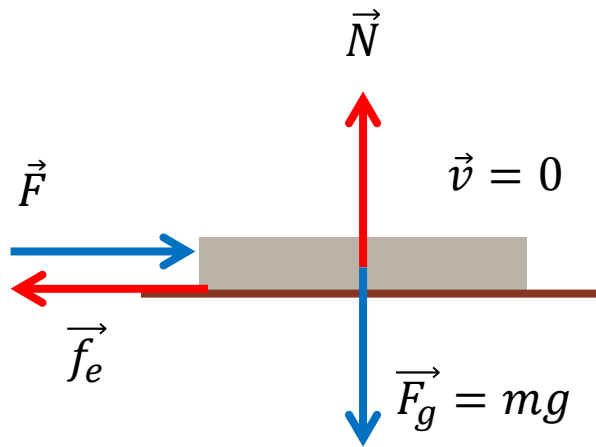




$$f_c = \mu_c N$$

f_c : força de atrito
cinética;

μ_c : coeficiente de atrito
cinético.

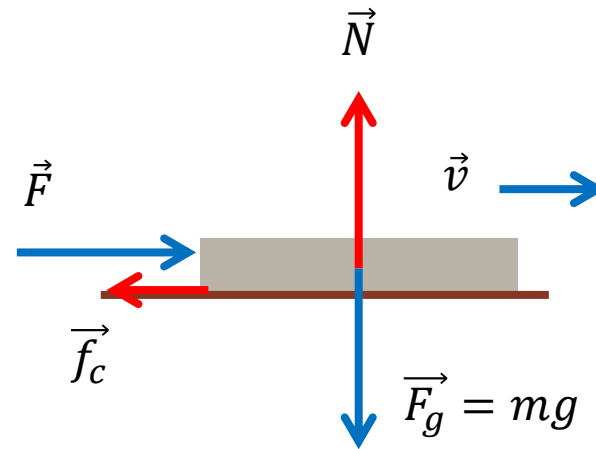


$$f_e = \mu_e N$$

N : força normal;

f_e : força de atrito
estática;

μ_e : coeficiente de atrito
estático.



$$f_c = \mu_c N$$

f_c : força de atrito
cinética;

μ_c : coeficiente de atrito
cinético.

Exemplo com coeficiente de atrito

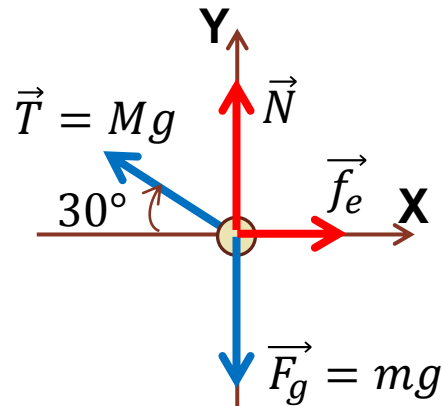
Um paciente com 70 kg está submetido a um esforço de tração sobre uma cama, conforme Figura abaixo. Qual será o valor máximo da massa suspensa M para que o esforço T na cabeça não o desloque da posição de repouso.

Considere o coeficiente de atrito entre a cama e as roupas do paciente igual a $\mu_e = 0,20$.



Solução

- Diagrama de corpo livre e dados:



$m = 70kg$: massa do paciente ;

$\mu_e = 0,20$: Coeficiente de atrito estático;

$M = ?$ Massa suspensa.

- Para que o paciente permaneça em repouso as forças nos dois eixos devem estar em equilíbrio:

$$\sum F_x: \quad T \cos 30 = f_e \quad \text{mas,} \quad T = Mg \quad \text{e} \quad f_e = \mu_e N$$

$$\sum F_y: \quad T \sin 30 + N = F_g \quad \text{mas,} \quad F_g = mg$$

Solução

- Substituindo as expressões das forças no sistema de equações temos:

$$Mg\cos 30 = \mu_e N \quad (1)$$

$$Mg\sin 30 + N = mg \quad (2)$$

- Da equação (1) isolamos N :

$$N = Mg\cos 30 / \mu_e \quad (3)$$

- Substituímos (3) em (2):

$$Mg\sin 30 + Mg\cos 30 / \mu_e = mg \quad (4)$$

Solução

- Isolamos M da equação (4):

$$Mg \left(\text{sen}30 + \frac{\text{cos}30}{\mu_e} \right) = mg$$

- Inserindo os valores numéricos encontramos M :

$$M \left(0,50 + \frac{0,866}{0,20} \right) = 70$$

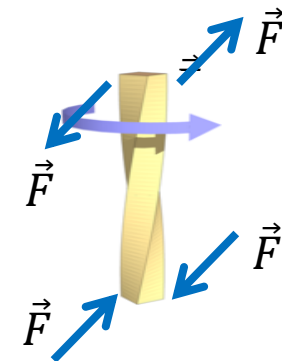
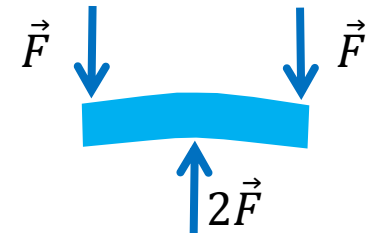
$$M \cdot 4,83 = 70$$

$M = 14,5 \text{ Kg}$ Será o valor máximo da massa suspensa para que o paciente permaneça em repouso.

Forças Elásticas

- Um corpo submetido a esforços experimentará, em alguma magnitude, deformações em suas dimensões;
- Os esforços podem ser classificados em quatro tipos fundamentais:
tração, compressão, flexão e torção.

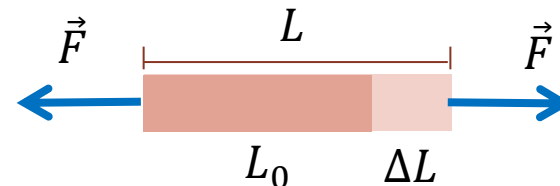
- A. Tração:** Ação de duas forças opostas de igual intensidade e no sentido de afastamento;
- B. Compressão:** Ação de duas forças opostas de igual intensidade e no sentido de aproximação;
- C. Flexão:** Ação de pelo menos três forças, sendo duas no mesmo sentido e outra no sentido contrário;
- D. Torção:** Ação de dois pares de forças que agem em sentidos opostos e em planos paralelos.



Módulo de Young (Y)

- Ao ser submetido a esforços de tração, compressão, flexão e torção os corpos sofrem deformação;
- As deformações são alterações em suas dimensões;
- As variações lineares (ΔL) são determinadas pelas diferenças entre o comprimento final (L) e o comprimento inicial (L_0).

$$\Delta L = L - L_0$$



Módulo de Young (Y)

- Verificou-se, experimentalmente, para a maioria dos materiais como metais, madeiras, borrachas e ossos que para pequenos esforços (F) a variação (ΔL) é proporcional à força aplicada:

$$F = K\Delta L$$

Sendo K a constante elástica do material.

- Essa expressão é conhecida como lei de Hooke.

Módulo de Young (Y)

- Esse comportamento elástico também pode ser descrito em termos da variação relativa do comprimento ($\Delta L/L_0$) e da força aplicada (F) por unidade de área (A):

$$\frac{F}{A} = Y \frac{\Delta L}{L_0} \quad (1)$$

Sendo Y denominado módulo de Young do material.

- A expressão (1) é utilizada para o cálculo do módulo de Young.

Módulo de Young (Y)

- O módulo de Young (Y) fornece o grau de elasticidade do material;
- Quanto maior Y menos elástico é o material;

Material	Módulo de Young (10^7 N.m^{-2})
Aço	2070
Borracha	0,010
Osso compacto	179

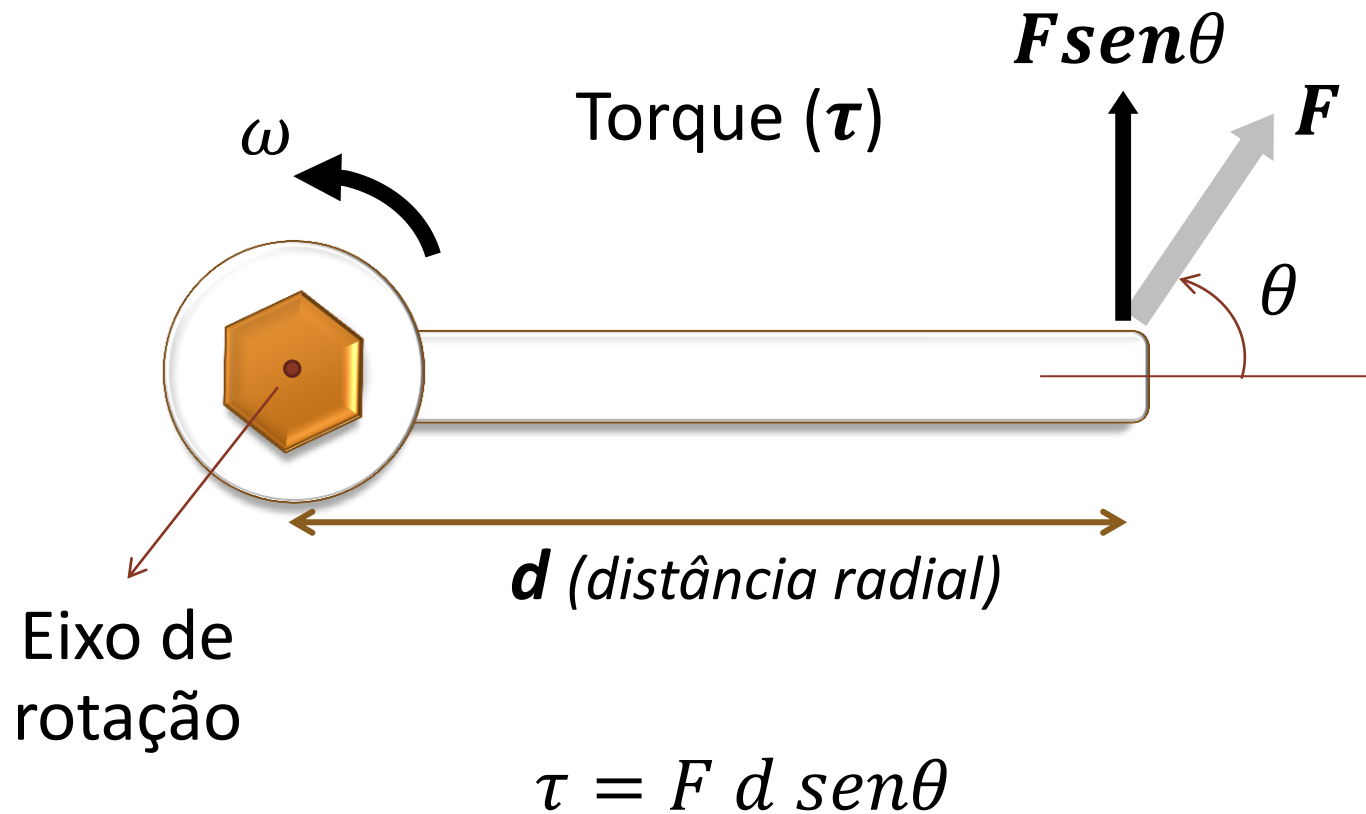
Momento de uma força (torque)

- A aplicação de uma força (F) pode causar rotação;
- O torque (τ) é responsável por mudar a velocidade angular (ω) de um corpo;
- O torque (τ) é uma grandeza vetorial;
- Somente a componente perpendicular à distância radial do eixo de rotação causa o torque.



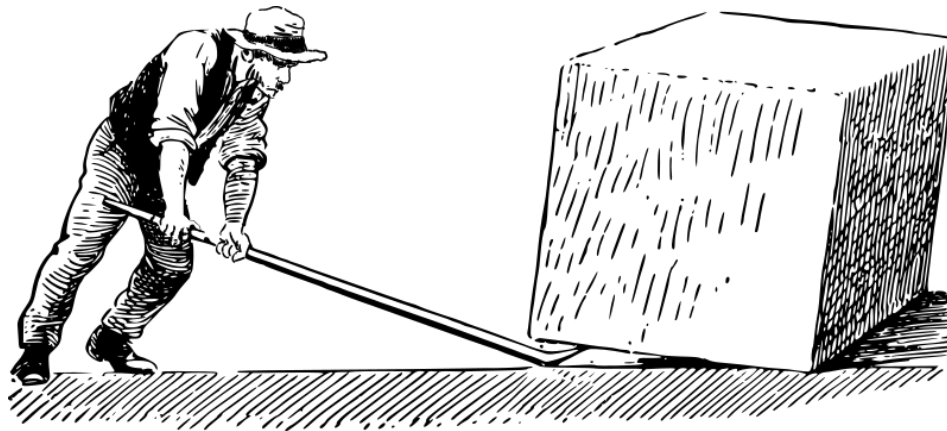
<<http://www.bigtyres.com.br/index.php>> Acesso em 24/03/2017.

Momento de uma força (torque)



Alavancas

- Sistema capaz de equilibrar ou elevar um corpo que exerce uma carga (R) pela aplicação de uma pequena força (P) através de um ponto de apoio (D);



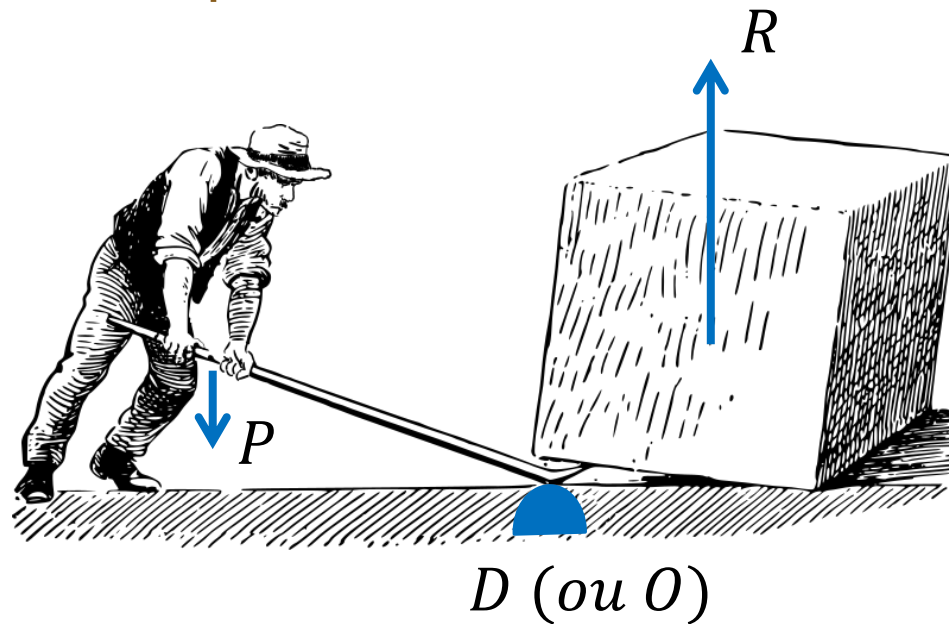
Openclipart: Quarryman.

Alavancas

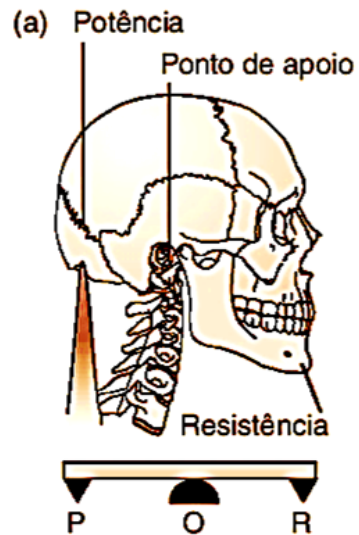
R : carga com maior intensidade de força;

P : força de menor intensidade;

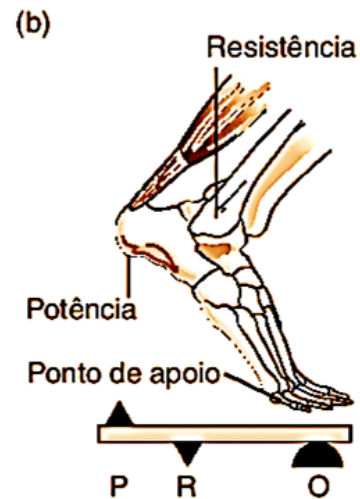
D : ponto de apoio.



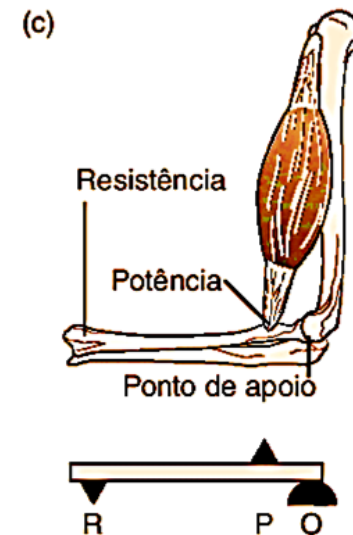
Tipos de alavancas



Interfixa



Inter-resistente



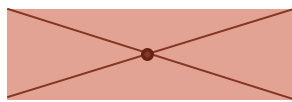
Interpotente

Centro de massa

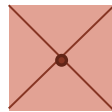
- Ponto que se comporta, do ponto de vista do movimento, como se toda massa nele estivesse concentrada;
- Quando há forças externas atuando no corpo a resultante é aplicada sobre esse ponto;

Centro de massa

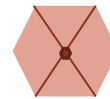
- Nos corpos com forma simétrica o centro de massa (Cm) coincide com o centro geométrico do corpo;



Cm



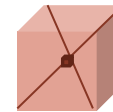
Cm



Cm



Cm



Cm

- Se o corpo tiver forma geométrica irregular o centro de massa pode ser localizado pelo somatório das partes.

Centro de massa de sistemas

- Nos sistemas, com mais de uma partícula, as coordenadas do centro de massa no plano são calculados pelas expressões:

$$x_{cm} = \frac{\sum m_i x_i}{\sum m_i} \quad y_{cm} = \frac{\sum m_i y_i}{\sum m_i}$$

m_i : massa da partícula;

x_i : coordenada da partícula no eixo x ;

y_i : coordenada da partícula no eixo y .

Exemplo do cálculo de centro de massa

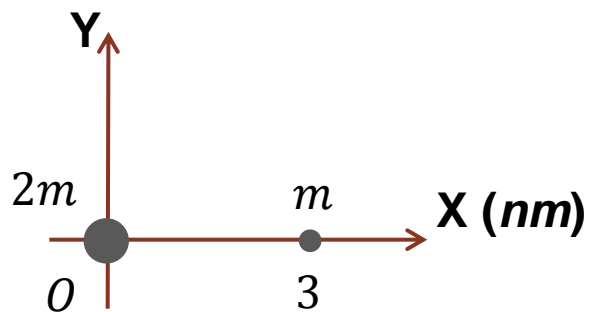
Uma molécula diatômica possui um átomo menor com massa m e o átomo maior com massa $2m$ distantes de 3 nm . Calcule o centro de massa dessa molécula.

Exemplo do cálculo de centro de massa

Uma molécula diatômica possui um átomo menor com massa m e o átomo maior com massa $2m$ distantes de 3 nm . Calcule o centro de massa dessa molécula.

Solução

- Para facilitar o cálculo o átomo maior será posicionado na origem dos eixos de coordenadas:



$$m_1 = 2m$$

$$x_1 = 0 \quad y_1 = 0$$

$$m_2 = m$$

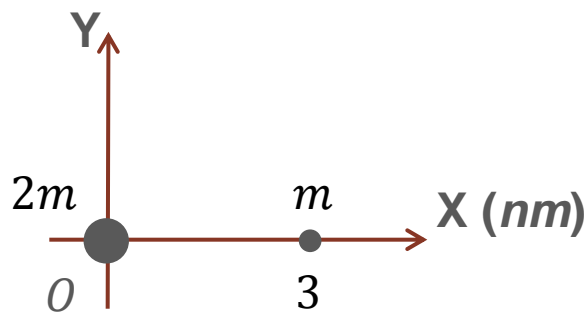
$$x_2 = 3 \text{ nm} = 3 \cdot 10^{-9} \text{ m}$$

$$y_2 = 0$$

- Só há coordenadas no eixo x , portanto utilizaremos a expressão para o centro de massa em x :

$$x_{Cm} = \frac{\sum m_i x_i}{\sum m_i} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2}$$

$$x_{Cm} = \frac{2m \cdot 0 + m \cdot 3 \cdot 10^{-9}}{2m + m} = \frac{m \cdot 3 \cdot 10^{-9}}{3m} = 1 \cdot 10^{-9} m$$



$$m_1 = 2m$$

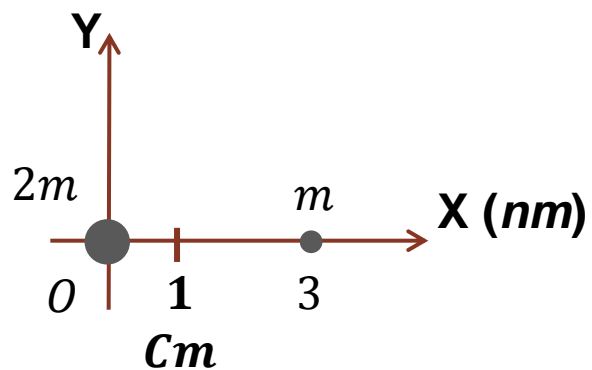
$$x_1 = 0 \quad y_1 = 0$$

$$m_2 = m$$

$$x_2 = 3 \text{ nm} = 3 \cdot 10^{-9} m$$

$$y_2 = 0$$

O centro de massa estará a 1 *nm* da origem no eixo *x*.



$$m_1 = 2m$$

$$x_1 = 0 \quad y_1 = 0$$

$$m_2 = m$$

$$x_2 = 3 \text{ nm} = 3 \cdot 10^{-9} \text{ m}$$

$$y_2 = 0$$

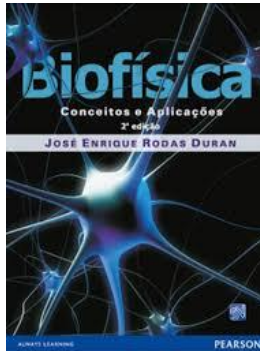
Obrigado pela atenção!
E bons estudos.

Exercícios

- **Acessar o site:**

<https://www.profhenriquefaria.com>

Referências



DURAN, J.E.R. **Biofísica. Fundamentos e Aplicações, 2ª Ed.** São Paulo: Pearson Prentice Hall, 2011. (Capítulo 2)



UNESP. Instituto de Química.
Laboratório de Física I: apostila de práticas.
Compilada por Santos, C.O.P; *et. al.*
Araraquara: Instituto de Química, 2017.