

# **Aula 3**

## **Mecânica**

### **Cinemática**

**Física Aplicada à Farmácia**

**Prof. Dr. Henrique A. M. Faria**

---



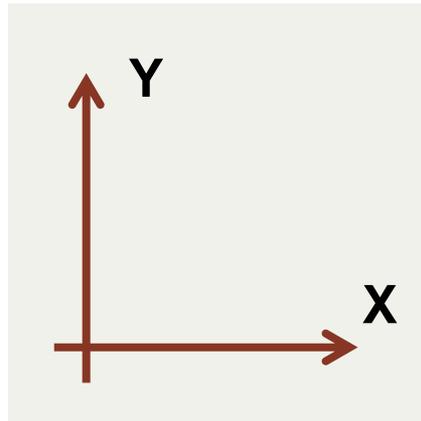
# Sistema de coordenadas

- Conjunto de quantidades que especifica de maneira unívoca um ponto no espaço;
- Usado para representar o movimento de um ser vivo no espaço;
- Permite inter-relacionar as variáveis do movimento de dois ou mais corpos.

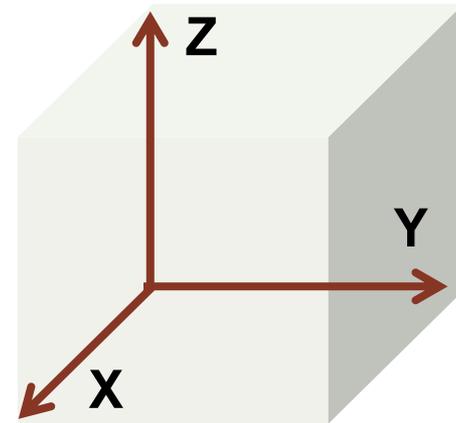
# Tipos de sistema de coordenadas



**Unidimensional**



**Bidimensional  
(Cartesiano)**



**Tridimensional**

## **Grandeza Escalar**

- Definida apenas pela magnitude.

ex.: temperatura, massa e tempo.

## **Grandeza Vetorial**

- Definida pela magnitude, direção e sentido.

ex.: deslocamento, velocidade, aceleração e força.

## Direção

Linha imaginária ao longo da qual alguém ou algo se move ou aponta.

Ex.: ao longo do eixo  $x$ .



## Sentido

Orientação segundo a qual o movimento se efetua.

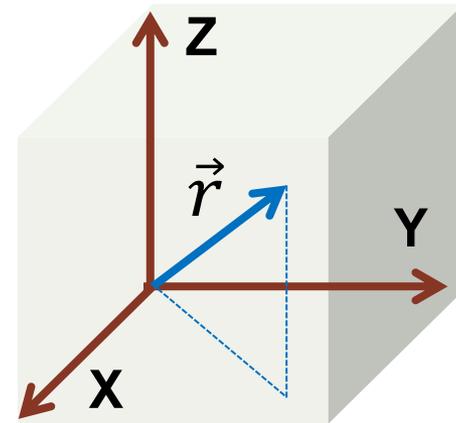
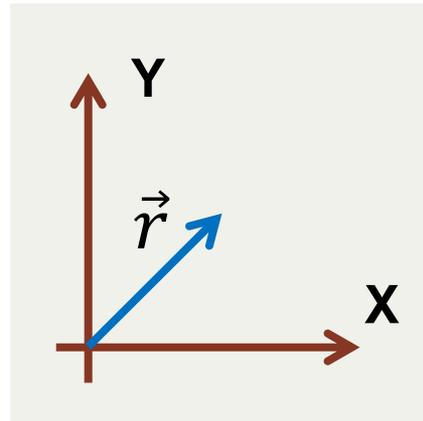
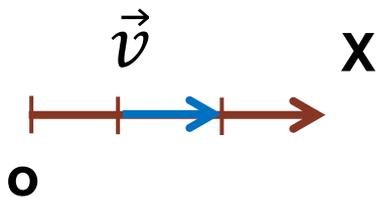
Ex.: da origem para valores crescentes de  $x$ .



## Três grandezas vetoriais definem o movimento de um corpo:

- Deslocamento ( $\Delta\vec{r}$ );
- Velocidade ( $\vec{v}$ );
- Aceleração ( $\vec{a}$ ).

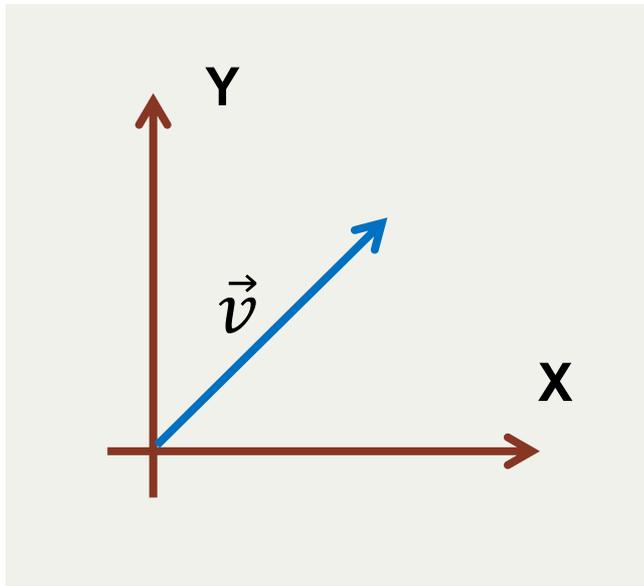
# Exemplos de representação de vetores



## Unidimensional

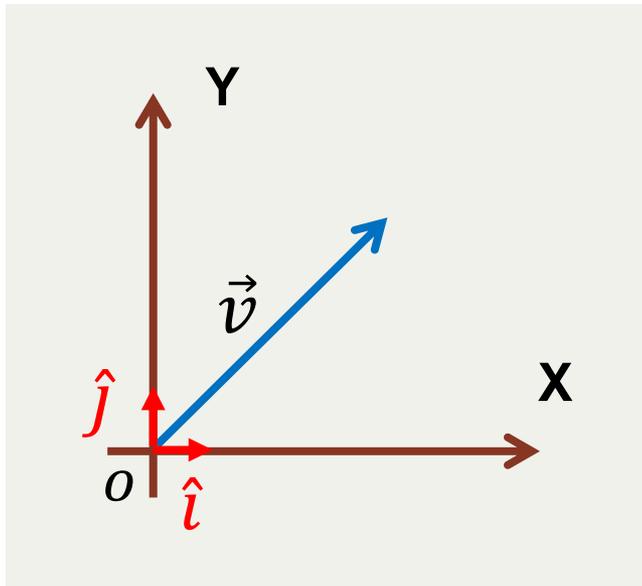
- **Magnitude:** 1 unidade de  $X$ ;
- **Direção:** do eixo  $X$ ;
- **Sentido:** da origem para valores positivos de  $X$ .

# Representação de vetor no plano



$\vec{v}$  : **Vetor velocidade;**

# Representação de vetor no plano

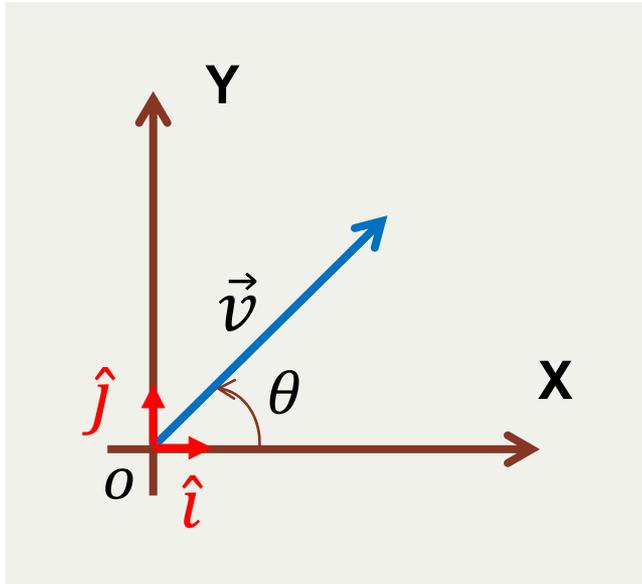


$\vec{v}$  : **Vetor velocidade;**

$\hat{i}$  e  $\hat{j}$  : **Vetores unitários;**

$O$  : **Origem do sistema de coordenadas;**

# Representação de vetor no plano



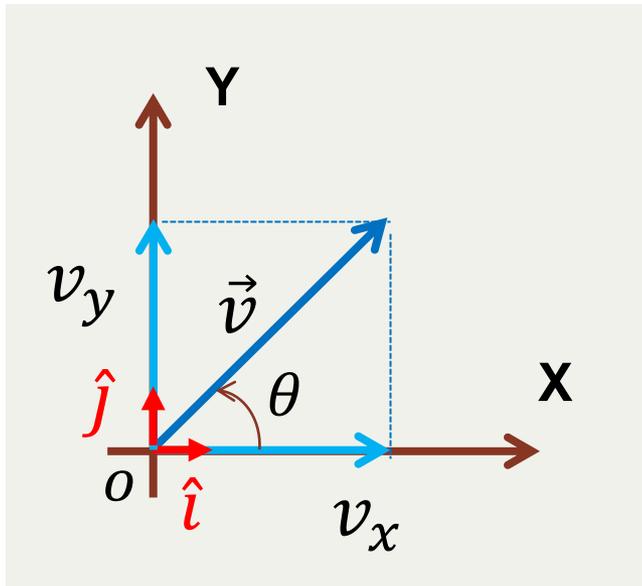
$\vec{v}$  : **Vetor velocidade;**

$\hat{i}$  e  $\hat{j}$  : **Vetores unitários;**

$O$  : **Origem do sistema de coordenadas;**

$\theta$  : **Ângulo em relação a direção do eixo X;**

## Representação de vetor no plano



$\vec{v}$  : **Vetor velocidade;**

$\hat{i}$  e  $\hat{j}$  : **Vetores unitários;**

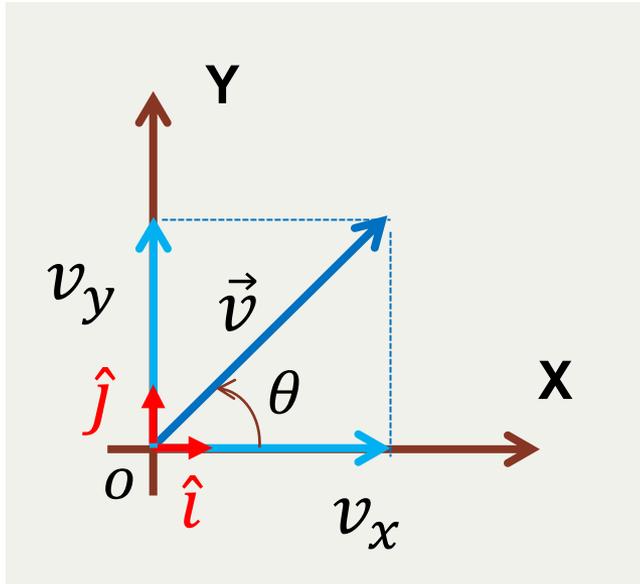
$O$  : **Origem do sistema de coordenadas;**

$\theta$  : **Ângulo em relação a direção do eixo X;**

$v_y$  : **Componente do vetor velocidade no eixo Y;**

$v_x$  : **Componente do vetor velocidade no eixo X.**

## Relações do vetor no plano



$\vec{v}$  : **Vetor velocidade;**

$\hat{i}$  e  $\hat{j}$  : **Vetores unitários;**

$O$  : **Origem do sistema de coordenadas;**

$\theta$  : **Ângulo em relação a direção do eixo X.**

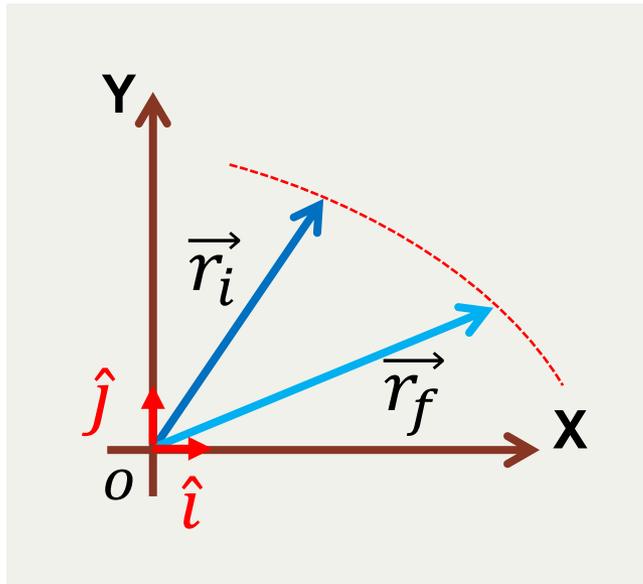
$$v_x = v \cos \theta$$

$$v_y = v \sin \theta$$

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$$

$$\theta = \operatorname{tg}^{-1} \frac{v_y}{v_x}$$

## Soma de vetores Posição

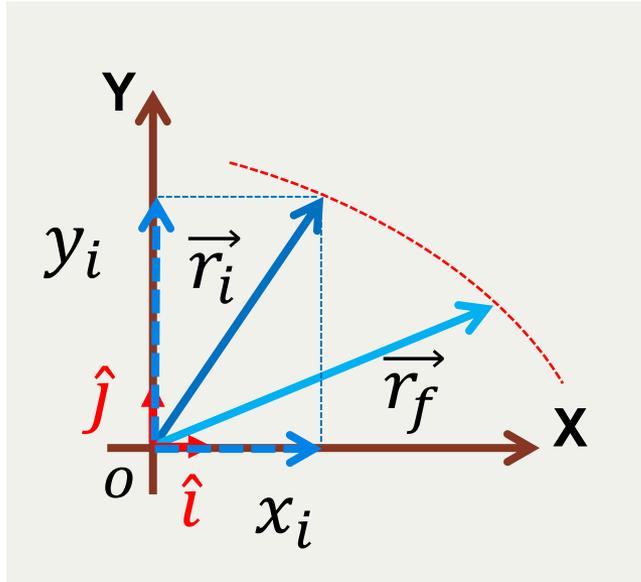


$\vec{r}_i$ : Vetor posição inicial;

$\vec{r}_f$ : Vetor posição final;

$\hat{i}$  e  $\hat{j}$ : Vetores unitários;

## Soma de vetores Posição



$\vec{r}_i$ : Vetor posição inicial;

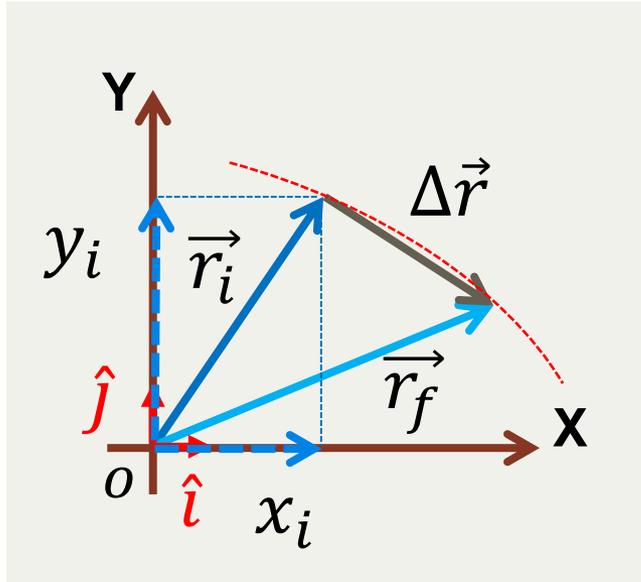
$\vec{r}_f$ : Vetor posição final;

$\hat{i}$  e  $\hat{j}$ : Vetores unitários;

$$\vec{r}_i = x_i \hat{i} + y_i \hat{j}$$

$$\vec{r}_f = x_f \hat{i} + y_f \hat{j}$$

## Soma de vetores Posição



$\vec{r}_i$ : **Vetor posição inicial;**

$\vec{r}_f$ : **Vetor posição final;**

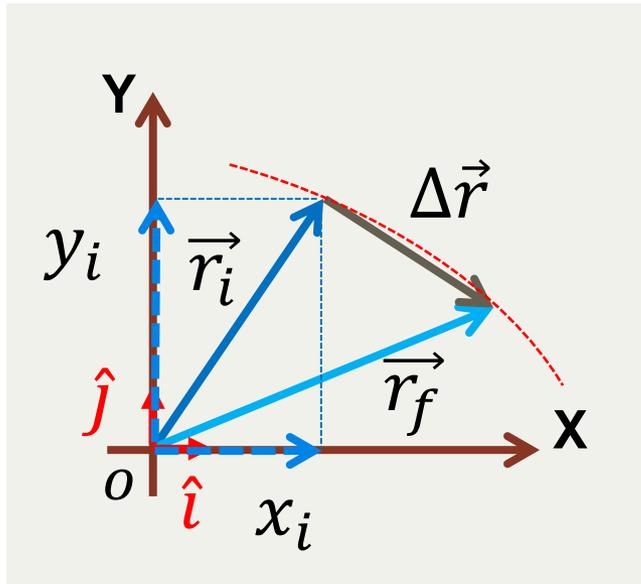
$\hat{i}$  e  $\hat{j}$ : **Vetores unitários;**

$$\vec{r}_i = x_i \hat{i} + y_i \hat{j}$$

$$\vec{r}_f = x_f \hat{i} + y_f \hat{j}$$

$$\vec{r}_i + \Delta \vec{r} = \vec{r}_f \quad \Rightarrow \quad \Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i$$

## Soma de vetores Posição



$\vec{r}_i$ : Vetor posição inicial;

$\vec{r}_f$ : Vetor posição final;

$\hat{i}$  e  $\hat{j}$ : Vetores unitários;

$$\vec{r}_i = x_i \hat{i} + y_i \hat{j}$$

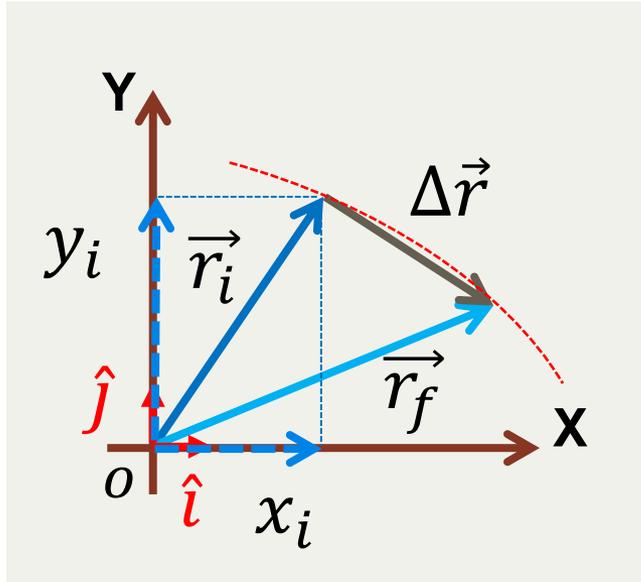
$$\vec{r}_f = x_f \hat{i} + y_f \hat{j}$$

$$\vec{r}_i + \Delta \vec{r} = \vec{r}_f \quad \Rightarrow \quad \Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i$$

$$\Delta \vec{r} = (x_f \hat{i} + y_f \hat{j}) - (x_i \hat{i} + y_i \hat{j})$$

$$\Delta \vec{r} = (x_f - x_i) \hat{i} + (y_f - y_i) \hat{j}$$

## Soma de vetores Posição



$\vec{r}_i$ : Vetor posição inicial;

$\vec{r}_f$ : Vetor posição final;

$\hat{i}$  e  $\hat{j}$ : Vetores unitários.

$$\vec{r}_i = x_i \hat{i} + y_i \hat{j}$$

$$\vec{r}_f = x_f \hat{i} + y_f \hat{j}$$

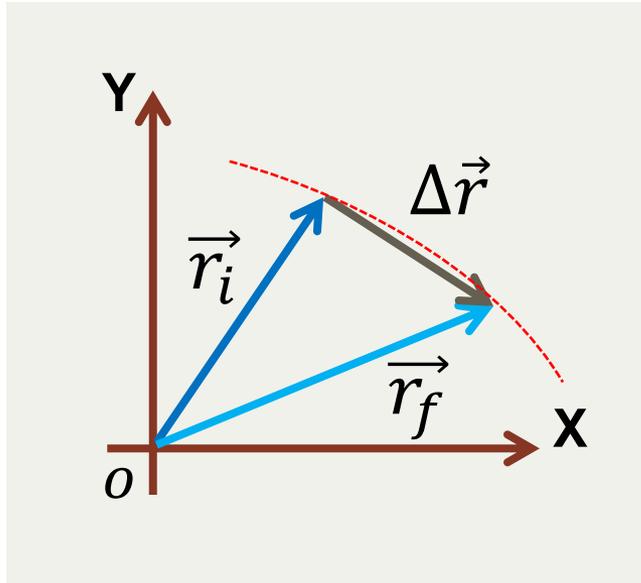
$$\vec{r}_i + \Delta \vec{r} = \vec{r}_f \quad \Rightarrow \quad \Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i$$

$$\Delta \vec{r} = (x_f \hat{i} + y_f \hat{j}) - (x_i \hat{i} + y_i \hat{j})$$

$$\Delta \vec{r} = (x_f - x_i) \hat{i} + (y_f - y_i) \hat{j}$$

$\Delta \vec{r}$ : Representa o deslocamento entre os pontos inicial e final da trajetória.

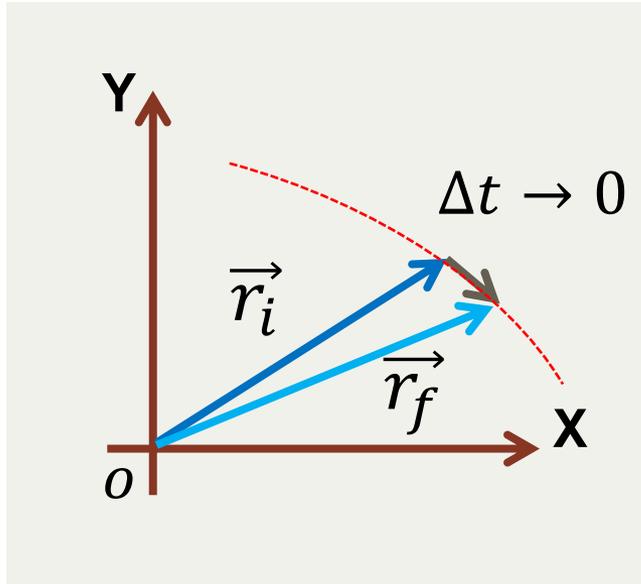
## Velocidade média



Se  $\Delta t$  é o tempo gasto para ir da posição inicial ( $\vec{r}_i$ ) até a final ( $\vec{r}_f$ ), define-se a velocidade média ( $\vec{v}_m$ ) como:

$$\vec{v}_m = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$$

# Velocidade Instantânea



Se  $\Delta t$  tende a zero e  $\vec{r}_i$  se aproxima de  $\vec{r}_f$  temos a velocidade instantânea ( $\vec{v}$ ):

$$\vec{v} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

## Aceleração média

Se  $\Delta\vec{v}$  é a diferença entre a velocidade final ( $\vec{v}_f$ ) e a velocidade inicial ( $\vec{v}_i$ ), define-se a aceleração média ( $\vec{a}_m$ ) pela razão:

$$\vec{a}_m = \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t}$$

## Aceleração média

Se  $\Delta\vec{v}$  é a diferença entre a velocidade final ( $\vec{v}_f$ ) e a velocidade inicial ( $\vec{v}_i$ ), define-se a aceleração média ( $\vec{a}_m$ ) pela razão:

$$\vec{a}_m = \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t}$$

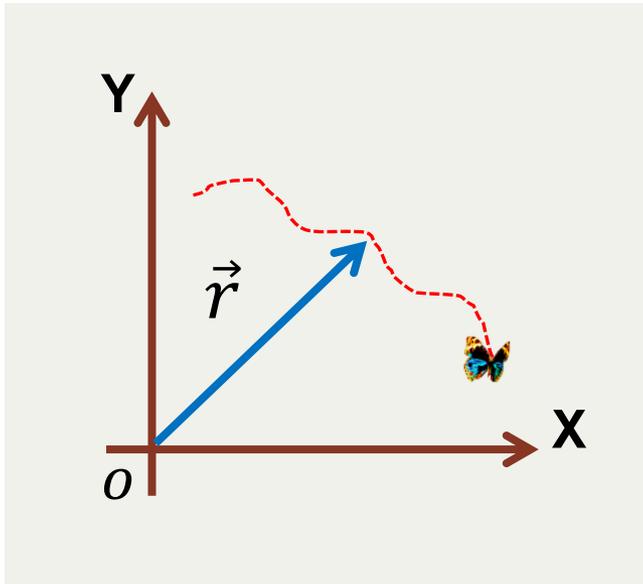
## Aceleração Instantânea

Se  $\Delta t$  tende a zero e  $\vec{v}_i$  se aproxima de  $\vec{v}_f$  temos a aceleração instantânea ( $\vec{a}$ ):

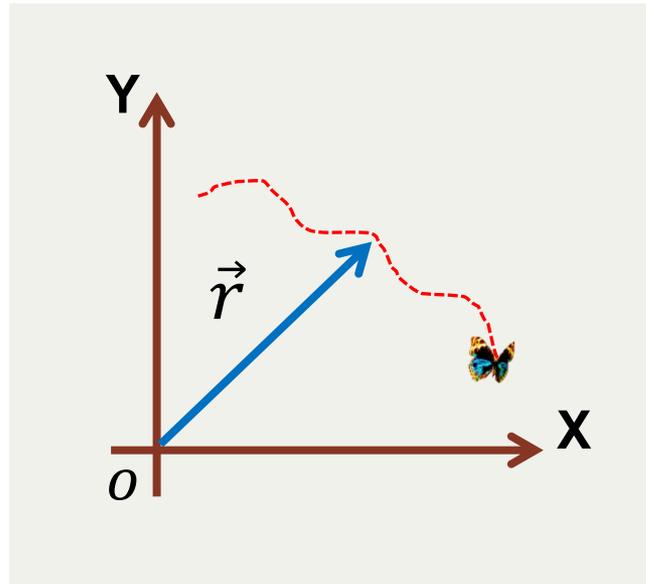
$$\vec{a} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

## Exemplo 1 da aplicação de vetores

Um borboleta executa uma trajetória em um plano descrita pelo vetor posição  $\vec{r} = 3\cos 2t \hat{i} + 3\sin 2t \hat{j}$ . Determine a expressão para a velocidade instantânea  $\left(\frac{d\vec{r}}{dt}\right)$ .



## Exemplo 1 da aplicação de vetores



$$\vec{r} = 3\cos 2t \hat{i} + 3\sin 2t \hat{j}$$

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d}{dt} [3\cos 2t \hat{i} + 3\sin 2t \hat{j}]$$

$$= \left(\frac{d}{dt} 3\cos 2t\right) \hat{i} + \left(\frac{d}{dt} 3\sin 2t\right) \hat{j}$$

$$= 3 \left(\frac{d}{dt} \cos 2t\right) \hat{i} + 3 \left(\frac{d}{dt} \sin 2t\right) \hat{j}$$

$$= 3 (-2\sin 2t) \hat{i} + 3(2\cos 2t) \hat{j}$$

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = -6\sin 2t \hat{i} + 6\cos 2t \hat{j}$$

## Exemplo 2

Dados dois vetores  $\vec{A} = 5\hat{i} + 7\hat{j}$  e  $\vec{B} = \hat{i} + 2\hat{j}$ . Determine a magnitude e a direção do vetor soma  $\vec{S} = \vec{A} + \vec{B}$ .

## Exemplo 2

Dados dois vetores  $\vec{A} = 5\hat{i} + 7\hat{j}$  e  $\vec{B} = \hat{i} + 2\hat{j}$ . Determine a magnitude e a direção do vetor soma  $\vec{S} = \vec{A} + \vec{B}$ .

$$\vec{S} = \vec{A} + \vec{B} = (5\hat{i} + 7\hat{j}) + (\hat{i} + 2\hat{j}) = (5 + 1)\hat{i} + (7 + 2)\hat{j} = 6\hat{i} + 9\hat{j}$$

$$\vec{S} = 6\hat{i} + 9\hat{j} \quad \Rightarrow \quad S_x = 6 \quad e \quad S_y = 9$$

*Magnitude ou módulo :*

$$|\vec{S}| = S = \sqrt{S_x^2 + S_y^2}$$

*Direção*

$$\theta = \operatorname{tg}^{-1} \frac{S_y}{S_x} = \operatorname{arctg} \frac{S_y}{S_x}$$

## Exemplo 2

Dados dois vetores  $\vec{A} = 5\hat{i} + 7\hat{j}$  e  $\vec{B} = \hat{i} + 2\hat{j}$ . Determine a magnitude e a direção do vetor soma  $\vec{S} = \vec{A} + \vec{B}$ .

$$\vec{S} = \vec{A} + \vec{B} = (5\hat{i} + 7\hat{j}) + (\hat{i} + 2\hat{j}) = (5 + 1)\hat{i} + (7 + 2)\hat{j} = 6\hat{i} + 9\hat{j}$$

$$\vec{S} = 6\hat{i} + 9\hat{j} \quad \Rightarrow \quad S_x = 6 \quad e \quad S_y = 9$$

*Magnitude ou módulo :*

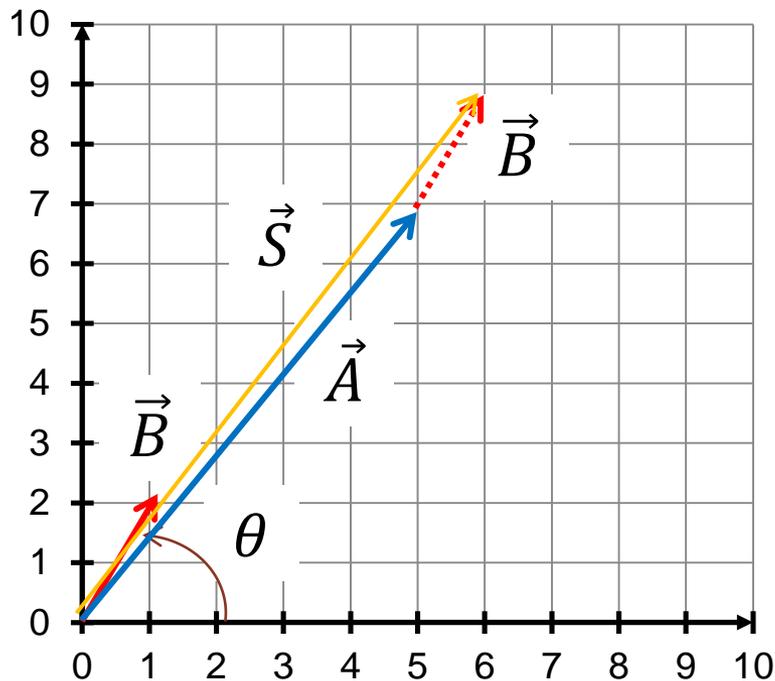
$$|\vec{S}| = S = \sqrt{S_x^2 + S_y^2} \quad \Rightarrow \quad S = \sqrt{6^2 + 9^2} = 10,8$$

*Direção*

$$\theta = \operatorname{tg}^{-1} \frac{S_y}{S_x} = \operatorname{arctg} \frac{S_y}{S_x} \quad \Rightarrow \quad \theta = \operatorname{arctg} \frac{9}{6} = 56,3^\circ$$

## Exemplo 2

Representação dos *vetores no plano cartesiano*:



$$|\vec{S}| = S = 10,8$$

$$\theta = 56,3^\circ$$

Obs.: Um vetor pode ser trasladado no plano, desde que sejam mantidas a magnitude e direção.

## Exemplo 3

A posição de uma formiga que está se deslocando na direção de um eixo  $x$  é dada por  $x = 3t + 2$ , onde  $x$  é expresso em metros e  $t$  em segundos. Determine:

- a) Sua posição inicial;
- b) Sua velocidade instantânea;
- c) Sua aceleração instantânea.

## Exemplo 3

a) Posição inicial

Na posição inicial consideraremos o tempo  $t = 0$ :

$$x(t) = 3t + 2 \quad x(0) = 3 \times 0 + 2 \quad x(0) = 2 \text{ m}$$

b) Velocidade instantânea

A velocidade é a taxa de variação do espaço no tempo:

$$v(t) = \frac{dx}{dt} \quad v(t) = \frac{d}{dt}(3t + 2) \quad v(t) = 3 \text{ m/s}$$

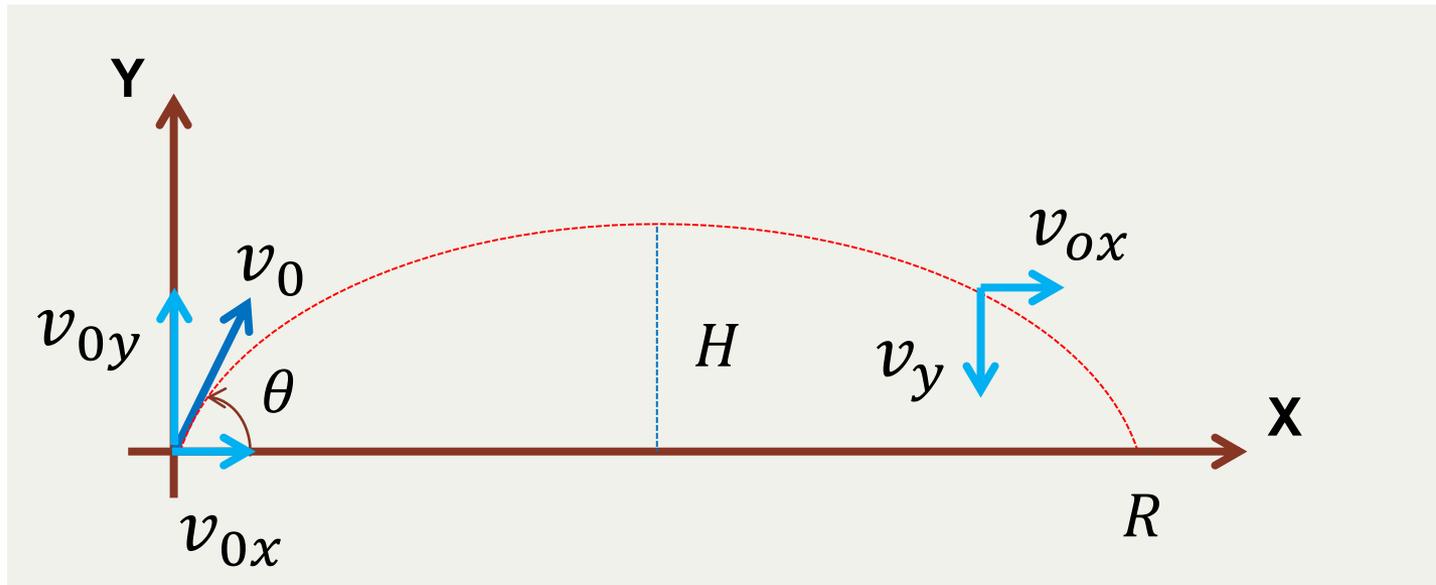
c) Aceleração

A aceleração é a taxa de variação da velocidade no tempo:

$$a(t) = \frac{dv}{dt} \quad v(t) = \frac{d}{dt}(3) \quad a(t) = 0$$

## Movimento Parabólico

Movimento composto na direção horizontal e vertical.



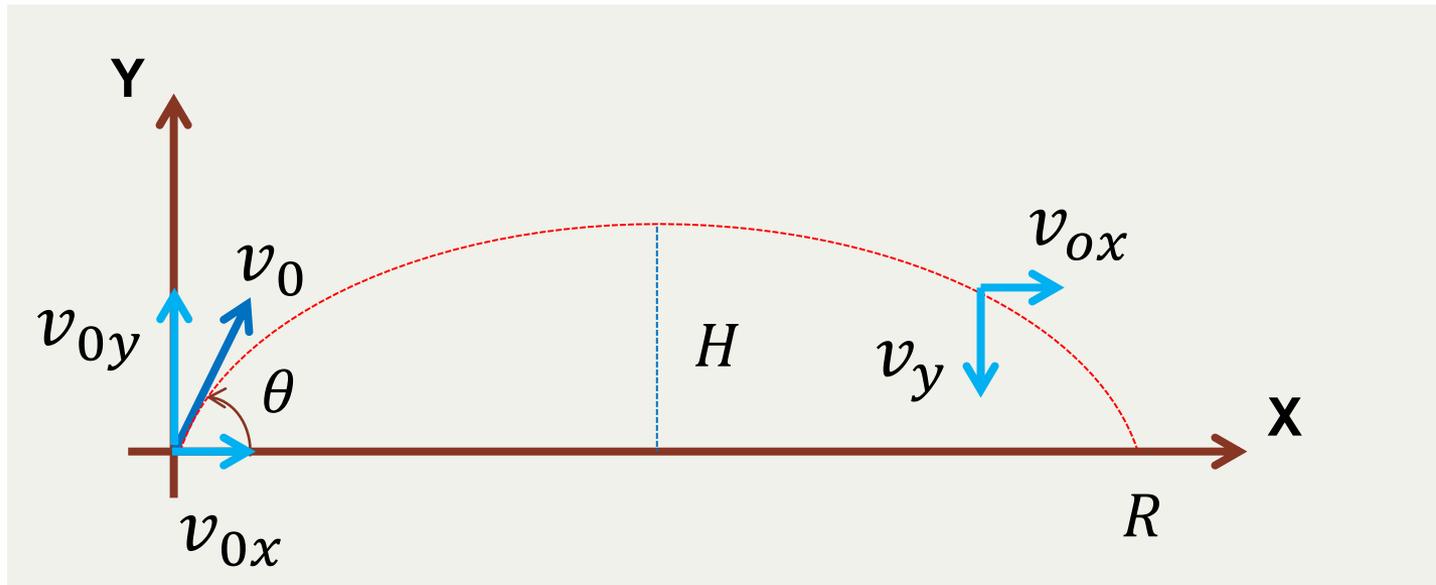
No eixo Y o movimento é acelerado (MUV);

No eixo X a velocidade é uniforme (MU).

# Movimento Parabólico

$$\text{(MU)} \quad v_x = v_{0x} \quad x = x_0 + v_{0x}t \quad a_x = 0$$

$$\text{(MUV)} \quad v_y = v_{0y} - gt \quad y = y_0 + v_{0y}t - \frac{1}{2}gt^2 \quad a_y = -g$$



$$v_0 = \sqrt{(v_{0x})^2 + (v_{0y})^2}$$

Na altura máxima:  $v_y = 0$

# Forças fundamentais

- 1. Gravitacional:** interação entre massas;
- 2. Eletromagnética:** interação entre cargas elétricas;
- 3. Nuclear forte:** interação entre nêutrons e prótons;
- 4. Nuclear fraca:** Interação entre partículas subatômicas.

# Forças fundamentais

1. **Gravitacional**
2. **Eletromagnética**

Fenômenos discutidos na Mecânica Clássica, eletricidade, magnetismo e mecânica estatística.

- 
3. **Nuclear forte**
  4. **Nuclear fraca**

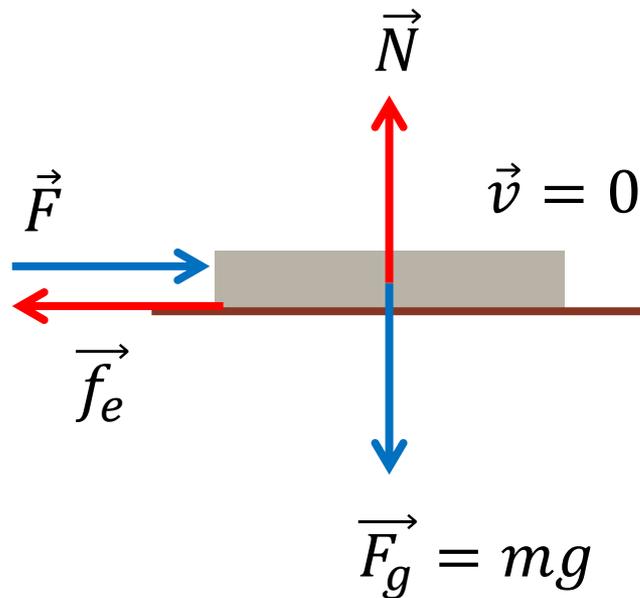
Responsáveis pela estrutura dos átomos, moléculas e interações entre elas.

# Forças derivadas

- As demais forças são derivadas das fundamentais;
- Na biofísica analisamos o efeito das forças derivadas;
- A origem dessas forças pode ser externa ou resultante do próprio corpo.

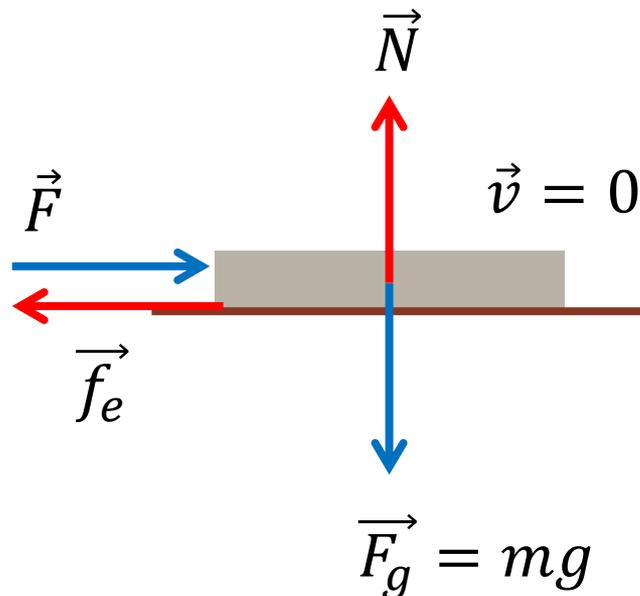
# Forças de atrito

Aplicação de uma força sobre um livro em repouso:

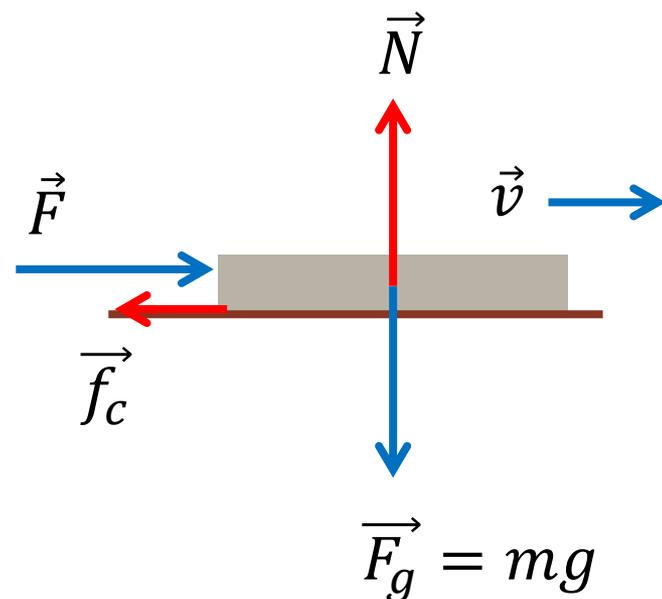


# Forças de atrito

Aplicação de uma força sobre um livro em repouso:

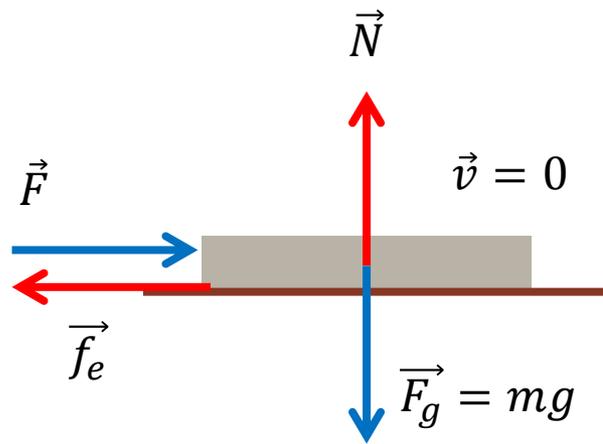


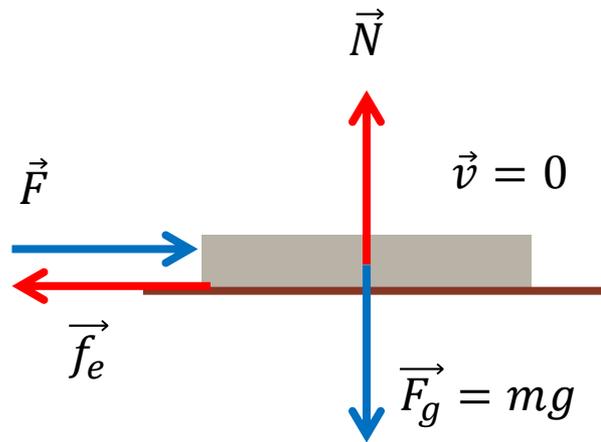
Ao adquirir velocidade a resistência ao movimento diminui:



# Forças de atrito

- As forças de atrito estão relacionadas com as forças de contato entre as superfícies;
- O coeficiente de proporcionalidade é o coeficiente de atrito.



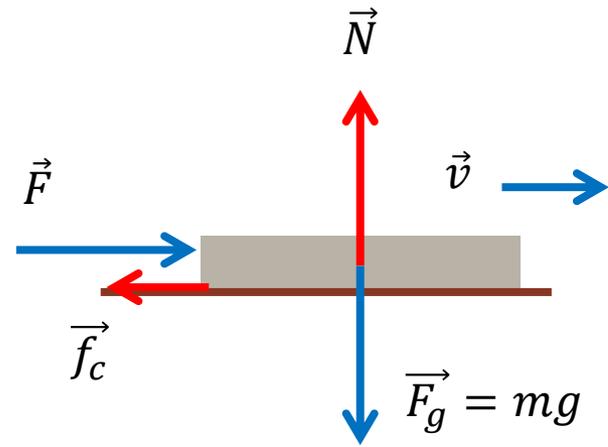


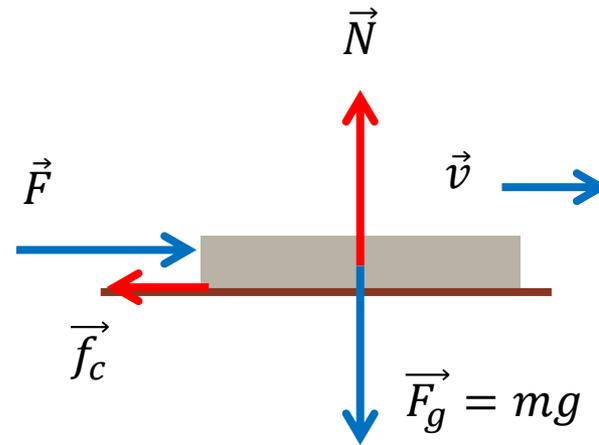
$$f_e = \mu_e N$$

$N$ : força normal;

$f_e$  : força de atrito  
estática;

$\mu_e$  : coeficiente de atrito  
estático.

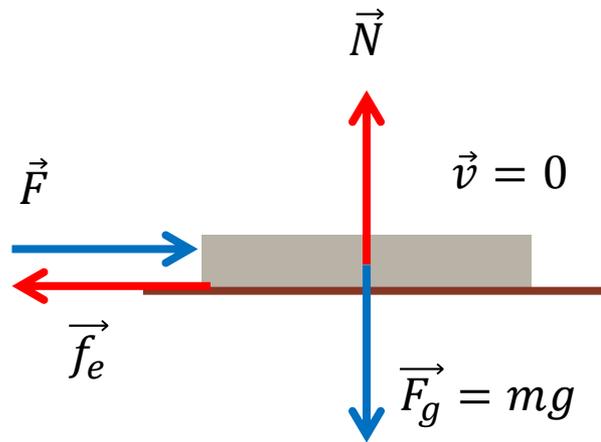




$$f_c = \mu_c N$$

$f_c$  : força de atrito  
cinética;

$\mu_c$  : coeficiente de atrito  
cinético.

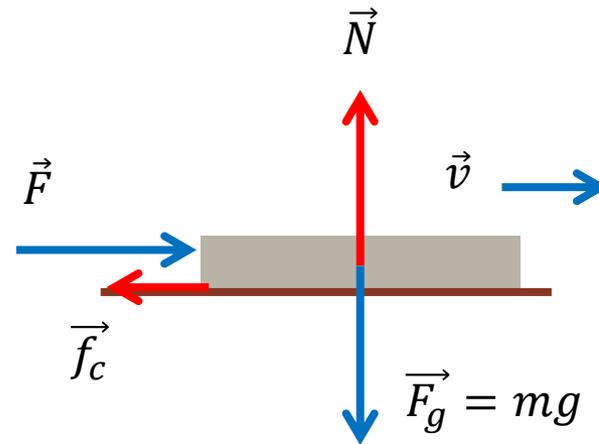


$$f_e = \mu_e N$$

$N$ : força normal;

$f_e$  : força de atrito  
estática;

$\mu_e$  : coeficiente de atrito  
estático.



$$f_c = \mu_c N$$

$f_c$  : força de atrito  
cinética;

$\mu_c$  : coeficiente de atrito  
cinético.

## Exemplo com coeficiente de atrito

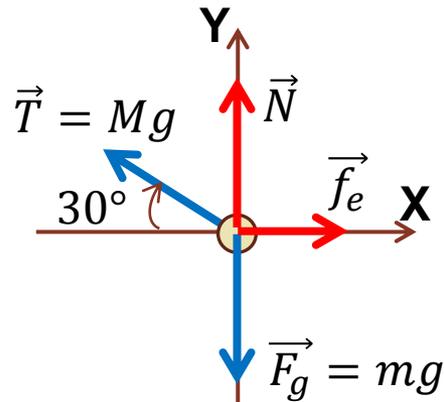
Um paciente com 70 kg está submetido a um esforço de tração sobre uma cama, conforme Figura abaixo. Qual será o valor máximo da massa suspensa  $M$  para que o esforço  $T$  na cabeça não o desloque da posição de repouso.

Considere o coeficiente de atrito entre a cama e as roupas do paciente igual a  $\mu_e = 0,20$ .



## Solução

- Diagrama de corpo livre e dados:



$m = 70\text{kg}$ : massa do paciente ;

$\mu_e = 0,20$ : Coeficiente de atrito estático;

$M = ?$  Massa suspensa.

- Para que o paciente permaneça em repouso as forças nos dois eixos devem estar em equilíbrio:

$$\sum F_x: \quad T \cos 30 = f_e \quad \text{mas,} \quad T = Mg \quad \text{e} \quad f_e = \mu_e N$$

$$\sum F_y: \quad T \sin 30 + N = F_g \quad \text{mas,} \quad F_g = mg$$

## Solução

- Substituindo as expressões das forças no sistema de equações temos:

$$Mg \cos 30 = \mu_e N \quad (1)$$

$$Mg \sin 30 + N = mg \quad (2)$$

- Da equação (1) isolamos  $N$  :

$$N = \frac{Mg \cos 30}{\mu_e} \quad (3)$$

- Substituímos (3) em (2):

$$Mg \sin 30 + \frac{Mg \cos 30}{\mu_e} = mg \quad (4)$$

## Solução

- Isolamos  $M$  da equação (4):

$$Mg \left( \text{sen}30 + \frac{\text{cos}30}{\mu_e} \right) = mg$$

- Inserindo os valores numéricos encontramos  $M$ :

$$M \left( 0,50 + \frac{0,866}{0,20} \right) = 70$$

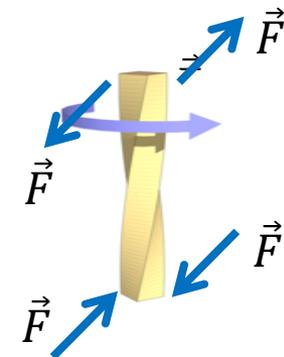
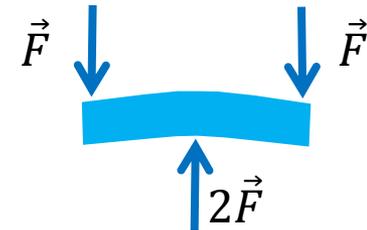
$$M \cdot 4,83 = 70$$

**$M = 14,5 \text{ Kg}$**  Será o valor máximo da massa suspensa para que o paciente permaneça em repouso.

# Forças Elásticas

- Um corpo submetido a esforços experimentará, em alguma magnitude, deformações em suas dimensões;
- Os esforços podem ser classificados em quatro tipos fundamentais:  
tração, compressão, flexão e torção.

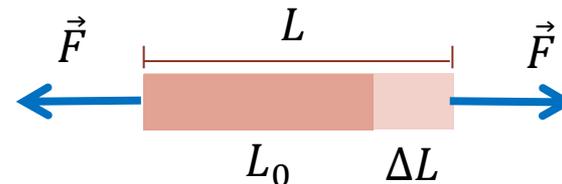
- A. Tração:** Ação de duas forças opostas de igual intensidade e no sentido de afastamento;
- B. Compressão:** Ação de duas forças opostas de igual intensidade e no sentido de aproximação;
- C. Flexão:** Ação de pelo menos três forças, sendo duas no mesmo sentido e outra no sentido contrário;
- D. Torção:** Ação de dois pares de forças que agem em sentidos opostos e em planos paralelos.



# Módulo de Young ( $Y$ )

- Ao ser submetido a esforços de tração, compressão, flexão e torção os corpos sofrem deformação;
- As deformações são alterações em suas dimensões;
- As variações lineares ( $\Delta L$ ) são determinadas pelas diferenças entre o comprimento final ( $L$ ) e o comprimento inicial ( $L_0$ ).

$$\Delta L = L - L_0$$



# Módulo de Young ( $Y$ )

- Verificou-se, experimentalmente, para a maioria dos materiais como metais, madeiras, borrachas e ossos que para pequenos esforços ( $F$ ) a variação ( $\Delta L$ ) é proporcional à força aplicada:

$$F = K\Delta L$$

Sendo  $K$  a constante elástica do material.

- Essa expressão é conhecida como lei de Hooke.

# Módulo de Young ( $Y$ )

- Esse comportamento elástico também pode ser descrito em termos da variação relativa do comprimento ( $\Delta L/L_0$ ) e da força aplicada ( $F$ ) por unidade de área ( $A$ ):

$$\frac{F}{A} = Y \frac{\Delta L}{L_0} \quad (1)$$

Sendo  $Y$  denominado módulo de Young do material.

- A expressão (1) é utilizada para o cálculo do módulo de Young.

# Módulo de Young ( $Y$ )

- O módulo de Young ( $Y$ ) fornece o grau de elasticidade do material;
- Quanto maior  $Y$  menos elástico é o material;

Material	Módulo de Young ( $10^7 \text{ N.m}^{-2}$ )
Aço	2070
Borracha	0,010
Osso compacto	179

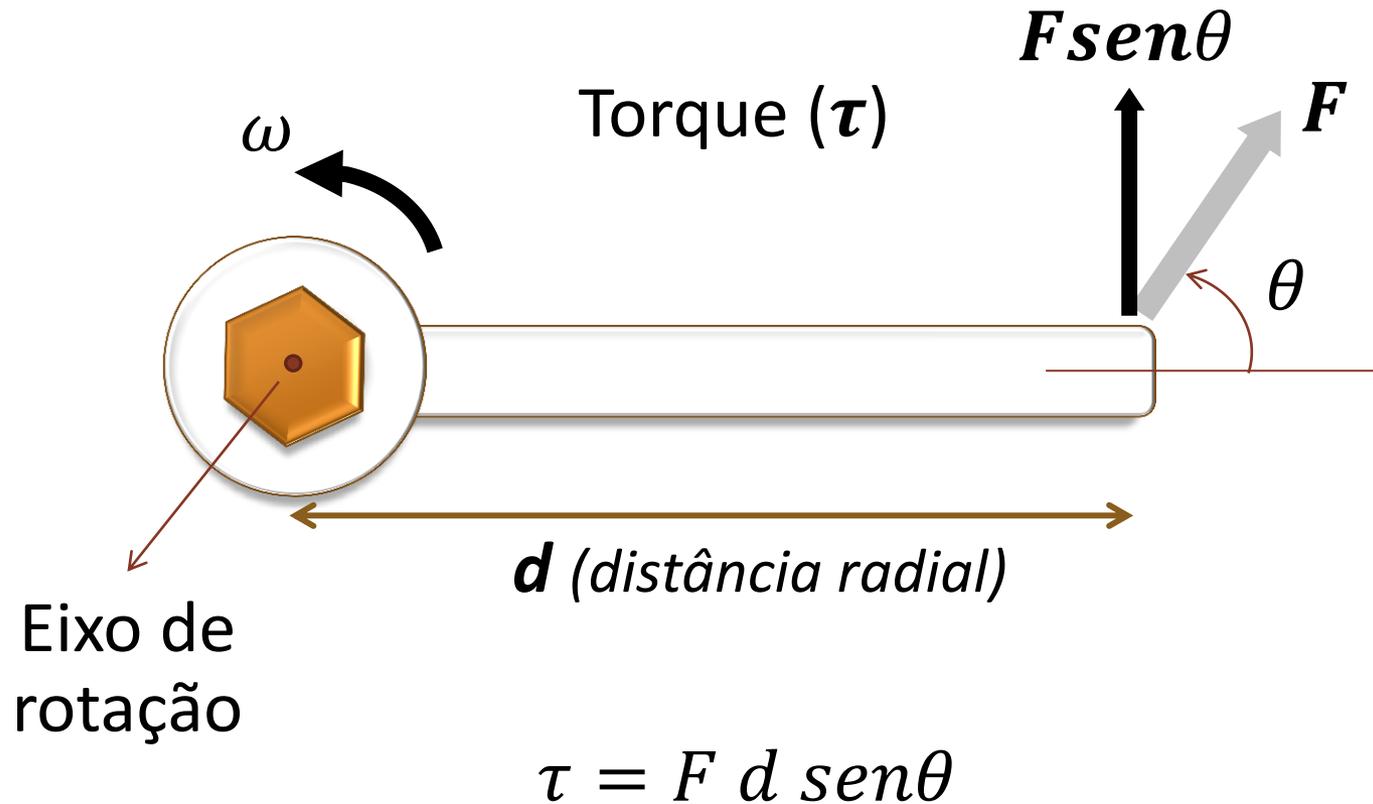
# Momento de uma força (torque)

- A aplicação de uma força ( $F$ ) pode causar rotação;
- O torque ( $\tau$ ) é responsável por mudar a velocidade angular ( $\omega$ ) de um corpo;
- O torque ( $\tau$ ) é uma grandeza vetorial;
- Somente a componente perpendicular à distância radial do eixo de rotação causa o torque.



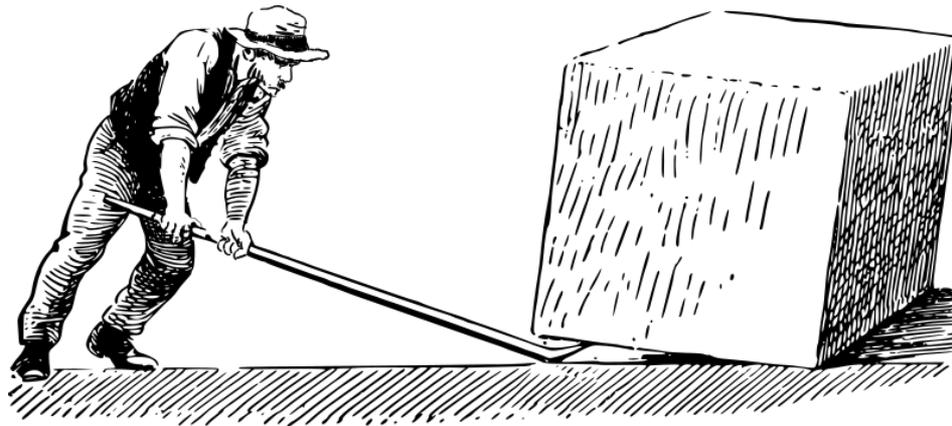
<<http://www.bigtyres.com.br/index.php>> Acesso em 24/03/2017.

# Momento de uma força (torque)



# Alavancas

- Sistema capaz de equilibrar ou elevar um corpo que exerce uma carga ( $R$ ) pela aplicação de uma pequena força ( $P$ ) através de um ponto de apoio ( $D$ );



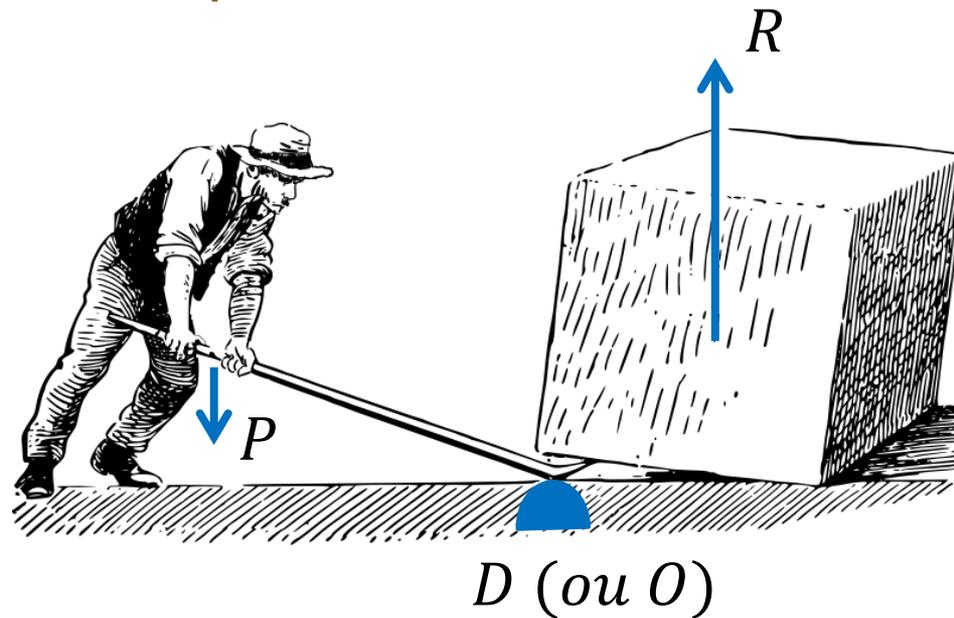
Openclipart: Quarryman.

# Alavancas

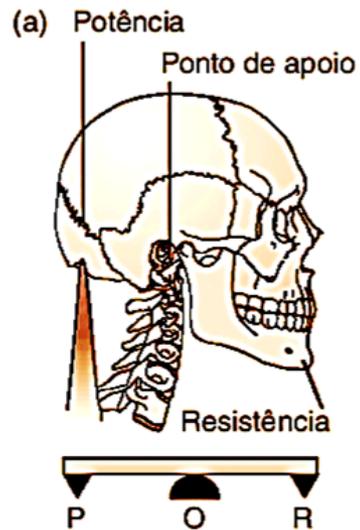
$R$  : carga com maior intensidade de força;

$P$  : força de menor intensidade;

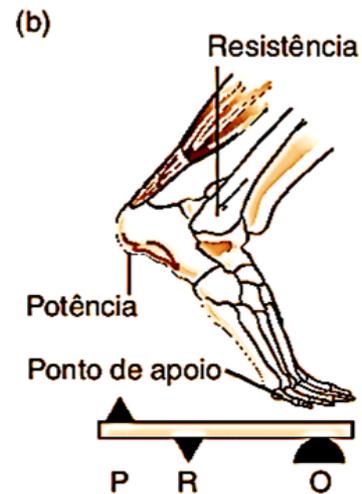
$D$  : ponto de apoio.



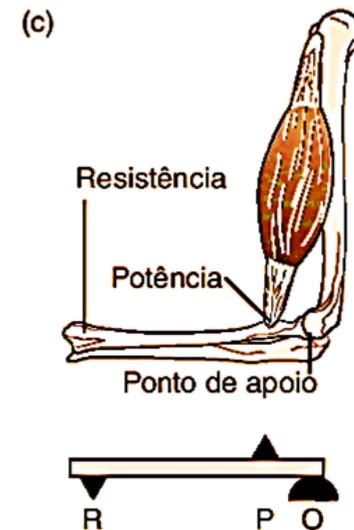
# Tipos de alavancas



Interfixa



Inter-resistente



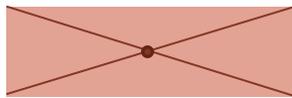
Interpotente

# Centro de massa

- Ponto que se comporta, do ponto de vista do movimento, como se toda massa nele estivesse concentrada;
- Quando há forças externas atuando no corpo a resultante é aplicada sobre esse ponto;

# Centro de massa

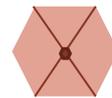
- Nos corpos com forma simétrica o centro de massa ( $Cm$ ) coincide com o centro geométrico do corpo;



$Cm$



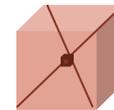
$Cm$



$Cm$



$Cm$



$Cm$

- Se o corpo tiver forma geométrica irregular o centro de massa pode ser localizado pelo somatório das partes.

# Centro de massa de sistemas

- Nos sistemas, com mais de uma partícula, as coordenadas do centro de massa no plano são calculados pelas expressões:

$$x_{cm} = \frac{\sum m_i x_i}{\sum m_i} \quad y_{cm} = \frac{\sum m_i y_i}{\sum m_i}$$

$m_i$ : massa da partícula;

$x_i$ : coordenada da partícula no eixo  $x$ ;

$y_i$ : coordenada da partícula no eixo  $y$ .

## Exemplo do cálculo de centro de massa

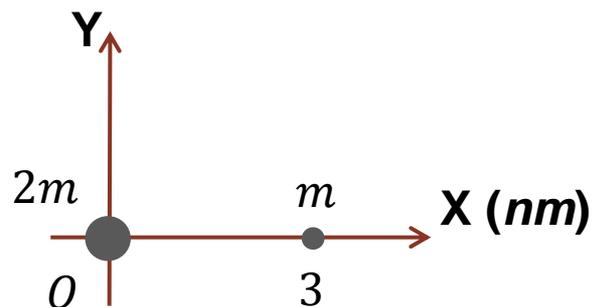
Uma molécula diatômica possui um átomo menor com massa  $m$  e o átomo maior com massa  $2m$  distantes de  $3 \text{ nm}$ . Calcule o centro de massa dessa molécula.

## Exemplo do cálculo de centro de massa

Uma molécula diatômica possui um átomo menor com massa  $m$  e o átomo maior com massa  $2m$  distantes de  $3 \text{ nm}$ . Calcule o centro de massa dessa molécula.

### Solução

- Para facilitar o cálculo o átomo maior será posicionado na origem dos eixos de coordenadas:



$$m_1 = 2m$$

$$x_1 = 0 \quad y_1 = 0$$

$$m_2 = m$$

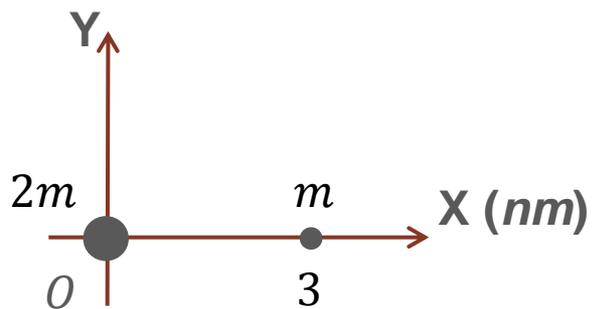
$$x_2 = 3 \text{ nm} = 3 \cdot 10^{-9} \text{ m}$$

$$y_2 = 0$$

- Só há coordenadas no eixo  $x$ , portanto utilizaremos a expressão para o centro de massa em  $x$ :

$$x_{Cm} = \frac{\sum m_i x_i}{\sum m_i} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2}$$

$$x_{Cm} = \frac{2m \cdot 0 + m \cdot 3 \cdot 10^{-9}}{2m + m} = \frac{m \cdot 3 \cdot 10^{-9}}{3m} = 1 \cdot 10^{-9} m$$



$$m_1 = 2m$$

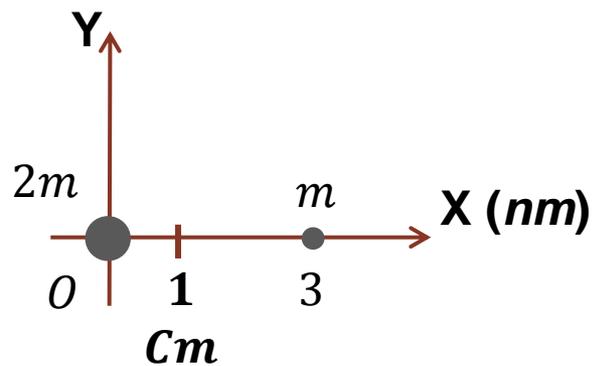
$$x_1 = 0 \quad y_1 = 0$$

$$m_2 = m$$

$$x_2 = 3 \text{ nm} = 3 \cdot 10^{-9} m$$

$$y_2 = 0$$

O centro de massa estará a 1 *nm* da origem no eixo *x*.



$$m_1 = 2m$$

$$x_1 = 0 \quad y_1 = 0$$

$$m_2 = m$$

$$x_2 = 3 \text{ nm} = 3 \cdot 10^{-9} \text{ m}$$

$$y_2 = 0$$

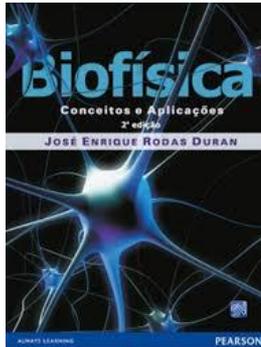
**Obrigado pela atenção!**  
**E bons estudos.**

# Exercícios

- **Acessar o site:**

<https://www.profhenriquefaria.com>

# Referências



DURAN, J.E.R. **Biofísica. Fundamentos e Aplicações, 2ª Ed.** São Paulo: Pearson Prentice Hall, 2011. (Capítulo 2)



UNESP. Instituto de Química.  
**Laboratório de Física I: apostila de práticas.**  
Compilada por Santos, C.O.P; *et. al.*  
Araraquara: Instituto de Química, 2017.