

# Aula 8

## Membrana celular e Transporte de íons

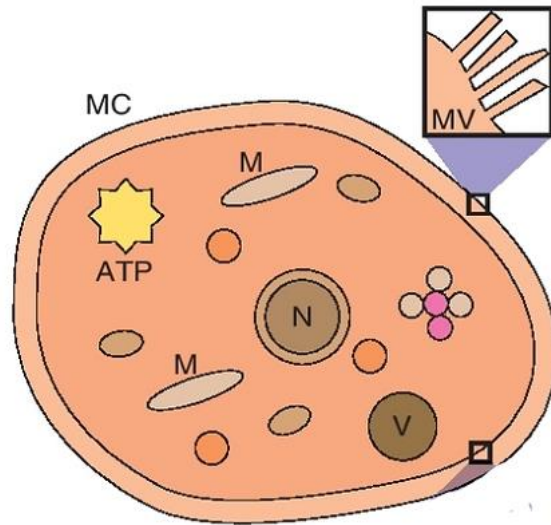
**Física Aplicada à Farmácia**

2º semestre 2019

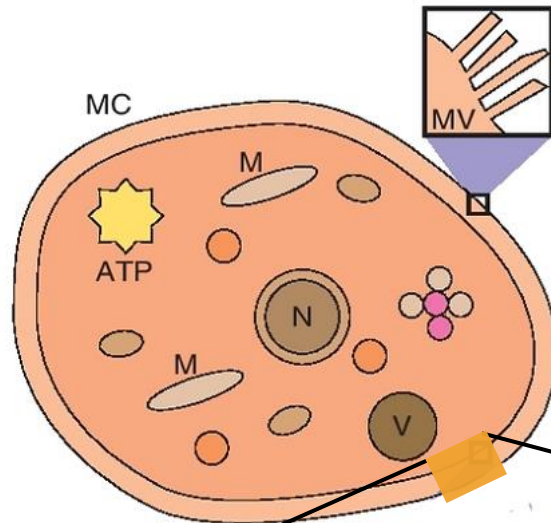
**Prof. Henrique A. M. Faria**

# Membrana celular

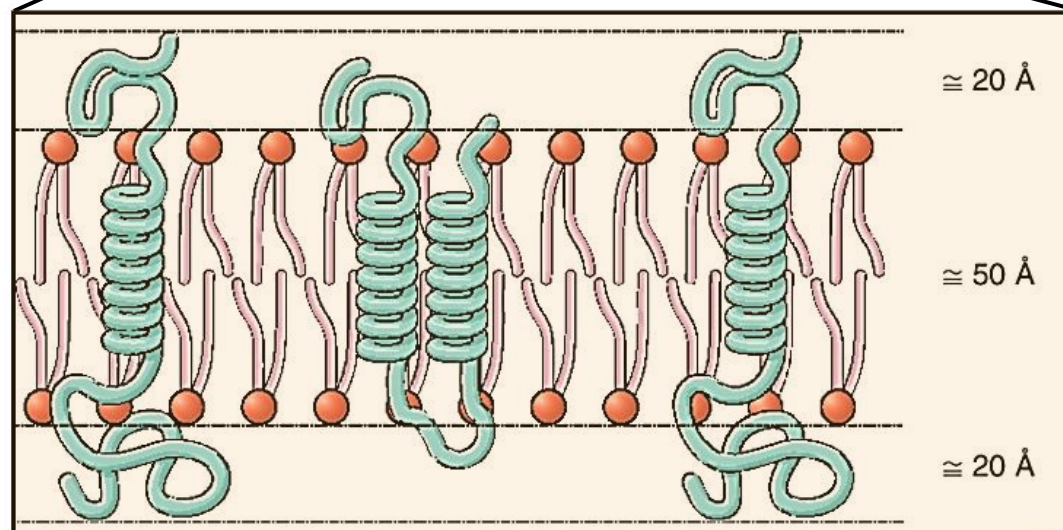
- A membrana celular é um **sistema aberto**;
- Permite o **trânsito** permanente de **moléculas complexas** e de espécies **iônicas**;
- O **fluxo** pode ocorrer **nos dois sentidos**: do meio intracelular para o exterior ou do meio extracelular para o meio interior.



- **MV**: micro vilosidade;
- **M**: mitocôndria;
- **N**: núcleo;
- **V**: vacúolo;
- **MC**: membrana celular



● **MC**: membrana celular



# Membrana celular

- A membrana é composta de **bicamada lipídica e proteínas** que formam canais através da membrana;

# Membrana celular

- A membrana é composta de **bicamada lipídica e proteínas** que formam canais através da membrana;
- A **permeabilidade celular** é resultado da atividade **fisiológica** e do **comportamento elétrico**;

# Membrana celular

- A membrana é composta de **bicamada lipídica e proteínas** que formam canais através da membrana;
- A **permeabilidade celular** é resultado da atividade **fisiológica** e do **comportamento elétrico**;
- A **membrana separa dois meios líquidos ionizados** denominados intracelular e extracelular.

# Membrana celular

- O **meio líquido** é uma solução **salina de carga líquida neutra**, ou seja, mesma concentração de ânions (-) e cátions (+);



# Membrana celular

- O **meio líquido** é uma solução **salina de carga líquida neutra**, ou seja, mesma concentração de ânions (-) e cátions (+);
- O **transporte de íons** através da membrana ocorre devido a **quatro fatores**:
  - Diferença de pressão;
  - Difusão devido ao potencial químico;
  - Migração por campo elétrico;
  - Transporte ativo com gasto de energia.

# Membrana celular

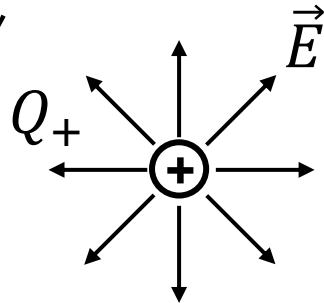
- O **meio líquido** é uma solução **salina de carga líquida neutra**, ou seja, mesma concentração de ânions (-) e cátions (+);
- O **transporte de íons** através da membrana ocorre devido a **quatro fatores**:
  - Diferença de pressão;
  - Difusão devido ao potencial químico;
  - **Migração por campo elétrico;**
  - **Transporte ativo com gasto de energia.**

Aula  
de hoje

# Revisão dos conceitos de eletricidade

## Campo elétrico (E)

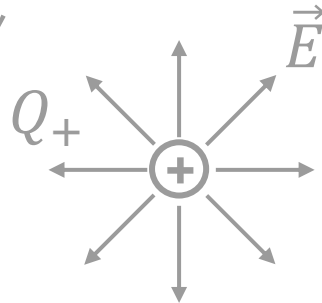
Capacidade de uma carga fonte ( $Q$ ) influenciar eletricamente o espaço em seu entorno;



$$E = K \frac{Q}{r^2} \left[ \frac{N}{C} \right]$$

## Campo elétrico (E)

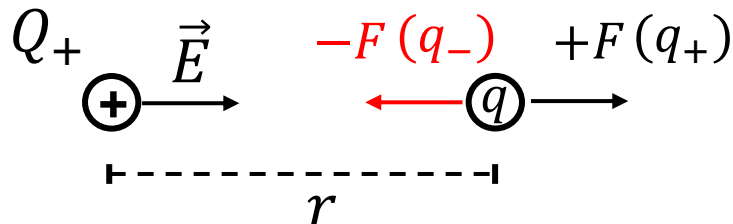
Capacidade de uma carga fonte ( $Q$ ) influenciar eletricamente o espaço em seu entorno;



$$E = K \frac{Q}{r^2} \left[ \frac{N}{C} \right]$$

## Força elétrica (F)

Uma carga ( $q$ ) experimentará uma força elétrica ao ser colocada na região de ( $E$ );



$$F = qE = K \frac{Qq}{r^2} [N]$$

## Potencial elétrico (V)

**Trabalho da força elétrica** para mover uma carga elétrica positiva de um ponto de potencial nulo a um ponto do campo elétrico;

$$V = Er = K \frac{Q}{r} [V]$$

## Potencial elétrico (V)

Trabalho da força elétrica para mover uma carga elétrica positiva de um ponto de potencial nulo a um ponto do campo elétrico;

$$V = Er = K \frac{Q}{r} [V]$$

## Carga elétrica (Q ou q)

- Grandeza que permite a interação eletromagnética;
- Pode apresentar **valores positivos e negativos**;
- Em um **sistema macroscópico** (átomos ou moléculas) a carga elétrica é um múltiplo da **carga elétrica elementar** ( $e = 1,602 \cdot 10^{-19} C$ )

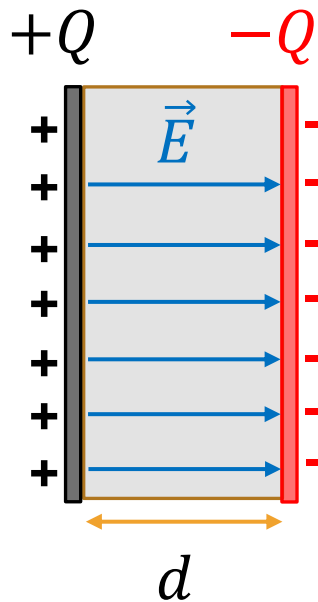
# Capacitores

- Dispositivos que **armazenam cargas elétricas;**



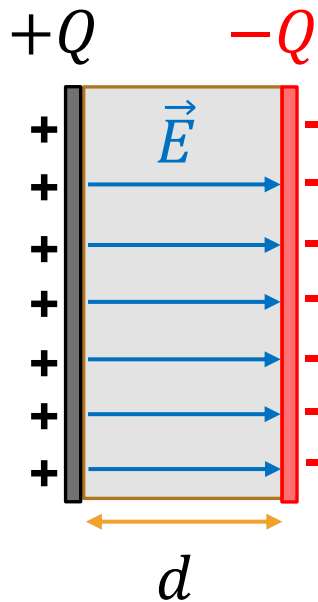
# Capacitores

- Dispositivos que **armazenam cargas elétricas**;
- O tipo **mais simples** consiste de duas **placas paralelas** carregadas ( $+Q$  e  $-Q$ )



# Capacitores

- Dispositivos que **armazenam cargas elétricas**;
- O tipo **mais simples** consiste de duas **placas paralelas** carregadas (+Q e -Q)



$$C = \frac{Q}{V}$$

$$C = \frac{\epsilon A}{d} [F] \text{ (farad)}$$

$$\sigma = \frac{Q}{A} = \frac{C}{A} V \left[ \frac{C}{m^2} \right]$$

$$V = Ed [V]$$

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon} = \frac{1}{\epsilon} \frac{Q}{A} \left[ \frac{V}{m} \right]$$

$$\epsilon_r = \frac{\epsilon}{\epsilon_0}$$

# Potencial de repouso da membrana

- A maior parte das moléculas nas **soluções salinas do interior e exterior** da célula se decompõem em **íons**;

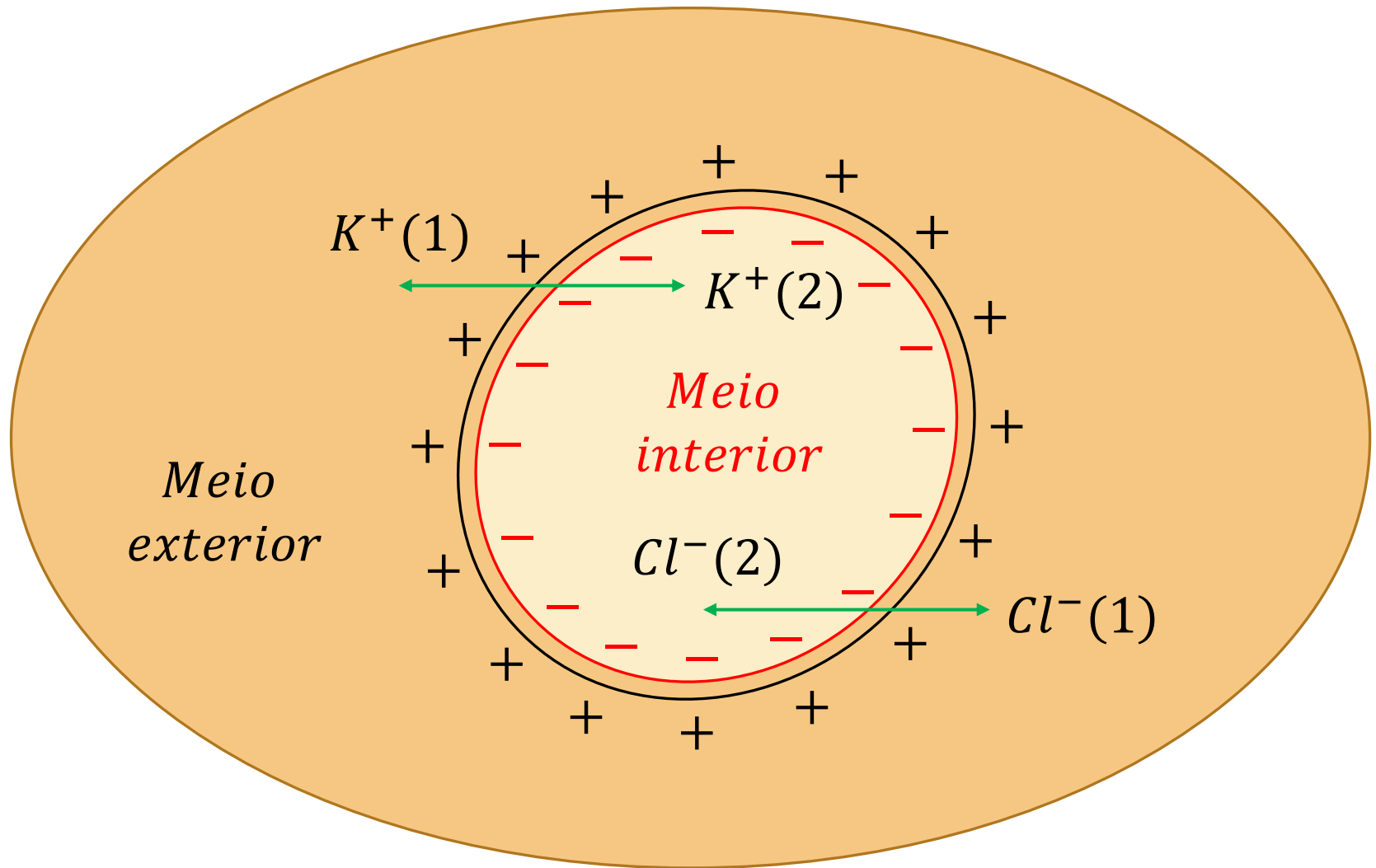
# Potencial de repouso da membrana

- A maior parte das moléculas nas **soluções salinas do interior e exterior** da célula se decompõem em **íons**;
- A **membrana é permeável a alguns tipos de íons** o que resultará em **concentração de cargas na superfície** interna e externa da membrana;

# Potencial de repouso da membrana

- A maior parte das moléculas nas **soluções salinas do interior e exterior** da célula se decompõem em **íons**;
- A **membrana é permeável a alguns tipos de íons** o que resultará em **concentração de cargas na superfície** interna e externa da membrana;
- A **ionização das superfícies cria diferença de potencial**.

# Potencial de repouso da membrana



# Potencial de repouso da membrana

- **Quando não há interferência** externa sobre a célula o potencial de membrana é denominado **potencial de repouso ( $V_0$ )**;

# Potencial de repouso da membrana

- **Quando não há interferência** externa sobre a célula o potencial de membrana é denominado **potencial de repouso ( $V_0$ )**;
- Por convenção, o **potencial elétrico do fluido extracelular é considerado nulo** e  $V$  é o potencial **no interior da membrana**;



# Potencial de repouso da membrana

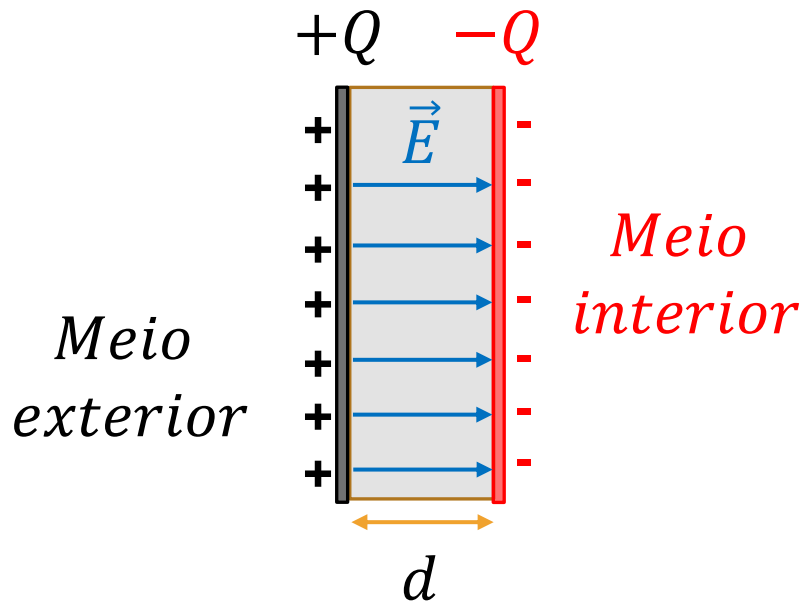
- Quando não há interferência externa sobre a célula o potencial de membrana é denominado **potencial de repouso ( $V_0$ )**;
- Por convenção, o **potencial elétrico do fluido extracelular é considerado nulo** e  $V$  é o potencial **no interior da membrana**;
- Nas **fibras nervosas e musculares dos animais** os potenciais de repouso são negativos e situam entre  $-30 \text{ mV} < V_0 < -100 \text{ mV}$ .

# Modelo da membrana como capacitor

- Pode-se imaginar, **do ponto de vista elétrico**, a membrana celular como um capacitor;
- Nesse modelo **duas soluções condutoras estão separadas por uma camada isolante**.

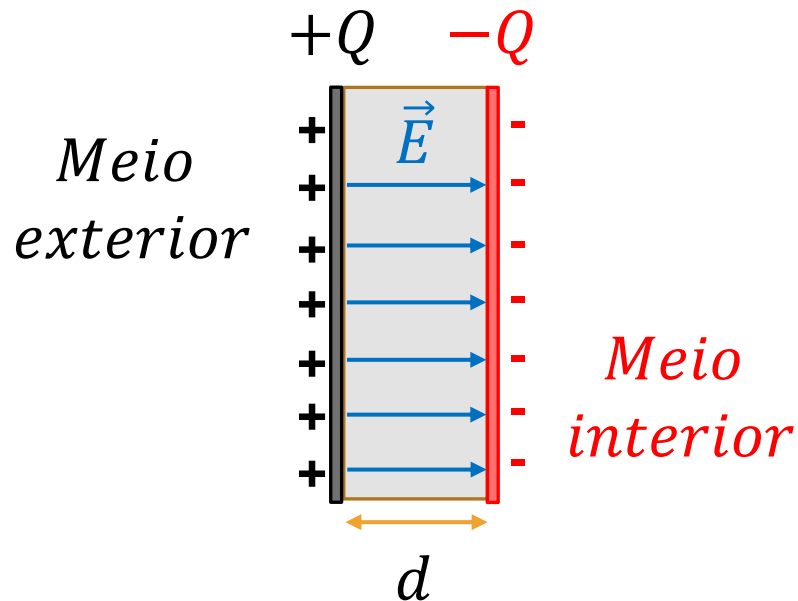
# Modelo da membrana como capacitor

- Pode-se imaginar, **do ponto de vista elétrico**, a membrana celular como um capacitor;
- Nesse modelo **duas soluções condutoras estão separadas por uma camada isolante**.

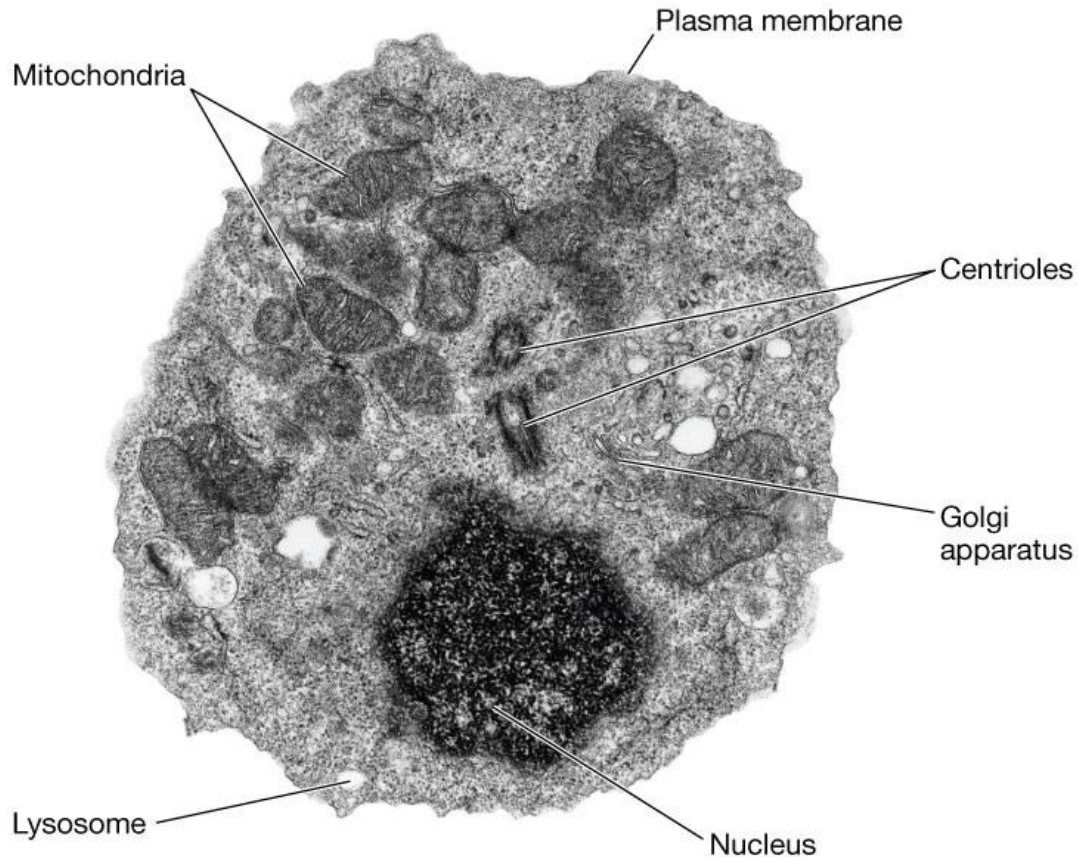


# Modelo da membrana como capacitor

- A **superfície externa** é coberta por **cátions (+Q)** enquanto a **interna** por **ânions (- Q)**;
- A **concentração de cátions e ânions** dá origem ao **potencial de repouso da membrana**.

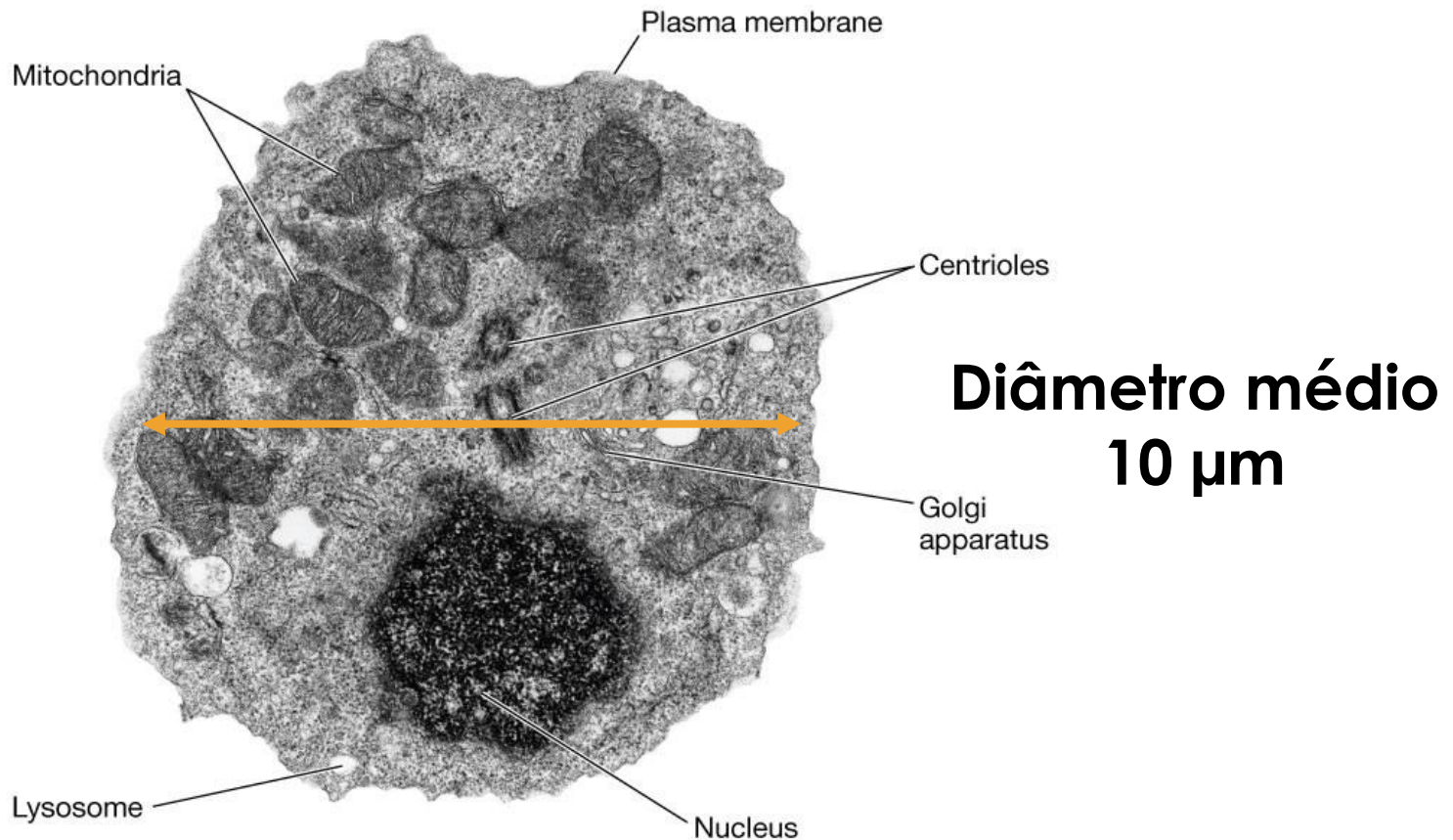


# Esse modelo é uma boa aproximação?



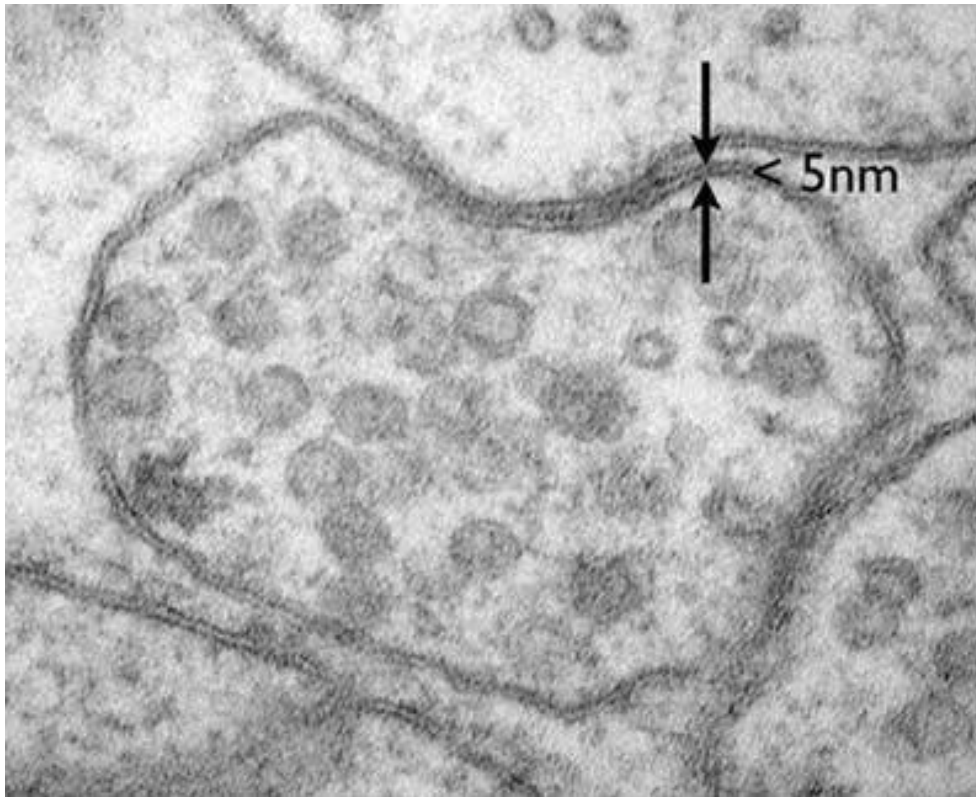
Fonte: Animal cell, Edexcel IAL Biology

# Esse modelo é uma boa aproximação?



Fonte: Animal cell, Edexcel IAL Biology

# Esse modelo é uma boa aproximação?



**Membrana  
celular  
5 nm**

Fonte: Shigeki Watanabe and Erik Jorgensen, UTAh University



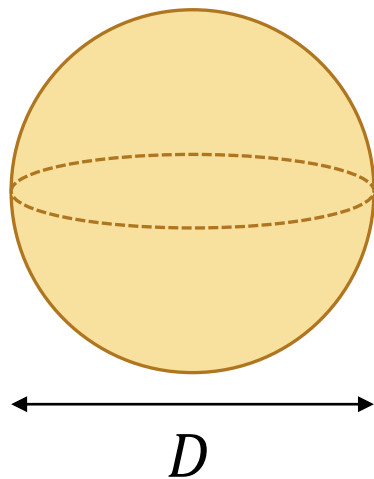
## Esse modelo é uma boa aproximação?

- Algumas células animais isoladas em meio líquido adquirem a forma esférica com diâmetros ( $D$ ) entre  $10$  a  $20 \mu\text{m}$ ;
- Em uma célula com **diâmetro  $D = 10 \mu\text{m}$**  podemos calcular a circunferência e a área.



## Esse modelo é uma boa aproximação?

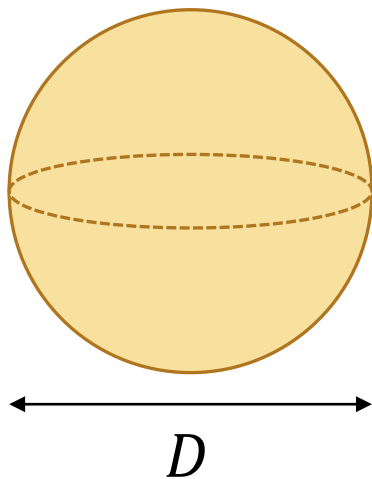
- Algumas células animais isoladas em meio líquido adquirem a forma esférica com diâmetros ( $D$ ) entre  $10$  a  $20 \mu\text{m}$ ;
- Em uma célula com **diâmetro  $D = 10 \mu\text{m}$**  podemos calcular a circunferência e a área.



$$c = \pi D$$

## Esse modelo é uma boa aproximação?

- Algumas células animais isoladas em meio líquido adquirem a forma esférica com diâmetros ( $D$ ) entre  $10$  a  $20 \mu\text{m}$ ;
- Em uma célula com **diâmetro  $D = 10 \mu\text{m}$**  podemos calcular a circunferência e a área.

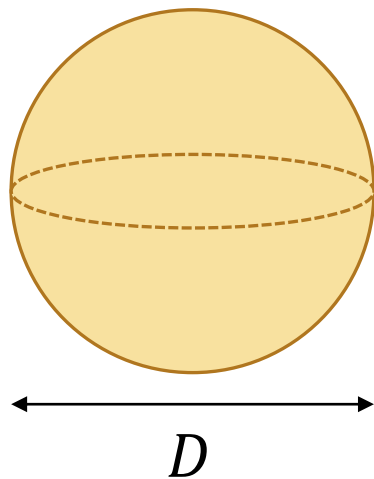


$$c = \pi D = 3,14 \times 10 \cdot 10^{-6}$$

$$c = 31 \cdot 10^{-6} \text{m}$$

## Esse modelo é uma boa aproximação?

- Algumas células animais isoladas em meio líquido adquirem a forma esférica com diâmetros ( $D$ ) entre  $10$  a  $20 \mu\text{m}$ ;
- Em uma célula com **diâmetro  $D = 10 \mu\text{m}$**  podemos calcular a circunferência e a área.



$$c = \pi D = 3,14 \times 10 \cdot 10^{-6}$$

$$c = 31 \cdot 10^{-6} \text{m}$$

$$A = \pi D^2 = 3,14 \times (10 \cdot 10^{-6})^2$$

$$A = 3,1 \cdot 10^{-10} \text{m}^2$$

## Esse modelo é uma boa aproximação?

- A **espessura** ( $d$ ) da membrana tem aproximadamente:

$$d = 5 \text{ nm} = 5 \cdot 10^{-9} \text{ m} = 5 \cdot 10^{-3} \mu\text{m}$$

- Comparando com a **circunferência**  $c = 31 \mu\text{m}$ , temos:

## Esse modelo é uma boa aproximação?

- A **espessura** ( $d$ ) da membrana tem aproximadamente:

$$d = 5 \text{ nm} = 5 \cdot 10^{-9} \text{ m} = 5 \cdot 10^{-3} \mu\text{m}$$

- Comparando com a **circunferência**  $c = 31 \mu\text{m}$ , temos:

$$\frac{d}{c} = \frac{5 \cdot 10^{-3} \mu}{31 \mu} = 1,6 \cdot 10^{-4}$$

## Esse modelo é uma boa aproximação?

- A **espessura** ( $d$ ) da membrana tem aproximadamente:

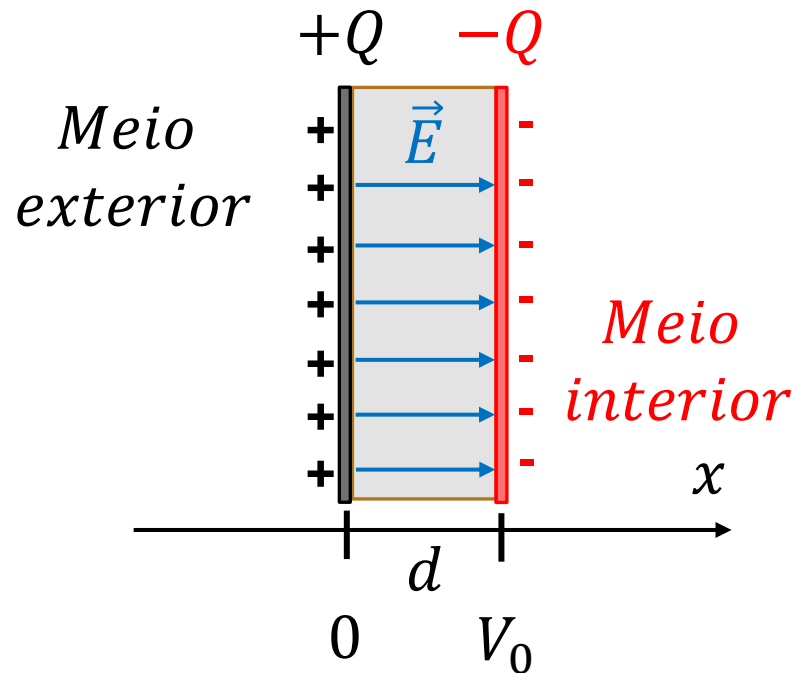
$$d = 5 \text{ nm} = 5 \cdot 10^{-9} \text{ m} = 5 \cdot 10^{-3} \mu\text{m}$$

- Comparando com a **circunferência**  $c = 31 \mu\text{m}$ , temos:

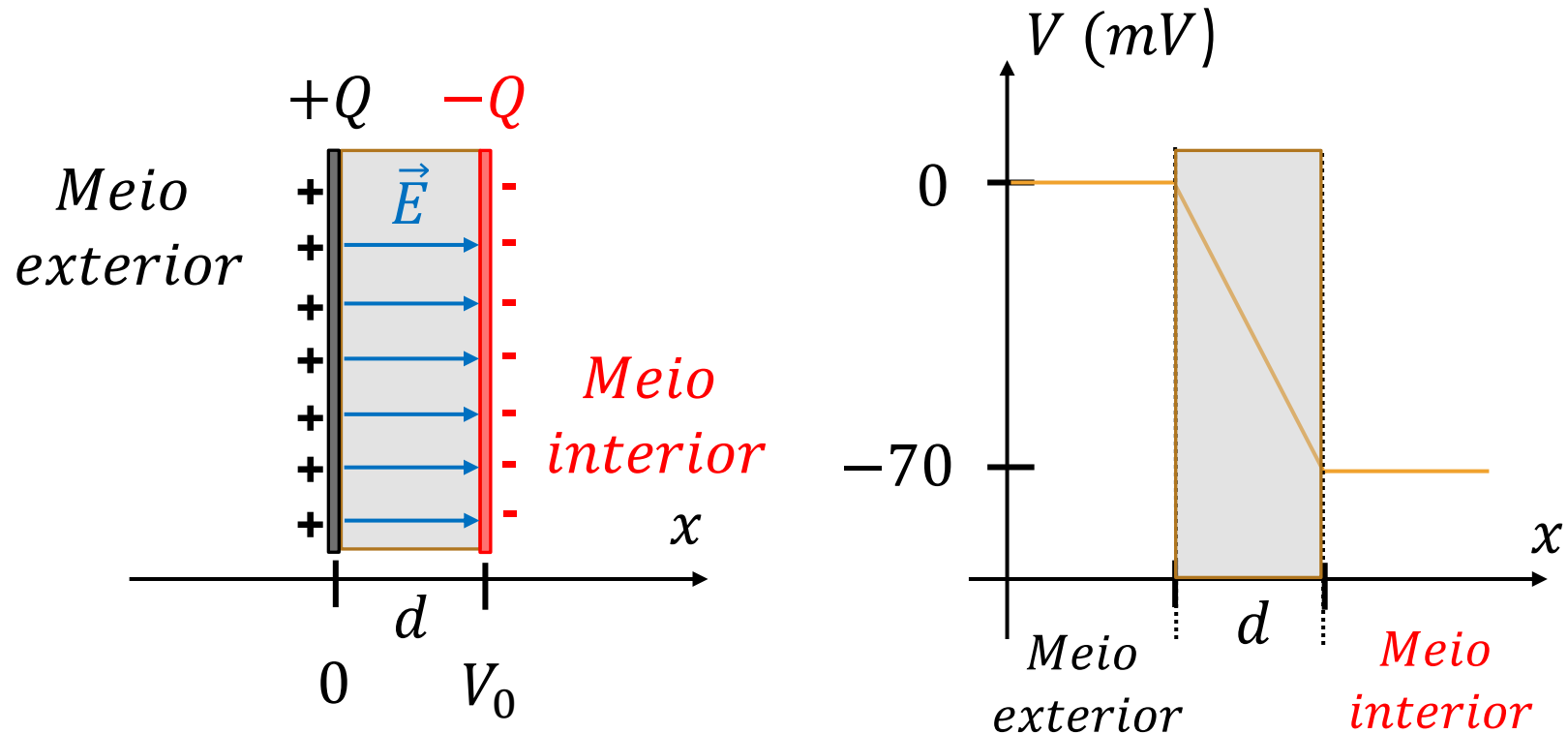
$$\frac{d}{c} = \frac{5 \cdot 10^{-3} \mu}{31 \mu} = 1,6 \cdot 10^{-4} \rightarrow c \cong 10^4 d \rightarrow \boxed{c \gg d}$$

- O que mostra que o modelo da membrana como capacitor de placas paralelas é uma boa aproximação.

Potencial de repouso em função de uma distância  $x$  ao longo da membrana.



# Potencial de repouso em função de uma distância $x$ ao longo da membrana.





# Potencial de repouso em função de uma distância $x$ ao longo da membrana.

- Então, podemos considerar as cargas  $(+Q)$  e  $(-Q)$  localizadas em duas placas paralelas infinitas (**superfície da membrana**);

# Potencial de repouso em função de uma distância $x$ ao longo da membrana.

- Então, podemos considerar as cargas  $(+Q)$  e  $(-Q)$  localizadas em duas placas paralelas infinitas (**superfície da membrana**);
- Como o valor característico para a **permissividade elétrica na membrana é  $\epsilon = 10\epsilon_0$**  pode-se estimar a capacitância por unidade de área, a densidade superficial de cargas e outros parâmetros.

# Exemplo

Uma membrana celular tem permissividade elétrica  $\epsilon = 10\epsilon_0$  e espessura  $d = 8,0 \text{ nm}$ . A distribuição de cargas superficiais ( $\sigma$ ) é de  $8,0 \cdot 10^{-4} \left[ \frac{\text{C}}{\text{m}^2} \right]$ . Utilize o modelo de membrana como um capacitor de placas paralelas e calcule:

- A diferença de potencial entre as superfícies da membrana;
- O campo elétrico na face interior;
- A força elétrica que experimentará um íon de  $\text{Ca}^{++}$  que está no interior da membrana.

Dados:  $\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \left[ \frac{\text{N}}{\text{C}} \right]$

# Exemplo - solução

**Dados:**  $\varepsilon = 10\varepsilon_0 = 10 \times 8,85 \cdot 10^{-12} = 8,85 \cdot 10^{-11} \left[ \frac{N}{C} \right]$

$$d = 8,0 \text{ nm} = 8,0 \cdot 10^{-9} [m] \quad \sigma = \frac{Q}{A} = 8,0 \cdot 10^{-4} \left[ \frac{C}{m^2} \right]$$

# Exemplo - solução

Dados:  $\epsilon = 10\epsilon_0 = 10 \times 8,85 \cdot 10^{-12} = 8,85 \cdot 10^{-11} \left[ \frac{N}{C} \right]$

$$d = 8,0 \text{ nm} = 8,0 \cdot 10^{-9} [m] \quad \sigma = \frac{Q}{A} = 8,0 \cdot 10^{-4} \left[ \frac{C}{m^2} \right]$$

a)  $\sigma = \frac{C}{A} V$  e  $C = \frac{\epsilon A}{d} \rightarrow V = \frac{\sigma d}{\epsilon}$

$$V = \frac{8,0 \cdot 10^{-4} \times 8,0 \cdot 10^{-9}}{8,85 \cdot 10^{-11}} = 72 \cdot 10^{-3} = \mathbf{72 [mV]}$$

# Exemplo - solução

Dados:  $\epsilon = 10\epsilon_0 = 10 \times 8,85 \cdot 10^{-12} = 8,85 \cdot 10^{-11} \left[ \frac{N}{C} \right]$

$$d = 8,0 \text{ nm} = 8,0 \cdot 10^{-9} [m] \quad \sigma = \frac{Q}{A} = 8,0 \cdot 10^{-4} \left[ \frac{C}{m^2} \right]$$

a)  $\sigma = \frac{C}{A} V$  e  $C = \frac{\epsilon A}{d} \rightarrow V = \frac{\sigma d}{\epsilon}$

$$V = \frac{8,0 \cdot 10^{-4} \times 8,0 \cdot 10^{-9}}{8,85 \cdot 10^{-11}} = 72 \cdot 10^{-3} = \mathbf{72 [mV]}$$

b)  $V = Ed \rightarrow E = \frac{V}{d} = \frac{-72 \cdot 10^{-3}}{8,0 \cdot 10^{-9}} = \mathbf{9,0 \cdot 10^6 \left[ \frac{V}{m} \right]}$

# Exemplo - solução

Dados:  $\epsilon = 10\epsilon_0 = 10 \times 8,85 \cdot 10^{-12} = 8,85 \cdot 10^{-11} \left[ \frac{N}{C} \right]$

$$d = 8,0 \text{ nm} = 8,0 \cdot 10^{-9} [m] \quad \sigma = \frac{Q}{A} = 8,0 \cdot 10^{-4} \left[ \frac{C}{m^2} \right]$$

a)  $\sigma = \frac{C}{A} V \quad e \quad C = \frac{\epsilon A}{d} \quad \rightarrow \quad V = \frac{\sigma d}{\epsilon}$

$$V = \frac{8,0 \cdot 10^{-4} \times 8,0 \cdot 10^{-9}}{8,85 \cdot 10^{-11}} = 72 \cdot 10^{-3} = \mathbf{72 [mV]}$$

b)  $V = Ed \quad \rightarrow \quad E = \frac{V}{d} = \frac{-72 \cdot 10^{-3}}{8,0 \cdot 10^{-9}} = \mathbf{9,0 \cdot 10^6 \left[ \frac{V}{m} \right]}$

c)  $F = qE = q^{++} E = 2 \times 1,60 \cdot 10^{-19} \times 9,0 \cdot 10^6$

$$F = \mathbf{2,9 \cdot 10^{-12} [N]}$$

# Movimento de íons

- Quando o meio condutor para corrente elétrica é uma solução eletrolítica a corrente é originada pelo deslocamento dos íons presentes na solução;



# Movimento de íons

- Quando o meio condutor para corrente elétrica é uma solução eletrolítica a corrente é originada pelo deslocamento dos íons presentes na solução;
- A **condutividade elétrica** ( $\sigma_i$ ) da solução eletrolítica com esta espécie iônica será:

# Movimento de íons

- Quando o meio condutor para corrente elétrica é uma solução eletrolítica a corrente é originada pelo deslocamento dos íons presentes na solução;
- A **condutividade elétrica** ( $\sigma_i$ ) da solução eletrolítica com esta espécie iônica será:

$$\sigma_i = \mu_i q_i^2 C_i \quad [\Omega \cdot m]^{-1}$$

$q_i$ : carga elétrica da espécie iônica;

$C_i$ : concentração da espécie iônica da solução;

$\mu_i$ : constante de mobilidade.

# Movimento de íons

$$\mu_i = \frac{D_i}{kT}$$

$\mu_i$ : constante de mobilidade

$D_i$ : coeficiente de difusão da espécie iônica;

$T$ : temperatura da solução;

$k$ : constante de Boltzmann.

# Movimento de íons

$$\mu_i = \frac{D_i}{kT}$$

$\mu_i$ : constante de mobilidade

$D_i$ : coeficiente de difusão da espécie iônica;

$T$ : temperatura da solução;

$k$ : constante de Boltzmann.

- Se a solução está sujeita a um campo elétrico ( $E$ ) a **densidade de corrente** ( $J$ ) na solução será:

# Movimento de íons

$$\mu_i = \frac{D_i}{kT}$$

$\mu_i$ : constante de mobilidade

$D_i$ : coeficiente de difusão da espécie iônica;

$T$ : temperatura da solução;

$k$ : constante de Boltzmann.

- Se a solução está sujeita a um campo elétrico ( $E$ ) a **densidade de corrente** ( $J$ ) na solução será:

$$J = \sigma E = \sum_i (\mu_i q_i^2 C_i) E \quad \text{como: } J = I/A$$

$$I = \sigma EA = \sum_i (\mu_i q_i^2 C_i) EA \quad (\text{corrente iônica})$$

# Potencial de Nernst e Equilíbrio de Donnan

# Potencial de Nernst

- É uma **condição de equilíbrio** no transporte de um determinado espécime iônico através da membrana;
- O potencial de Nernst é atingido quando as **forças química e elétrica** sobre a espécime **se equilibram**, ou seja, não há fluxo líquido.
- Representa a diferença entre os potenciais da superfície interna e externa.

# Equação de Nernst

- Relaciona a **concentração de espécimes** iônicos em ambos os lados de uma membrana com o potencial;



# Equação de Nernst

- Relaciona a **concentração de espécimes** iônicos em ambos os lados de uma membrana com o potencial;
- Em uma solução à **temperatura T**, com solutos iônicos deslocando-se na **direção x**, a equação tem a forma:

# Equação de Nernst

- Relaciona a **concentração de espécimes** iônicos em ambos os lados de uma membrana com o potencial;
- Em uma solução à **temperatura T**, com solutos iônicos deslocando-se na **direção x**, a equação tem a forma :

$$\frac{\partial V}{\partial x} = - \frac{kT}{ze} \frac{1}{C} \frac{\partial C}{\partial x}$$

$C_{(x)}$ : concentração do soluto;  $V_{(x)}$ : Potencial elétrico;

$k = 1,38 \cdot 10^{-23} \left[ \frac{J}{C} \right]$ : constante de Boltzmann;

$ze$ : grau de ionização do soluto, sendo  $e = 1,60 \cdot 10^{-19} [C]$

# Equilíbrio de Donnan

- Um potencial de repouso ( $V_0$ ) é sempre observado quando há diferentes concentrações iônicas dentro e fora da célula;

# Equilíbrio de Donnan

- Um potencial de repouso ( $V_0$ ) é sempre observado quando há diferentes concentrações iônicas dentro e fora da célula;
- A membrana é mais permeável para íons monovalentes inorgânicos ( $K^+$ ,  $Cl^-$  e  $Na^+$ );
- Os íons  $K^+$  são necessários para manter a neutralidade no interior da célula uma vez que há a presença de grandes moléculas de albumina (ânions);

# Equilíbrio de Donnan

- Um potencial de repouso ( $V_0$ ) impede que íons  $K^+$ , em maior concentração, saiam para o meio externo;
- Raciocínio análogo pode ser observado para outros íons;

# Equilíbrio de Donnan

- Um potencial de repouso ( $V_0$ ) impede que íons  $K^+$ , em maior concentração, saiam para o meio externo;
- Raciocínio análogo pode ser observado para outros íons;
- A concentração intracelular de  $Cl^-$  ocorre em consequência da distribuição de íons  $K^+$ , regulado pelo potencial da membrana.

As concentrações de íons presentes no fluido **intracelular** ( $C_2$ ) e **extracelular** ( $C_1$ ) na célula muscular de uma rã a 310 K são mostradas na tabela.

Íons	Concentração intracelular ( $C_2$ ) mmol/L	Concentração extracelular ( $C_1$ ) mmol/L	Potencial de Nernst (mV)
$K^+$	124,0	2,25	-107,1
$Na^+$	10,4	109,0	62,8
$Ca^+$	4,9	2,1	-11,3
$Mg^{++}$	14,0	1,2	-32,3
$Cl^-$	1,5	77,5	-105,4

# Equilíbrio de Donnan

- A solução da equação diferencial de Nernst para o caso de equilíbrio iônico é:

$$V_{ion}^N = \frac{kT}{ze} \ln\left[\frac{C_1}{C_2}\right]$$

$C_2$ : concentração iônica no meio interno;

$C_1$ : concentração iônica no meio externo;

$V_{ion}^N$ : Potencial de Nernst;

$k = 1,38 \cdot 10^{-23} \left[\frac{J}{C}\right]$ : constante de Boltzmann;

$ze$ : grau de ionização do soluto, sendo  $e = 1,602 \cdot 10^{-19} [C]$ .



# Equilíbrio de Donnan

- No modelo de Donnan a diferença de potencial é a mesma para qualquer íon e denominado potencial de Donnan ( $V_D$ ):

$$V_D = V_{(2)} - V_{(1)} \quad (\text{Potencial de Donnan})$$

# Equilíbrio de Donnan

- No modelo de Donnan a diferença de potencial é a mesma para qualquer íon e denominado potencial de Donnan ( $V_D$ ):

$$V_D = V_{(2)} - V_{(1)} \quad (\text{Potencial de Donnan})$$

- Se o modelo de Donnan for satisfeito o potencial de Nernst e o potencial de Donnan deverão ser iguais

$$V_{\text{íon}}^N = V_D$$

$V_D$  : Potencial de Donnan;

$V_{\text{íon}}^N$  : Potencial de Nernst do íon;

$V_{(2)}$  : Potencial na superfície interna;

$V_{(1)}$  : Potencial na superfície externa.

## Exemplo (p. 253 Duran)

Duas soluções iônicas separadas por uma membrana de uma célula muscular de rã a temperatura de  $37^{\circ}\text{C}$ , contêm íons  $K^{+}$ ,  $Na^{+}$  e  $Cl^{-}$  nas concentrações relacionada na tabela anterior. Sendo o potencial de repouso desta membrana  $V_0 = -98 [mV]$ , determine o potencial de Nernst para cada tipo de íon e compare com  $V_0$ .

Dados:  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \left[ \frac{J}{K} \right]$

# Exemplo - solução

$$V_{ion}^N = \frac{kT}{ze} \ln \left[ \frac{C_1}{C_2} \right] = \frac{kT}{e} \frac{1}{z} \ln \left[ \frac{C_1}{C_2} \right]$$

# Exemplo - solução

$$V_{ion}^N = \frac{kT}{ze} \ln \left[ \frac{C_1}{C_2} \right] = \frac{kT}{e} \frac{1}{z} \ln \left[ \frac{C_1}{C_2} \right]$$

$$\frac{kT}{e} = \frac{1,38 \cdot 10^{-23} \times (37+273)}{1,60 \cdot 10^{-19}} = 26,7 [mV]$$

# Exemplo - solução

$$V_{ion}^N = \frac{kT}{ze} \ln \left[ \frac{C_1}{C_2} \right] = \frac{kT}{e} \frac{1}{z} \ln \left[ \frac{C_1}{C_2} \right]$$

$$\frac{kT}{e} = \frac{1,38 \cdot 10^{-23} \times (37+273)}{1,60 \cdot 10^{-19}} = 26,7 \text{ [mV]}$$

$$V_{K^+}^N = \frac{26,7}{z} \ln \left[ \frac{C_1}{C_2} \right] \text{ [mV]} = \frac{26,7}{+1} \ln \left[ \frac{2,25}{124} \right] = -107 \text{ [mV]}$$

# Exemplo - solução

$$V_{ion}^N = \frac{kT}{ze} \ln \left[ \frac{C_1}{C_2} \right] = \frac{kT}{e} \frac{1}{z} \ln \left[ \frac{C_1}{C_2} \right]$$

$$\frac{kT}{e} = \frac{1,38 \cdot 10^{-23} \times (37+273)}{1,60 \cdot 10^{-19}} = 26,7 \text{ [mV]}$$

$$V_{K^+}^N = \frac{26,7}{z} \ln \left[ \frac{C_1}{C_2} \right] \text{ [mV]} = \frac{26,7}{+1} \ln \left[ \frac{2,25}{124} \right] = -107 \text{ [mV]}$$

$$V_{Na^+}^N = \frac{26,7}{+1} \ln \left[ \frac{109}{10,4} \right] = +62,7 \text{ [mV]}$$

$$V_{Cl^-}^N = \frac{26,7}{-1} \ln \left[ \frac{77,5}{1,5} \right] = -105,3 \text{ [mV]}$$

## Exemplo (p. 253 Duran)

Os potenciais de Nernst para o  $K^+$  e  $Cl^-$  estão próximos do valor do potencial de repouso ( $V_0$ ) o que poderia indicar que a membrana seria permeável somente a esses dois íons.

No entanto, ela é permeável também aos íons  $Na^+$ , o que indica que existe um outro mecanismo de entrada desses íons  $Na^+$  na célula. Transporte esse não regido pelo equilíbrio de Donnan.



# Bomba de sódio-potássio

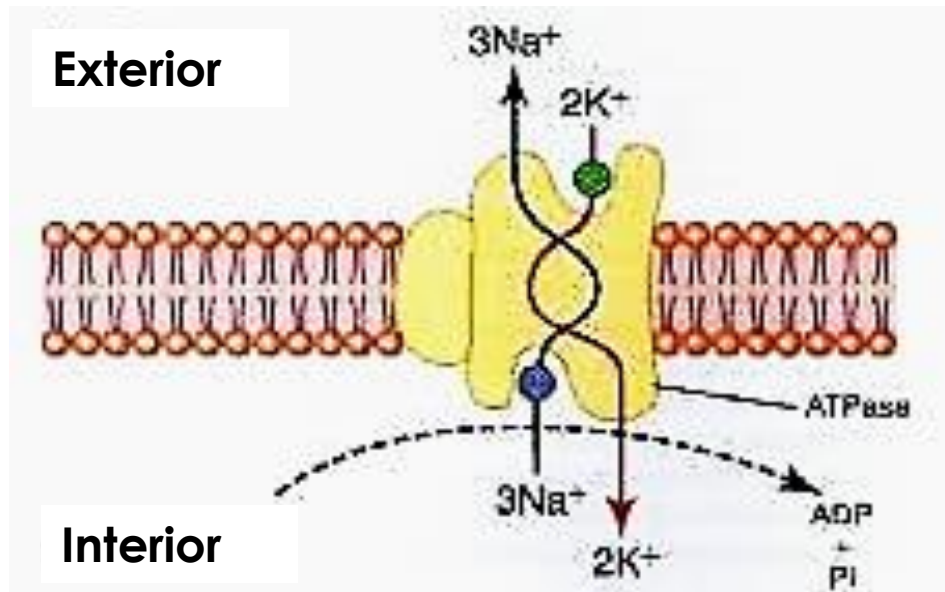
- O transporte devido a difusão e campo elétrico através do canal proteico da membrana são mecanismos passivos;
- Segundo o modelo de Donnan haverá um fluxo de  $Na^+$  para o interior da célula e um fluxo  $K^+$  para o exterior;
- Esse comportamento se deve ao potencial de repouso, principalmente do  $Na^+$ , diferir do potencial de Nernst  $V_{Na}^N$ ;

# Bomba de sódio-potássio

- Como as concentrações de  $K^+$  e  $Na^+$  são constantes deve haver outro tipo de **transporte, denominado ativo, no sentido contrário ao determinado pela força elétrica ou difusão;**
- O **transporte ativo** ocorrerá com **dispêndio de energia;**
- Sem o transporte ativo as concentrações iônicas dos meios interno e externo se igualariam, deixando de existir o potencial de repouso;

# Bomba de sódio-potássio

- A bomba de sódio-potássio é um mecanismo ativo de transporte de íons;
- A figura representa os componentes básicos da bomba  $Na^+ - K^+$ .



# Bomba de sódio-potássio

- Íons  $K^+$  são transportados para dentro da célula e ao mesmo tempo íons  $Na^+$  são transportados para o meio extracelular;
- A proteína carreadora apresenta três sítios para fixação de  $Na^+$  e dois sítios para fixação de  $K^+$ ;
- A face interna dessa proteína tem atividade ATPase (enzima catalizadora da quebra de ATP);
- Após a fixação dos íons a função ATPase é ativada, clivando uma molécula de ATP resultando em ADP mais P com a liberação de energia;

# Bomba de sódio-potássio

- A energia liberada provoca alteração conformacional da proteína carreadora o que leva o  $Na^+$  para o exterior e traz o  $K^+$  para o interior;
- As células gastam 20% de sua energia metabólica para manter o funcionamento das bombas de sódio-potássio. O transporte acoplado de  $Na^+ - K^+$  permite economizar energia, cujo gasto seria muito maior.

## Exemplo (21.8 Okuno)

Nos neurônios do cérebro humano, a energia armazenada em um molécula de ATP é liberada pela reação:  $ATP \rightarrow ADP + P + energia$ .

Essa energia é utilizada para retirar três íons  $Na^+$  da célula e levar dois íons  $K^+$  para o seu interior. Cada bomba de sódio desses neurônios pode transportar, por segundo, até 200  $Na^+$  para fora e 130  $K^+$  para dentro.

Um neurônio possui cerca de  $10^6$  bombas de sódio que podem transportar 200 milhões de  $Na^+$  por segundo.

Estime a corrente elétrica devida às bombas de sódio-potássio na membrana do neurônio.

# Exemplo - solução

Dados:  $N = 10^6$  [bombas]

$$\Delta q = qNa^+ - qK^+ = 200e - 130e = 70e$$

$$I = N \frac{\Delta q}{\Delta t} = 10^6 \times \frac{70 \times 1,60 \cdot 10^{-19}}{1}$$

$$I = 1,1 \cdot 10^{-11} \text{ [A]}$$

# Para depois desta aula

- Completar estudo com a leitura do capítulo 21 do livro texto (Okuno);
- Acessar Lista 07 no site:

[profhenriquefaria.com](http://profhenriquefaria.com)

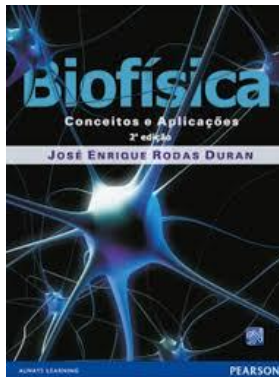


**Obrigado pela atenção!**  
**E bons estudos.**

# Referências



Okuno, E. Caldas, I. L. Chow, C. **Física para Ciências Biológicas e Biomédicas**. São Paulo: Harbra, 1986. (Capítulo 21)



DURAN, J.E.R. **Biofísica. Fundamentos e Aplicações, 2ª Ed.** São Paulo: Pearson Prentice Hall, 2011. (Capítulo 8)