## VERSIDADE ESTADUAL PAULISTA "JÚLIO DE MESQUITA FILHO" CULDADE DE CIÊNCIAS FARMACÊUTICAS

Curso: Farmácia

Disciplina: Matemática 2° sem 2025

Docente Responsável: Henrique Antonio Mendonça Faria

Livro texto: Aguiar, A.F.A., Xavier, A.F.S., Rodrigues, J.E.M., Cálculo Para Ciências Médicas e Biológicas., Editora Harbra, 1988. Link: https://drive.google.com/file/livroMatFarmacia

## Lista de exercícios 01 - Funções

- 1) Sabendo que uma função g(x) é do primeiro grau e que g(-1)=2 e g(2)=3 determinar a função g(x).
- 2) Esboçar o gráfico das funções abaixo:

**a**) 
$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, para \ x \le 2 \\ 3, para \ x > 2 \end{cases}$$
 **b**)  $f(x) = \begin{cases} x - 1, para \ x \le 0 \\ x + 1, para \ x > 0 \end{cases}$ 

**b**) 
$$f(x) = \begin{cases} x - 1, \ para \ x \le 0 \\ x + 1, \ para \ x > 0 \end{cases}$$

c) 
$$f(x) = -2x + 3$$

$$\mathbf{d}) f(x) = x + 1$$

**e**) 
$$f(x) = x^2 - 4$$

c) 
$$f(x) = -2x + 3$$
 d)  $f(x) = x + 1$  e)  $f(x) = x^2 - 4$  f)  $f(x) = -x^2 + 2x + 3$ 

3) Seja x a temperatura em graus Fahrenheit e y a mesma temperatura em graus Celsius. Essas duas escalas de temperatura estão relacionadas linearmente através da seguinte equação:

$$y = f(x) = \frac{5}{9}x - \frac{160}{9}$$

- a) Esboce o gráfico de y = f(x); **respostas**: exercício 15 livro texto
- **b)** Encontre y quando x = 18, x = 32 e quando x = 50.
- **4)** Sabendo que  $f(x) = \frac{5-x}{1-x^2}$  determinar:

**a**) 
$$f(0)$$

**b**) 
$$f(-2)$$

**a)** 
$$f(0)$$
 **b)**  $f(-2)$  **c)**  $f(1-x)$  **d)**  $f(x^2)$  **e)**  $f(1)$ 

$$d) f(x^2)$$

**5)** Determine as funções compostas: f(g(x)), g(f(x)), g(g(x)) e f(f(x)) se

$$\mathbf{a})\,f(x)=x^3$$

$$e \quad g(x) = 2x + 3$$

a)  $f(x) = x^3$  e g(x) = 2x + 3 respostas: exercício 16 livro texto

**b**) 
$$f(x) = 2x \ e \ g(x) = x^2 + 7$$

**6)** Se a pressão for mantida constante, uma amostra de gás tem volume igual a  $V_0$  a 0  $^{\circ}$ C . A relação entre o volume V do gás em litros e a temperatura T em graus centígrados é dada pela equação:

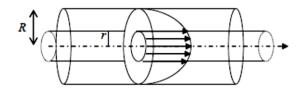
$$V = V_0 + \frac{V_0}{273}T \quad [litros]$$

a) Qual é a inclinação desta reta?

respostas: exercício 20 livro texto

b) Como você pode obter a expressão da temperatura em graus centígrados em função do volume, nas condições acima. Dê esta expressão.

- 7) Em bioquímica, no estudo da cinética das enzimas, encontramos uma função linear da forma f(x) = (K/V)x + 1/V, onde  $Ke\ V$ são constantes.
- a) Se f(x) = 2x + 50, encontre  $Ke\ V$  tal que f(x) pode ser escrito como f(x) = (K/V)x + 1/V;
- **b)** Ache as intersecções com o eixo Ox e com o eixo Oy da  $reta\ y=(K/V)x+1/V$ , em termos de  $Ke\ V$ .
- **8)** Consideremos o fluxo sanguíneo em uma artéria. Para simplificar podemos supor que a artéria seja um tubo cilíndrico de raio constante igual a *R*, como mostra a Figura:



O sangue possui uma viscosidade  $\eta$  (letra grega eta), dada em cm<sup>-1</sup>g s<sup>-1</sup>. Supondo fluxo laminar, isto é, supondo que as partículas do líquido se movam paralelamente ao tubo e que a velocidade aumente uniformemente a partir do zero na parede do vaso até atingir um valor máximo no eixo central tem-se a velocidade v (cm<sup>-1</sup>) dada pela seguinte expressão (lei de Poiseuille):

$$v(r) = \frac{P}{4nl}(R^2 - r^2)$$

onde r é a distância a qualquer ponto do líquido a partir do eixo central, l representa o comprimento do vaso (cm), P é a diferença de pressão entre os dois extremos do vaso (dina/cm<sup>2</sup> =  $cm^{-1}g$  s<sup>-2</sup>), R representa o raio da artéria e  $\eta$  a viscosidade do sangue.

Consideremos o sangue arterial humano com viscosidade  $\eta=0.027~cm^{-1}g~s^{-1}$ . Supondo que o sangue flui através de uma arteríola (capilar arterial largo) de comprimento l=2~cm, raio  $R=8.\,10^{-3}~cm$  e que a diferença de pressão entre os extremos seja  $P=4.\,10^3~cm^{-1}g~s^{-2}$ , encontre a expressão para a velocidade do sangue usando a lei de Poiseuille. Esboce o gráfico.

9) O fisiologista inglês A. V. Hill propôs que a velocidade de contração de um músculo, ao ser submetido a um peso p, é dada por

$$v(p) = \frac{k}{p+a} - b$$

onde a, b e k são constantes. Esboce o gráfico desta função para o caso particular do músculo de um sapo, onde k=87.91; a=14.35 e b=1.03.